



Gambar 2. Ilustrasi salah satu algoritma Backtracking (sumber : <https://www.javatpoint.com/backtracking-introduction> diakses pada 3 Mei 2020)

**B. Properti Umum Metode Backtracking**

Berikut merupakan properti umum metode *backtracking* :

1. Solusi persoalan

Solusi dinyatakan sebagai vector dengan n-tuple :

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_n), x_i \in S_i$$

Dimungkinkan pula  $S_1 = S_2 = \dots = S_n$

Contoh :  $S_i = \{0,1\}$ ,  $x_i = 0$ , atau 1

2. Fungsi Pembangkit nilai  $x_i$

Fungsi pembangkit dinyatakan sebagai predikat :  $T(k)$

Fungsi ini membangkitkan nilai  $x_k$  yang merupakan komponen vektor solusi.

3. Fungsi Pembatas

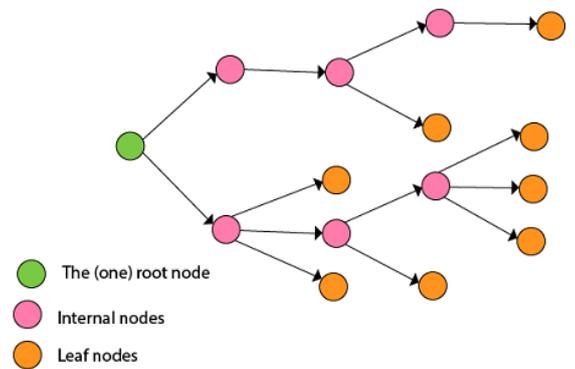
Fungsi pembatas pada algoritma ini dinyatakan sebagai predikat  $B(x_1, x_2, \dots, x_k)$ . B ini bernilai benar jika B mengarah ke solusi. Ketika B bernilai benar, maka akan dilanjutkan pembangkitan untuk  $x_{k+1}$ , sedangkan jika B bernilai salah, maka  $(x_1, x_2, \dots, x_k)$  akan dibuang.

**C. Konsep Algoritma BackTracking**

Pada Algoritma *Backtracking* ini semua kemungkinan solusi persoalan disebut ruang solusi. Ruang solusi direpresentasikan dalam struktur pohon. Tiap simpul pohon merupakan status persoalan sementara sisi/cabang pohon merupakan nilai-nilai  $x_i$ . Lintasan dari akan ke daun menyatakan solusi yang mungkin. Pengorganisasian pohon ruang solusi diacu pohon ruang status.

Sebuah pohon merupakan kumpulan dari simpul dan busurnya yang tidak mempunyai sirkuit. Ada tiga macam simpul yang terdapat pada pohon :

1. Simpul akar
2. Simpul dalam
3. Simpul daun



Gambar 3 Contoh Pohon. Simpul hijau merupakan simpul akar, merah muda merupakan simpul dalam, jingga merupakan simpul daun. (sumber : <https://www.javatpoint.com/backtracking-introduction> diakses pada 3 Mei 2020)

Dalam representasi pohon, *backtracking* ini merupakan pencarian yang digambarkan pada pohon untuk mencapai suatu simpul daun tertentu.

Seperti yang sudah disinggung sebelumnya bahwa algoritma *backtracking* mengacu pada aturan pencarian DFS. Berikut merupakan prinsip algoritma *backtracking*.

1. Simpul-simpul yang sudah dibangkitkan pada algoritma ini disebut simpul hidup. Simpul hidup ini diperluas sehingga lintasan yang dibangun bertambah banyak. Simpul hidup yang sedang diperluas ini dinamakan simpul-E.
2. Jika lintasan yang dibentuk tidak mengarah pada solusi, maka simpul-E yang terkait akan dibunuh sehingga menjadi simpul mati. Pembunuhan simpul ini diatasi oleh sebuah fungsi yang disebut fungsi pembatas. Simpul yang sudah dibunuh ini tidak akan diperluas lagi.
3. Ketika pembentukan lintasan berakhir dengan simpul mati, maka proses pencarian *backtrack* ke simpul aras sebelumnya.
4. Kemudian lanjutkan dengan membangkitkan simpul lainnya. Sehingga simpul yang dibangkitkan ini menjadi simpul-E yang baru
5. Pencarian ini terhenti ketika telah sampai pada status tujuan.

**D. Kompleksitas Algoritma BackTracking**

Setiap simpul dalam pohon ruang status saling berkait dengan sebuah pemanggilan rekursif. Jika jumlah simpul dari pohon ruang status adalah  $2^n$  atau  $n!$ , maka untuk kasus terburuk algoritma ini memiliki kompleksitas waktu  $O(p(n) 2^n)$  atau  $O(Q(n) n!)$ . Dalam kasus ini  $p(n)$  dan  $q(n)$  adalah sebuah polinom derajat  $n$  yang menyatakan waktu komputasi setiap simpulnya.

E. *Persoalan N-Ratu*

Terdapat suatu papan catur yang ukurannya  $N \times N$  dan  $N$  buah ratu. Permasalahan yang diajukan adalah bagaimana cara kita dapat menempatkan  $N$  buah ratu ini pada petak-petak papan catur ini sedemikian rupa sehingga tidak ada satupun ratu yang berada pada baris, kolom maupun diagonal yang sama.

Penyelesaian persoalan ini terdapat beberapa pendekatan.

1. *Brute Force 1*

Mencoba semua kemungkinan solusi penempatan  $N$  buah ratu tersebut pada sebuah papan catur  $N \times N$ .

Pada kasus ini kompleksitas algoritma yang didapat adalah mengikuti aturan kombinasi  $C(N^2, N)$ . Untuk kasus  $N = 8$ , maka kompleksitasnya  $C(64, 8) = 4.426.165.368$  kemungkinan solusi

2. *Brute Force 2*

Meletakkan masing-masing ratu hanya pada baris-baris yang berbeda. Sehingga untuk papan catur  $N \times N$ , kita mencoba menempatkan ratu mulai dari kolom 1 hingga  $N$ .

Penyelesaian persoalan ini memiliki kompleksitas algoritma mengikuti perpangkatan  $N^N$ . Sehingga untuk kasus  $N = 8$ , kompleksitasnya adalah  $8^8 = 16.777.216$

3. *Brute Force 3*

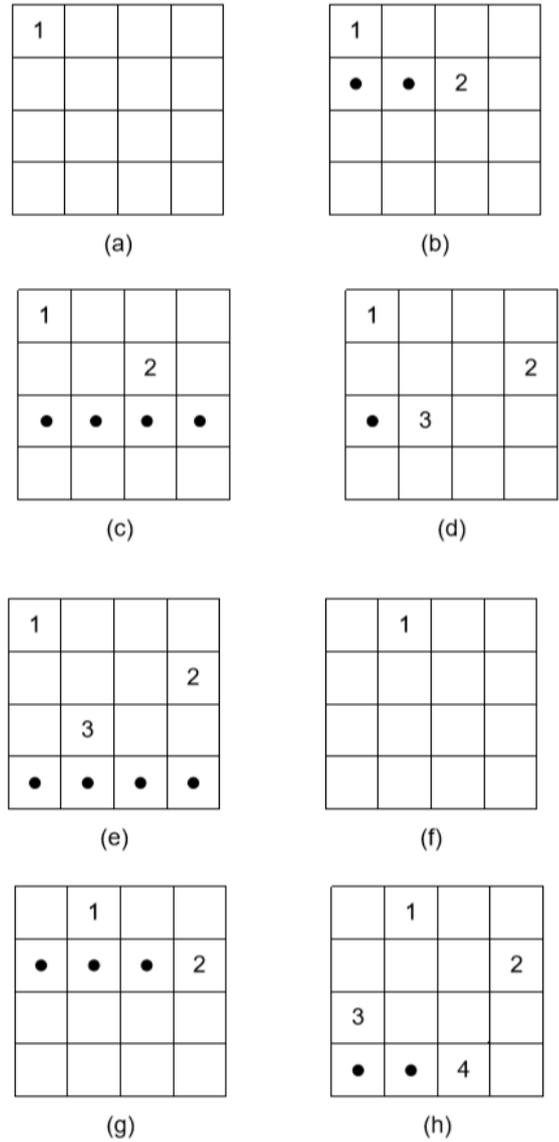
Pada Brute Force 3, solusi dinyatakan dalam  $N$ -tuple.

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$$

Dapat dilihat bahwa vektor solusi merupakan sebuah permutasi bilangan 1 hingga  $N$  atau dapat ditulis juga sebagai  $P(N, N)$ . Pada kasus  $N = 8$  nilainya setara dengan  $P(8, 8) = 40.320$  buah.

4. *Backtracking*

Algoritma dengan metode *backtracking* memperbaiki yang algoritma Brute Force 3. Ruang solusinya merupakan permutasi angka-angka 1 hingga  $N$ . Setiap permutasi ini dinyatakan dengan lintasan dari akar ke daun. Sisi-sisi pada pohon ini dilabeli nilai  $x_i$ .



Gambar 4 Ilustrasi penyelesaian persoalan N-Ratu dengan backtracking dan  $N=4$ . (sumber : Slide kuliah IF2211 Rinaldi Munir)

F. *Algoritma Backtracking pada persoalan N-Ratu*

Berikut kondisi-kondisi yang terjadi pada persoalan ini.

1. Tinjau dua posisi ratu pada  $(i, j)$  dan  $(k, l)$
2. Jika dua buah ratu terdapat pada baris yang sama maka  $i = k$
3. Jika dua buah ratu terletak pada kolom yang sama maka  $j = l$
4. Dua buah ratu terletak pada suatu diagonal yang sama apabila  $|i - j| = |k - l|$

Berikut algoritma umum N-Ratu secara *backtracking*

```
{fungsi Tempat}
```

```

function Tempat(input k: integer) → Boolean
{true jika ratu dapat ditempatkan, sebaliknya tidak}
Deklarasi
  i : integer
  stop : boolean
Algoritma
  Kedudukan ← true
  i ← 1
  stop ← false
  while (i<k) and (not stop) do
    if(x[i] = x[k] or ABS (x[i]-x[k] )= ABS (i-k)){tidak dapat
ditempatkan}
    then
      kedudukan ← false
    else
      i← i+1
    endif
  endwhile
  return kedudukan

```

```

{prosedur N_Ratu_R}
procedure N_Ratu_R(input k: integer, input n : integer,
input/output selesai : boolean )
{Menempatkan ratu pada baris ke-k pada suatu papan catur N
x N secara backtracking dengan memanggil fungsi tempat
untuk mengecek kebolehan ratu ditempaikan.}
Deklarasi
  stop : boolean
  subselesai : boolean
Algoritma
  Stop ← false
  While not stop and not selesai do
    x[k] ← x [k] +1
    while (x[k] ≤ n and not Tempat(k)) do
      x[k] ← x[k] +1
    endwhile
    if (x[k] ≤ n) then
      if(k=n) then
        CetakSolusi(x,n)
        selesai ← true
      else
        N_Ratu_R(k,n, subselesai)
        selesai ← subselesai
      endif
    else
      stop ← true
      x[k] ← 0
    endif
  endwhile

```

```

{program utama}
Deklarasi
  x : Array of integer [1..100]
  n : integer
Algoritma
  {inisiasi x dengan 0}
  for i ← 1 to 100 do
    x[i] ← 0
  endfor
  input(n) {menerima inputan nilai n}
  N_Ratu_R(1, n, false)

```

### III. IMPLEMENTASI BACKTRACKING N-RATU PADA PERSOALAN PENGATURAN TEMPAT DUDUK

Persoalan yang diselesaikan pada kasus ini adalah bagaimana cara kita mengatur tempat duduk N orang yang berada pada suatu ruangan p x l sehingga tidak ada dua orang yang berada pada satu baris, kolom maupun diagonal.

Persoalan ini akan dicoba untuk diselesaikan dengan algoritma serupa yang digunakan dalam pemecahan masalah N-Ratu dengan cara backtracking. Sehingga hal pertama yang perlu dilakukan adalah bagaimana cara kita mengubah persoalan ini sebagai representasi N-Ratu sesederhana mungkin. Dalam hal ini penulis merepresentasikannya sebagai berikut.

1. Ratu pada konteks persoalan N-Ratu diubah menjadi kursi
2. Papan catur pada konteks ratu diubah menjadi ruangan yang dibagi Panjang dan lebarnya menjadi N bagian. Sehingga terdapat  $N^2$  petak pada ruangan tersebut

	panjang				
lebar					

Gambar 5 Contoh pembagian ruangan pada petak-petak (sumber : Dokumentasi penulis\)

3. Solusi yang dicetak adalah kordinat tiap kursi

Sehingga algoritmanya sedikit mengalami perubahan dari algoritma yang tertulis di dasar teori mengenai N -Ratu

```

{fungsi tempat}
{sama persis dengan N-Ratu}
function Tempat(input k: integer) → Boolean
{true jika kursi dapat ditempatkan, sebaliknya tidak}

```

```

Deklarasi
i : integer
stop : boolean
Algoritma
Kedudukan ← true
i ← 1
stop ← false
while (i < k) and (not stop) do
  if(x[i] = x[k] or ABS (x[i]-x[k]) = ABS (i-k)){tidak dapat
ditempatkan}
  then
    kedudukan ← false
  else
    i ← i+1
  endif
endwhile
return kedudukan

```

```

print("{")
for i ← 1 to N do
  print("(", (x[i]-1) * p, ",", (i-1) * l, ")")
  if( not (i = N))
    print(",")
  endif
endfor
print("}")

```

```

{prosedur N_Kursi_R}
procedure N_Kursi_R(input k: integer, input n : integer, input
p:real, input l:real, input/output selesai : boolean )
{Menempatkan kursi pada baris ke-k pada suatu ruangan
berpetak N x N secara backtracking dengan memanggil fungsi
tempat untuk mengecek kebolehan kursi ditempatkan.}
Deklarasi
stop : boolean
subselesai : boolean
Algoritma
Stop ← false
While not stop and not selesai do
  x[k] ← x[k] + 1
  while (x[k] ≤ n and not Tempat(k)) do
    x[k] ← x[k] + 1
  endwhile
  if (x[k] ≤ n) then
    if(k=n) then
      CetakSolusi(x,n, p, l)
      selesai ← true
    else
      N_Kursi_R(k,n, p,l, subselesai)
      selesai ← subselesai
    endif
  else
    stop ← true
    x[k] ← 0
  endif
endwhile

```

```

{program utama}
Deklarasi
x : Array of integer [1..100]
n : integer
p,l : real
Algoritma
{inisiasi x dengan 0}
for i ← 1 to 100 do
  x[i] ← 0
endfor
input(n) {menerima inputan nilai n}
input(p) {menerima inputan panjang ruangan}
input(l) {menerima inputan lebar ruangan}
N_Kursi_R(1, n, p/n, l/n, false)

```

Sehingga ketika program ini berhasil dieksekusi akan menampilkan keluaran berupa tuple dari koordinat kursi-kursi seperti :

{ (x<sub>1</sub>,y<sub>1</sub>), (x<sub>2</sub>,y<sub>2</sub>), ... ,(x<sub>n</sub>, y<sub>n</sub>)}

Koordinat ini yang nantinya dijadikan acuan peletakan kursi di ruangan orang – orang yang hendak berkumpul yang menjawab persoalan bagaimana cara kita mengatur tempat duduk N orang yang berada pada suatu ruangan p x l sehingga tidak ada dua orang yang berada pada satu baris, kolom maupun diagonal.

#### IV. KESIMPULAN

Backtracking merupakan algoritma yang memanfaatkan pencarian DFS yang membunuh simpul yang tidak mengarah kepada solusi. Persoalan N-Ratu merupakan persoalan dimana ada sebuah papan catur berukuran NxN yang dimaksudkan untuk menempatkan N buah ratu tanpa ada dua buah ratu yang berada di baris, kolom, dan diagonal yang sama.

Persoalan peletakan kursi yang penulis coba pecahkan dapat diselesaikan dengan merepresentasikannya persoalan ini kepada permasalahan N-Ratu dengan metode backtracking yang penulis pelajari dari mata kuliah Strategi Algoritma. Ini

```

{prosedur CetakSolusi}
procedure CetakSolusi(input k, n: integer, input p, l : real)
{mencetak solusi mengikuti format { (x1,y1), (x2,y2), ... ,(xn,
yn)}}

```

merupakan salah satu metode yang dapat digunakan untuk menyelesaikan persoalan ini, dengan mengesampingkan metode lainnya yang mungkin juga dapat dicoba.

Persoalan ini direpresentasikan dengan N-Ratu dengan mengubah beberapa konsep N-ratu yang awalnya ratu menjadi kursi yang ditempatkan, dan papan catur sebagai ruangan yang berpetak  $N^2$  dengan membagi masing-masing lebar dan Panjang ruangnya dengan N. Penyelesaian ini membuat penulis sadar bahwa ketika kita dihadapi suatu persoalan akan lebih mudah menggunakan algoritma yang sudah kita kuasai sebelumnya dan merepresentasikan persoalan yang dihadapi kepada algoritma yang sudah dipelajari dibandingkan mendesain dan membangun algoritma penyelesaian dari awal. Keuntungannya, sebagai pemrogram kita dapat menghemat waktu dan mengurangi biaya desain dan pembangunan.

#### VIDEO LINK AT YOUTUBE

<https://youtu.be/IBDChsoS-Dw>

#### UCAPAN TERIMA KASIH

Penulis mengucapkan puji dan syukur kepada Tuhan Yang Maha Esa sehingga penulis dapat menyelesaikan makalah berjudul "Penggunaan Algoritma Backtracking Persoalan N-Ratu Dalam Persoalan Peletakkan Kursi dalam Perkumpulan yang Harus Saling Berjauhan". Penulis juga berterimakasih pada dosen pengajar IF2111 Straregi Algoritma, Dr. Ir. Rinaldi Munir, M.T, atas bimbingan beliau dalam memberikan pelajaran dan Pendidikan pada semester ini sehingga penulis dapat mencoba mengimplementasikan

salah satu ilmu yang dipelajari dari beliau dengan terciptanya makalah ini. Penulis juga berterimakasih kepada semua orang di sekitar penulis yang turut mendukung penulis untuk menyelesaikan makalah ini.

#### REFERENSI

- [1] Munir, Rinaldi. 2005. "Diktat Kuliah IF 2211 Strategi Algoritmik". Bandung:Program Studi Teknik Informatika STEI ITB
- [2] <https://codepumpkin.com/n-queen-problem/>
- [3] <https://www.javatpoint.com/backtracking-introduction>

#### PERNYATAAN

Dengan ini saya menyatakan bahwa makalah yang saya tulis ini adalah tulisan saya sendiri, bukan saduran, atau terjemahan dari makalah orang lain, dan bukan plagiasi.

Bandung, 3 Mei 2020



Naufal Arfananda Ghifari  
13518096