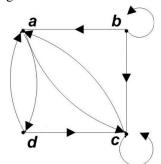
Program Studi Teknik Informatika
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika
Institut Teknologi Bandung

Nama	:.													
NIM	:.													
T.tangan														

Kuis ke-2 IF2120 Matematika Diskrit (3 SKS) – Relasi dan Fungsi, Aljabar Boolean Dosen: Rinaldi Munir, Harlili, Judhi Santoso Senin 2 Oktober 2017 Waktu: 55 menit

1. Diketahui relasi S yang didefinisikan pada himpunan  $A = \{a, b, c, d\}$ . Relasi direpresentasikan sebagai graf berarah berikut ini:



- a) Relasi **5** di atas tidak bersifat menghantar. Tambahkan busur tambahan sehingga **5** bersifat menghantar.
- b) Jika didefinisikan bahwa  $5^n = 5 \circ 5 \circ ... \circ 5$  (sebanyak na kali), tentukan graf berarah yang merepresentasikan  $5^2$ .
- 2. Misalkan *R* adalah relasi pada suatu negara sedemikian sehingga *a R b* jika dan hanya jika kota *a* dan kota *b* mempunyai jarak yang sama ke kota *x*. Apakah *R* relasi yang ekivalen (relasi kesetaraan)?
- 3. Di antara relasi-relasi berikut, tentukan manakah yang merupakan fungsi. Jika fungsi, tentukan apakah fungsi tersebut surjektif (pada), injektif (satu-ke-satu), atau bijektif (berkorespondensi satu-ke-satu).
  - a. Relasi  $Z \times Z$  di mana  $(a,b) \in R$  jika dan hanya jika a habis membagi b.
  - b. Relasi  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$  di mana  $(a,b) \in \mathbb{R}$  jika dan hanya jika a+b=0.
  - c. Relasi  $Z \times Z$  di mana  $(a,b) \in R$  jika dan hanya jika 2a + b = 0.

Catatan: Z adalah himpunan bilangan bulat,  $Z = \{..., -2, -1, 0, 1, 2, ...\}$ .

- 4. Diberikan sebuah fungsi boolean sebagai berikut:  $f(w, x, y, z) = \sum (0,1,2,4,5,7,8,10,11,13,14,15)$ . Tentukan :
  - a. Penyederhanaan fungsi menggunakan Peta Karnaugh
  - b. Gerbang Logika
- 5. Sebuah elevator di Labtek V memiliki dua *state*, yaitu elevator bergerak dan elevator berhenti. Elevator yang bergerak memiliki sinyal logik HIGH sedangkan saat elevator berhenti, sinyalnya LOW. Di labtek V ada 3 lantai, yaitu F1, F2, F3. Apabila elevator sejajar dengan sebuah lantai, misalnya F1, maka sinyal logika akan memiliki nilai F1 yang HIGH, sedangkan F2 dan F3 bernilai LOW. Dari sinyal-sinyal tersebut, elevator dapat mengeluarkan dua output, yaitu OPEN yang memiliki sinyal HIGH dan NOT OPEN yang sinyalnya LOW. Tentukanlah:
  - a) Tabel Kebenaran,
    b) Peta Karnaugh,
    c) Persamaan yang sudah disederhanakan.,
    d) Rangkaian logika
    (Petunjuk: State pergerakan elevator = w, State sejajar dengan F1 = x, State sejajar dengan F2 = y, State sejajar dengan F3 = z)