

Ujian Tengah Semester IF2091 Struktur Diskrit

Rabu, 21 Oktober 2009

Waktu: 2 jam

Dosen: Rinaldi Munir dan Harlili

---

**(Harlili: 1, 2, 3)**

1. Misalkan  $A$  dan  $B$  adalah himpunan. Pada kondisi manakah pernyataan dibawah ini benar? (15)

$$A \cup B = A$$

$$A \cap B = A$$

$$A - B = A$$

$$A - B = B - A$$

$$A \cap B = B \cap A$$

2. Diketahui fungsi rekursif Ackerman dibawah ini. Tentukan  $f(2,1) = ?$

$$f(m,n) = \begin{cases} f(0,n) = n+1 \\ f(m,0) = f(m-1,1) \\ f(m,n) = f(m-1, f(m,n-1)) \end{cases} \quad (15)$$

3. Diketahui  $R$  suatu relasi pada himpunan bilangan riil sehingga  $a R b$  jika dan hanya jika  $a - b =$  bilangan bulat. Buktikan  $R$  adalah relasi kesetaraan (ekuivalen). (15)

**(Rinaldi Munir: 4, 5, 6, 7)**

4. Gunakan induksi matematika untuk membuktikan bahwa  $\sim(p_1 \vee p_2 \vee \dots \vee p_n) \Leftrightarrow \sim p_1 \wedge \sim p_2 \wedge \dots \wedge \sim p_n$  dimana  $p_1, p_2, \dots, p_n$  adalah proposisi. (15)

5. Temukan semua bilangan ( $x$ ) yang habis dibagi 5 tetapi bersisa 1 jika dibagi 3. Nyatakan solusi anda sebagai  $x = a \pmod{b}$  (15)

6. Diketahui kombinasi lanjar  $312m + 70n = 2$ . Tentukan nilai  $mn$  dalam modulus 8. (10)

7. Periksa validitas argumen berikut ini: (15)

Dia dapat menggunakan program *word processor* bilamana dia mempunyai komputer laptop. Jika dia menggunakan program *word processor* tentu dia seorang penulis berbakat. Tetapi, dia tidak mempunyai komputer laptop, jadi dia bukanlah seorang penulis berbakat.