Program Studi Teknik Informatika Nama :…………………………

Sekolah Teknik Elektro dan Informatika NIM :…………………………

Institut Teknologi Bandung T.tangan:…………………………

Solusi Kuis ke-1 IF1220 Matematika Diskrit (3 SKS) – Logika, Himpunan, Relasi dan Fungsi

Dosen: Rinaldi Munir, Rila Mandala, Arrival Dwi Sentosa

Rabu, 1 Oktober 2024

Waktu: 55 menit

1. Buktikan bahwa argumen benar (valid atau sahih), boleh menggunakan tabel kebenaran **atau** menggunakan campuran hukum-hukum logika dan metode penarikan kesimpulan yang sudah terbukti sahih (modus ponen, modus tollen, dsb). **(Nilai: 20)**

**Jawaban:**

**Alternatif Solusi 1**

Periksa apakah [(p→t) ∧ (q→s) ∧ (p∧q)] → (t∧s) merupakan tautologi

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **p** | **q** | **t** | **s** | **p→t** | **q→s** | **p∧q** | [(p→t) ∧ (q→s) ∧ (p∧q)] | **t∧s** | [(p→t) ∧ (q→s) ∧ (p∧q)] → (t∧s) |
| T | T | T | T | T | T | T | T | T | T |
| T | T | T | F | T | F | T | F | F | T |
| T | T | F | T | F | T | T | F | F | T |
| T | T | F | F | F | F | T | F | F | T |
| T | F | T | T | T | T | F | F | T | T |
| T | F | T | F | T | T | F | F | F | T |
| T | F | F | T | F | T | F | F | F | T |
| T | F | F | F | F | T | F | F | F | T |
| F | T | T | T | T | T | F | F | T | T |
| F | T | T | F | T | F | F | F | F | T |
| F | T | F | T | T | T | F | F | F | T |
| F | T | F | F | T | T | F | F | F | T |
| F | F | T | T | T | T | F | F | T | T |
| F | F | T | F | T | T | F | F | F | T |
| F | F | F | T | T | T | F | F | F | T |
| F | F | F | F | T | T | F | F | F | T |

**Kesimpulan:**

Terbukti bahwa argument tersebut valid (benar/sahih) dikarenakan pada kolom validity checking semua bernilai **true** (tautologi)

**Alternatif solusi 2:**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Baris** | **Pernyataan** | **Alasan** |
| (1) |  | premis |
| (2) |  | Simplifikasi konjungtif (1) |
| (3) |  | Simplifikasi konjungtif (1) |
| (4) |  | premis |
| (5) | *t* | Modus ponens (2) dan (4) |
| (6) |  | Premis |
| (7) | *s* | Modus ponens (3) dan (6) |
| (8) |  | Konjungsi (5) dan (7) |

1. Di sebuah kelompok baca yang berjumlah 80 orang, terdapat 37 orang yang menyukai genre romantis, 31 orang menyukai genre drama, dan 28 orang menyukai genre fantasi, *x* orang menyukai genre romantis dan drama, *y* orang menyukai genre romantis dan fantasi, serta *z* orang menyukai genre drama dan fantasi, serta serta *a* orang menyukai ketiga genre, diketahui *x* + *y* + *z* = 9*a*, *x* = 2*z* dan (*x* + *z*) / 2 = *y*.
2. Tentukan jumlah orang yang hanya menyukai tepat 2 genre.
3. Gambarkan dalam bentuk diagram Venn **(Nilai: 25)**

**Jawaban:**

1. A = Penyuka genre romantis

B = Penyuka genre drama

C = Penyuka genre fantasi

= 37, = 31, = 28

=

=

=

=

= 80

9

dan

Tepat 2 genre =

=

Anggota yang hanya menyukai romantis dan drama =

Anggota yang hanya menyukai romantis dan fantasi =

Anggota yang hanya menyukai drama dan fantasi =

Hanya menyukai genre romantis =

=

= 25

Hanya menyukai genre drama =

=

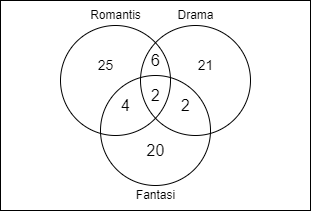
= 21

Hanya menyukai genre fantasi =

=

= 20

Diagram Venn



Jumlah anggota = 25 + 21 + 20 + 4 + 2 + 2 + 6 = 80

1. Dengan menggunakan hukum-hukum himpunan dan definisi operasi, buktikan

Tuliskan pula hukum-hukum dan definisi operasi yang digunakan. **(Nilai: 20)**

**Jawaban:**

**Jawaban:**

(H. De Morgan)

(H. Involusi)

(H. Distributif)

(H. Komplemen)

(H. Identitas)

(H. Distributif)

(H. Komplemen)

(H. Identitas)

(terbukti) (Definisi Operasi Selisih)

**atau**

= (H. De Morgan)

(H. Distributif)

(H. Komplemen)

(H. Identitas)

(H. De Morgan)

(H. Distribusi)

(H. Komplemen)

(H. Identitas)

(terbukti) (Definisi Operasi Selisih)

1. Ciko adalah anak **ketiga** dari **lima** bersaudara. Kakak tertua Ciko berusia 10 tahun, dan terdapat selisih usia 2 tahun di antara setiap saudara berikutnya. Karena Ciko sangat menyukai Matematika Diskrit, Ia membuat relasi yang menghubungkan usia masing-masing saudaranya ke saudara lain yang usianya tepat dua kali lebih tua, jika memungkinkan. Jika tidak ada saudara yang usianya dua kali saudara yang lain, maka usia tersebut dihubungkan dengan usia itu sendiri. Setelah memperoleh relasi tersebut, didapati bahwa relasi ini belum memenuhi sifat **relasi kesetaraan** (relasi ekivalen). Bantulah Ciko mencari relasi terkecil yang memenuhi sifat tersebut dengan tetap mengandung relasi mula-mula! Jelaskan relasi awal, relasi akhir, serta langkah-langkah untuk mendapatkannya sesuai dengan salindia kuliah. (Petunjuk: mulai dengan menuliskan terlebih dahulu himpunan usia 5 bersaudara)

**(Nilai: 25)**

**Jawaban:**

Asumsi: Ciko tidak termasuk ke dalam himpunan

A = {2, 4, 8, 10}

R = {(2,4), (4,8), (8,8), (10,10)}

**Relasi kesetaraan (refleksif, setangkup, menghantar)**

Langkah 1: Klosur refleksif

Δ = {(a, a) | a  ∈ A}

Δ = {(2,2), (4,4), (8,8), (10,10)}

R\* = R  ∪ Δ =  {(2,4), (4,8), (8,8), (10,10), **(2,2), (4,4)**}

Langkah 2: Klosur setangkup

R-1  = {(b, a) | (a, b) ∈ R}

R-1  = {(4,2), (8,4), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4)}

R\* = R  ∪ R-1   = {(2,4), (4,8), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4), **(4,2), (8,4)**}

Langkah 3: Klosur menghantar

A number grid with numbers and a mathematical equation

Description automatically generated with medium confidence

MR\* = MR ∨ MR[2] ∨ MR[3] ∨ MR[4]

Karena,

A number and a number on a white background

Description automatically generated with medium confidence

Maka,

A number grid with numbers

Description automatically generated with medium confidence

Dengan demikian,

R\* = {(2,4), (4,8), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4), (4,2), (8,4), **(2,8), (8,2)**}

Diperoleh relasi akhir,

R = {(2,2), (4,4), (8,8), (10,10), (2,4), (4,2), (2,8), (8,2), (4,8), (8,4)}

**Jawaban** **Versi 5x5**:

Asumsi 2: Ciko termasuk ke dalam himpunan asal

A = {2, 4, 6, 8, 10}

R = {(2,4), (4,8), (6,6), (8,8), (10,10)}

**Relasi kesetaraan (refleksif, setangkup, menghantar)**

Langkah 1: Klosur refleksif

Δ = {(a, a) | a  ∈ A}

Δ = {(2,2), (4,4), (6,6) (8,8), (10,10)}

R\* = R  ∪ Δ =  {(2,4), (4,8), (6,6), (8,8), (10,10), **(2,2), (4,4)**}

Langkah 2: Klosur setangkup

R-1  = {(b, a) | (a, b) ∈ R}

R-1  = {(4,2), (8,4), (6,6), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4)}

R\* = R  ∪ R-1   = {(2,4), (4,8), (6,6), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4), **(4,2), (8,4)**}

Langkah 3: Klosur menghantar

A black and white image of a number

Description automatically generated

MR\* = MR ∨ MR[2] ∨ MR[3] ∨ MR[4] ∨ MR[5]

Karena,

A black and white math equation

Description automatically generated

Maka,

A black and white image of a number

Description automatically generated

Dengan demikian,

R\* = {(2,4), (4,8), (6,6), (8,8), (10,10), (2,2), (4,4), (4,2), (8,4), **(2,8), (8,2)**}

Diperoleh relasi akhir,

R = {(2,2), (4,4), (6,6), (8,8), (10,10), (2,4), (4,2), (2,8), (8,2), (4,8), (8,4)}

1. Jika fA(x) = 0.5*x*, fB(x) = x – 40, dan fC(x) = 0.7x, tentukan komposisi fungsi fA o fB o fC **(Nilai: 10)**

**Jawaban:**

fA o fB o fC = fA(fB (fC ) = 0.5((0.7x) – 40) = 0.35x – 20