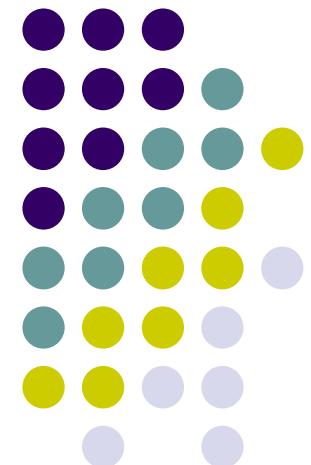
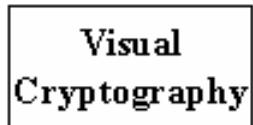
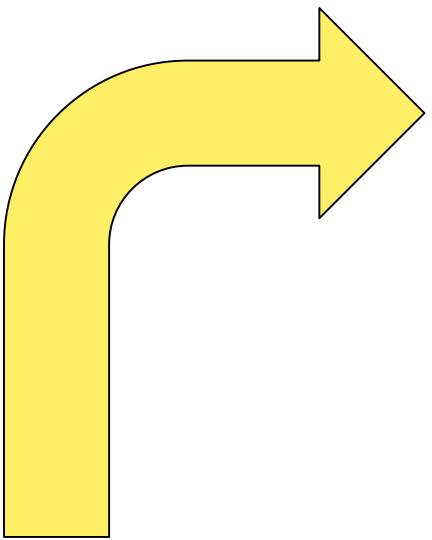


Kuliah Umum di Program Studi Teknik Informatika,  
Universitas Kristen Satya Wacana, Salatiga,  
Sabtu 26 November 2016

# Kriptografi Visual, Teori dan Aplikasinya

Dr. Rinaldi Munir \*)





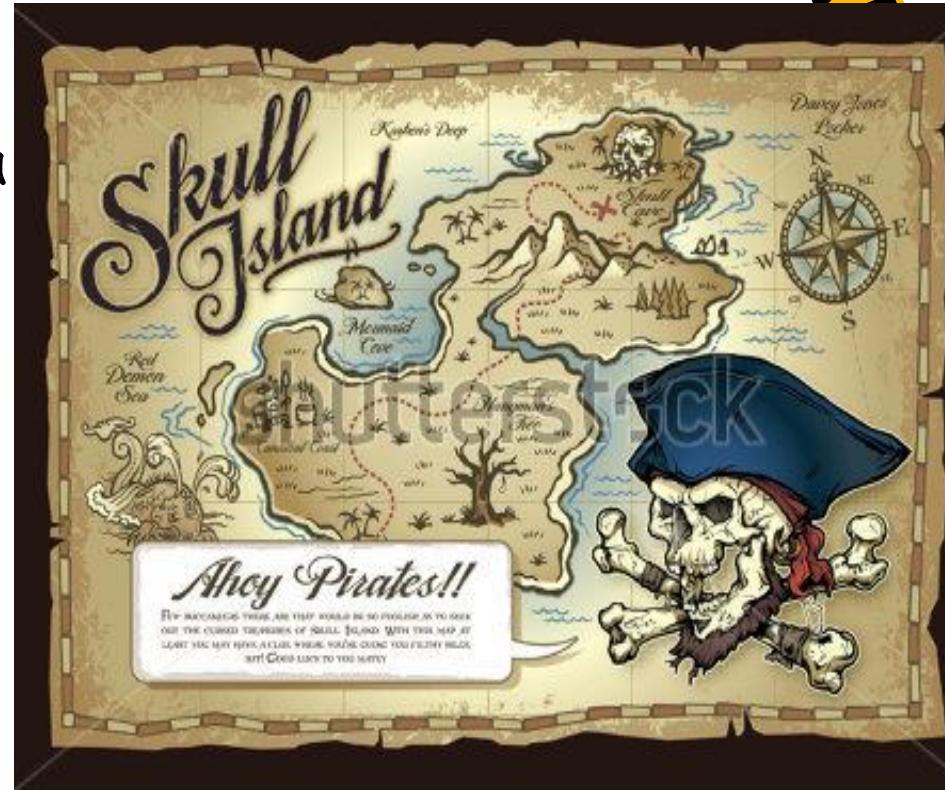
Universitas Kristen Satya Wacana Salatiga

Sekolah Teknik Informatika dan Elektro ITB



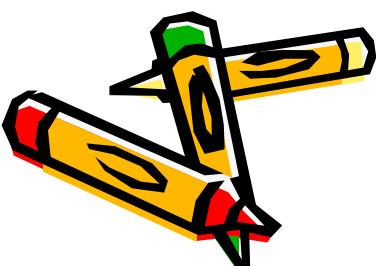
# Sebuah cerita...

Ada seorang kepala perompak. Dia mempunyai sebuah gambar peta rahasia yang berisi petunjuk harta karun. Dia ingin membagi gambar peta itu kepada 6 orang anak buahnya, namun untuk merekonstruksi gambar peta itu dibutuhkan sedikitnya 3 bagian gambar. Bagaimana caranya?



[www.shutterstock.com](http://www.shutterstock.com) · 90606391

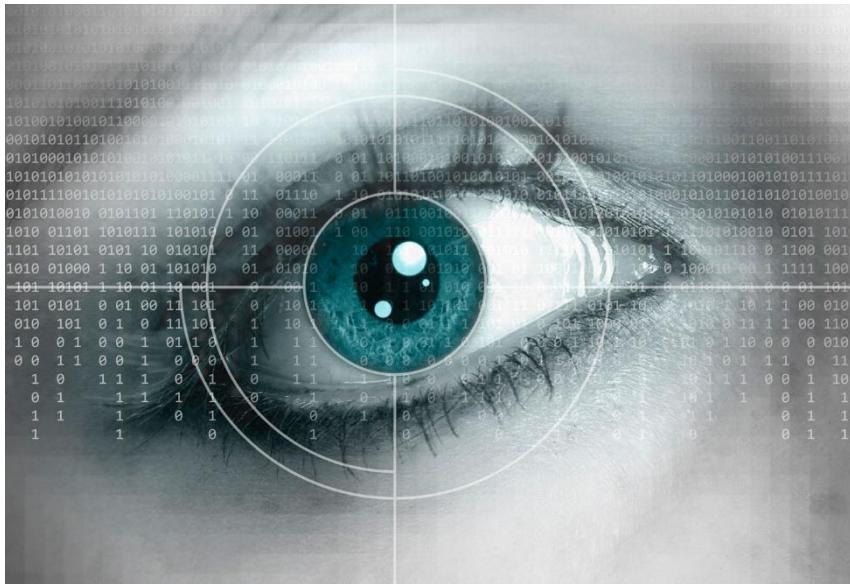
Solusi: Visual Cryptography!!!!





# Visual

- Apapun yang dipersepsi oleh indra penglihatan



- Informasi visual: teks, gambar, video, animasi, object 3D



- Teks

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

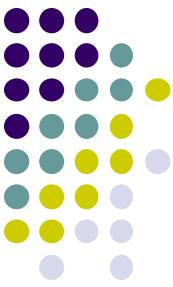
A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789

A Quick Brown Fox Jumps Over The Lazy Dog 0123456789



- Gambar (citra)

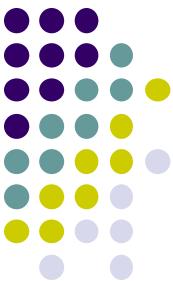


"Sebuah gambar bermakna lebih dari seribu kata"  
*(A picture is more than a thousand words)*



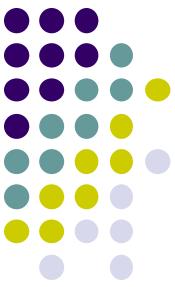
- Video



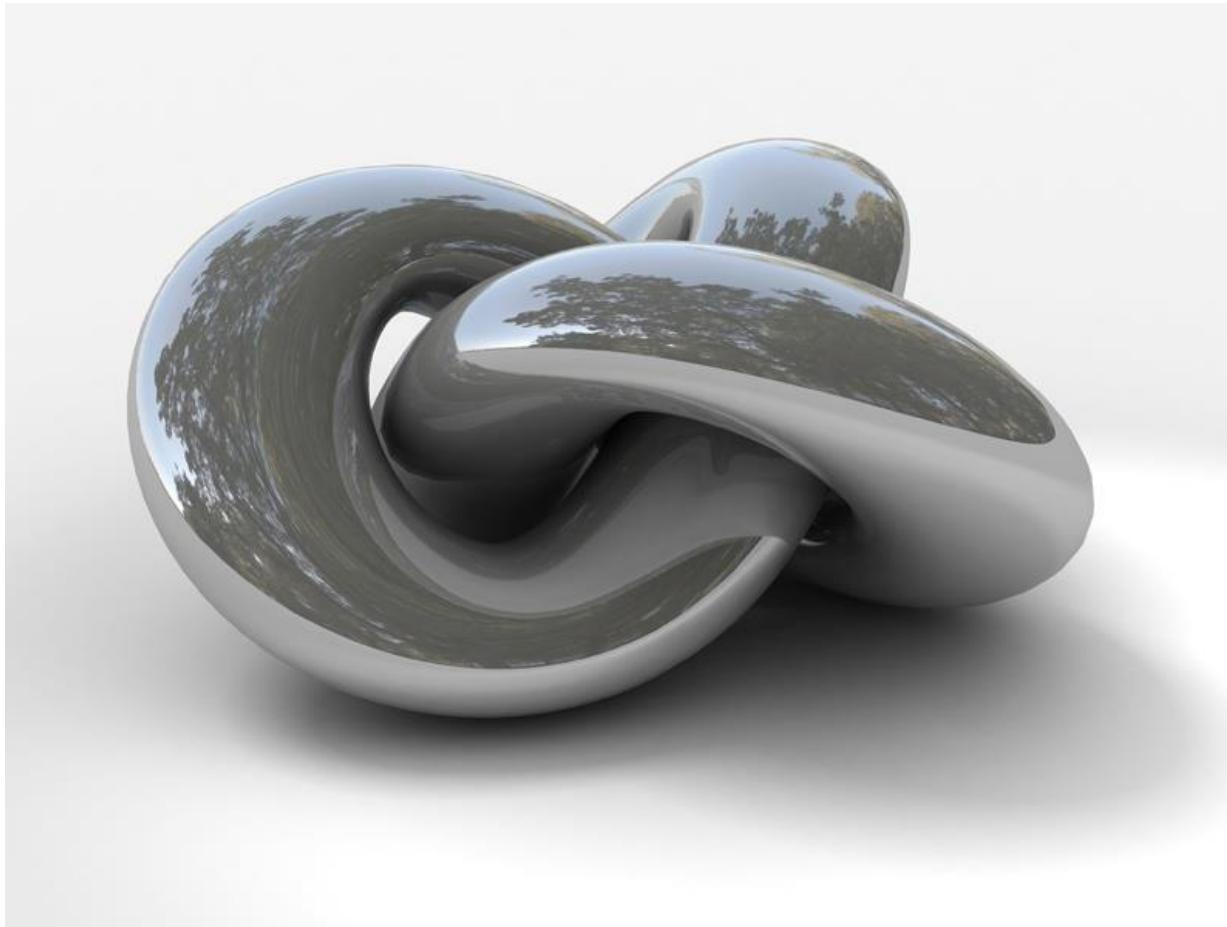


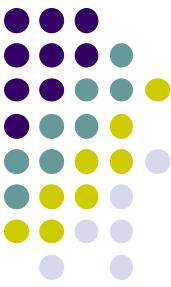
- Animasi





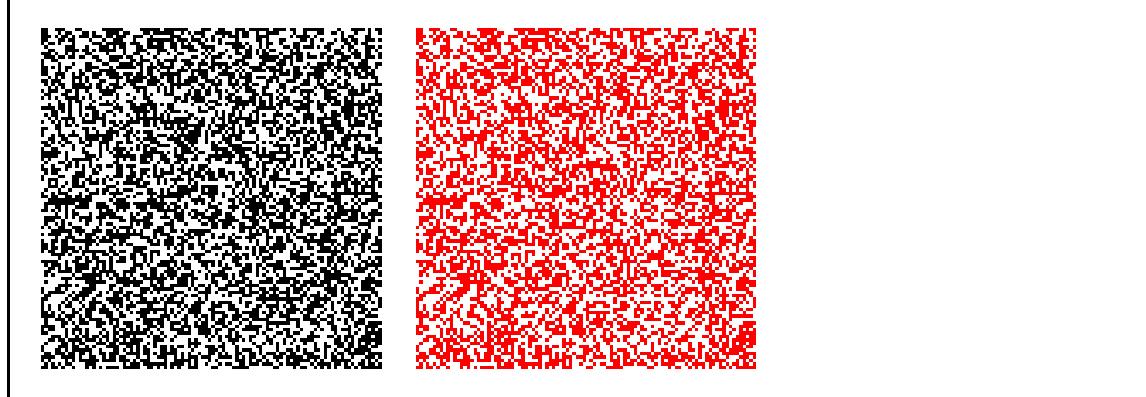
- Object 3D





# Visual Cryptography

- Teknik kriptografi yang *mengenkripsi* informasi visual dengan suatu cara sehingga *dekripsi* cukup dilakukan dengan mempersepsi informasi menggunakan indra penglihatan (mata).





- Diperkenalkan oleh Moni Naor dan Adi Shamir dalam makalah berjudul “*Visual Cryptography*” di dalam jurnal *Eurocrypt’94*

## Visual Cryptography\*

Moni Naor †              Adi Shamir ‡

### Abstract

In this paper we consider a new type of cryptographic scheme, which can decode concealed images without any cryptographic computations. The scheme is perfectly secure and very easy to implement. We extend it into a visual variant of the  $k$  out of  $n$  secret sharing problem, in which a dealer provides a transparency to each one of the  $n$  users; any  $k$  of them can see the image by stacking their transparencies, but any  $k - 1$  of them gain no information about it.



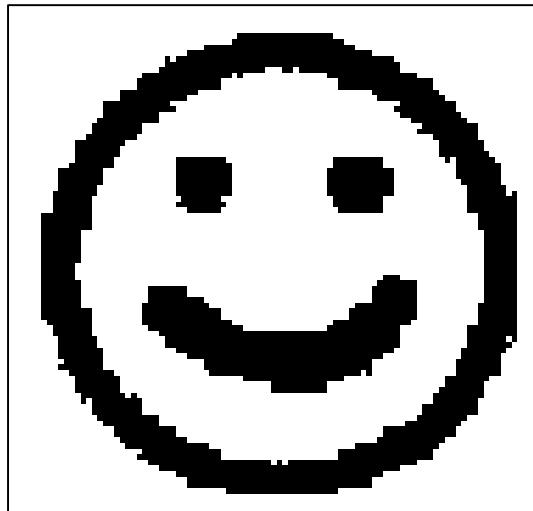
- Enkripsi dilakukan dengan membagi gambar menjadi sejumlah bagian yang disebut ***share***.
- Setiap *share* terlihat seperti citra acak yang tak bermakna sehingga disebut juga *shadow*.



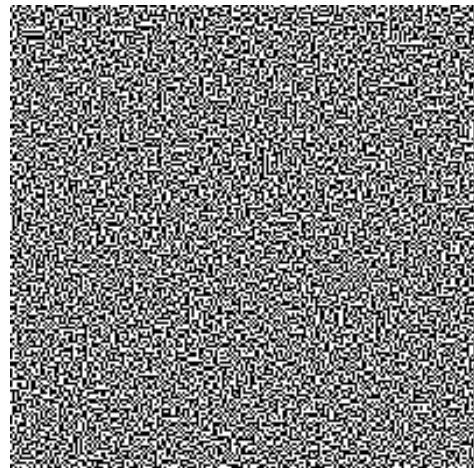
- Tidak membutuhkan komputasi untuk dekripsi citra. Dekripsi dilakukan dengan menumpuk sejumlah *share*.

Contoh:

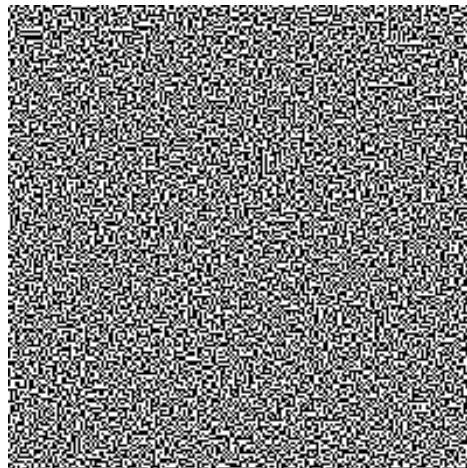
Plainteks



enkripsi



dekripsi

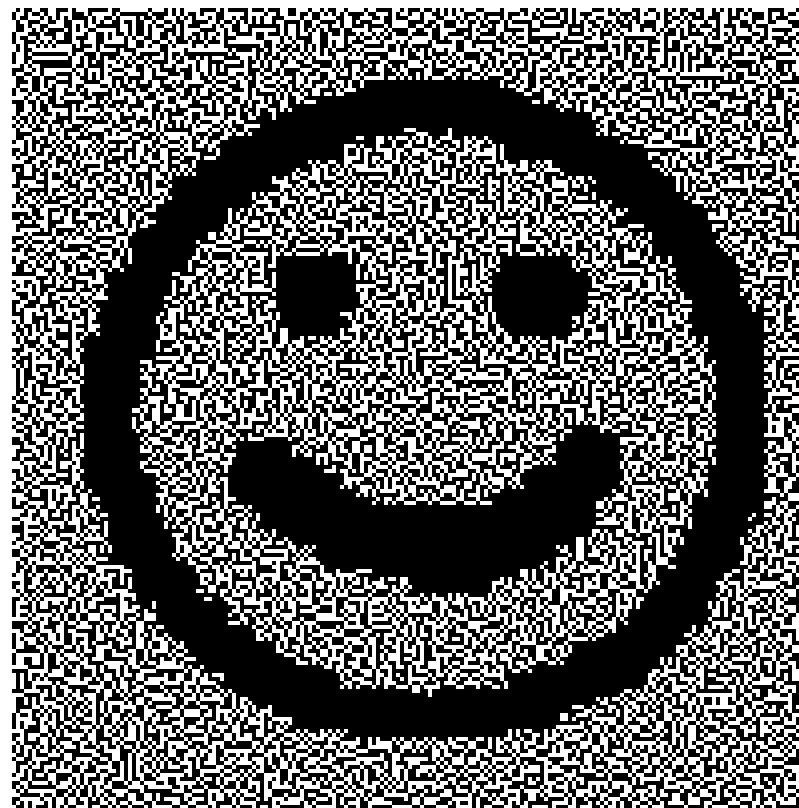


Share 1

Share 2



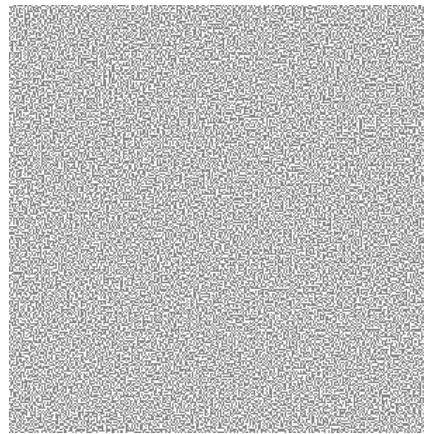
Hasil dekripsi:



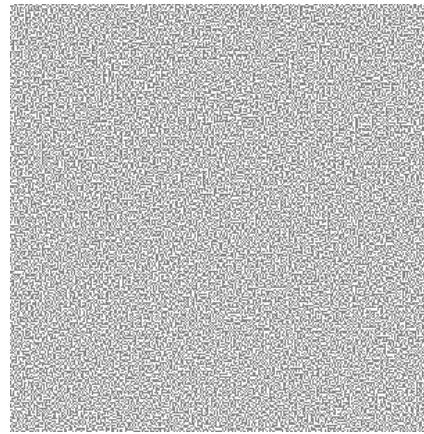
# Contoh lain:



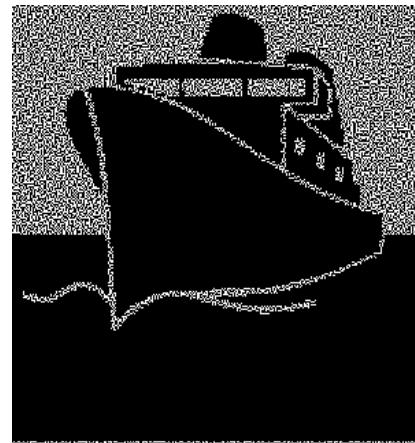
Plain-image



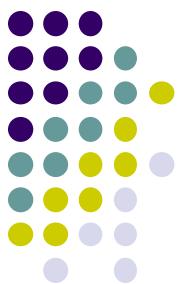
Share 1



Share 2



Share 1 + Share 2

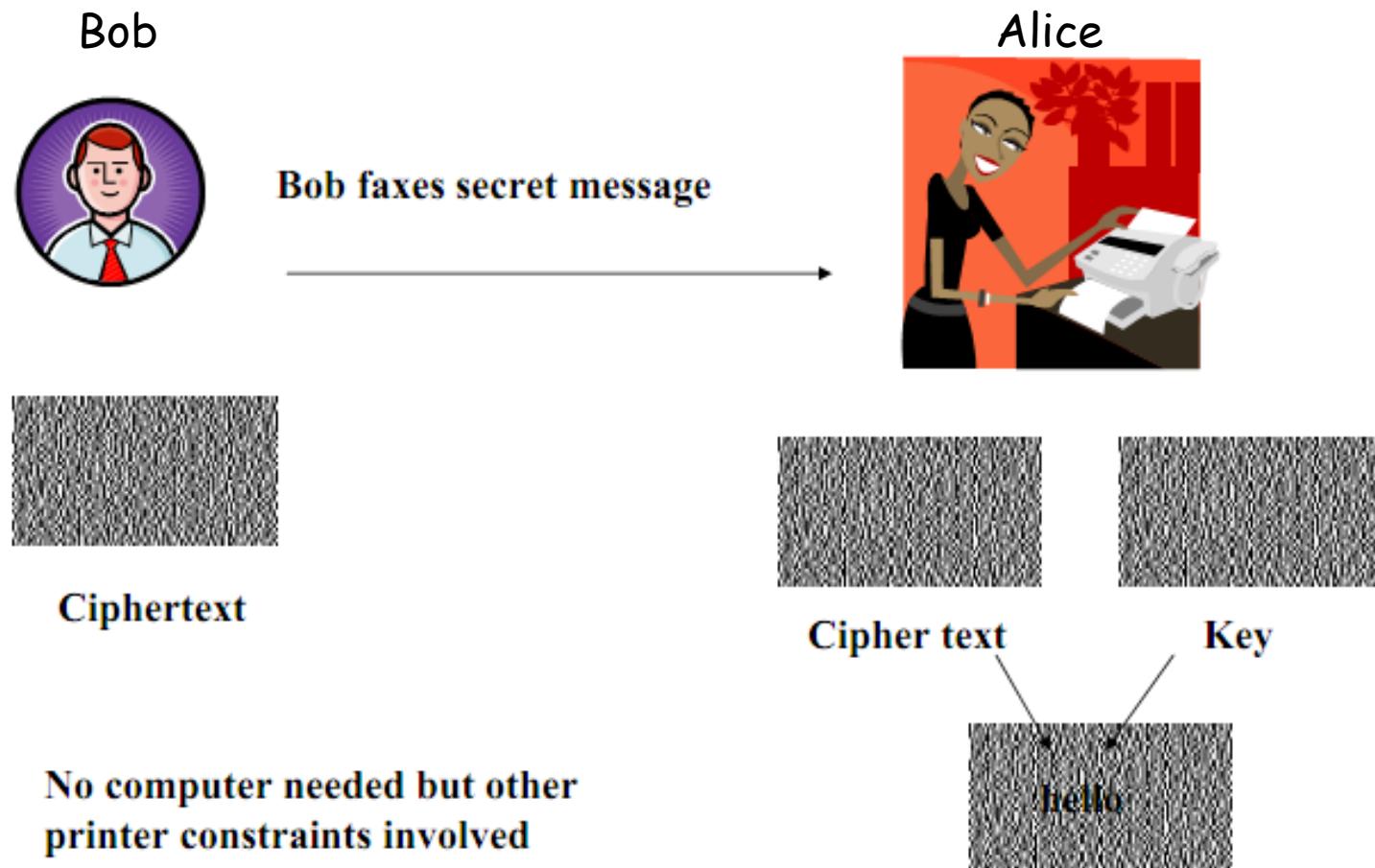




- Untuk keamanan, maka dalam kriptografi visual, pembagian gambar menjadi sejumlah *share* dilakukan oleh pihak ketiga yang terpercaya, yang disebut ***dealer***.
- Sedangkan pihak yang menerima *share* diamakan ***partisipant***.
- Dekripsi dilakukan oleh *partisipant* dengan menumpuk *share* yang mereka miliki (misalnya setiap *share* dicetak pada plastik transparan)



- Skenario penggunaan



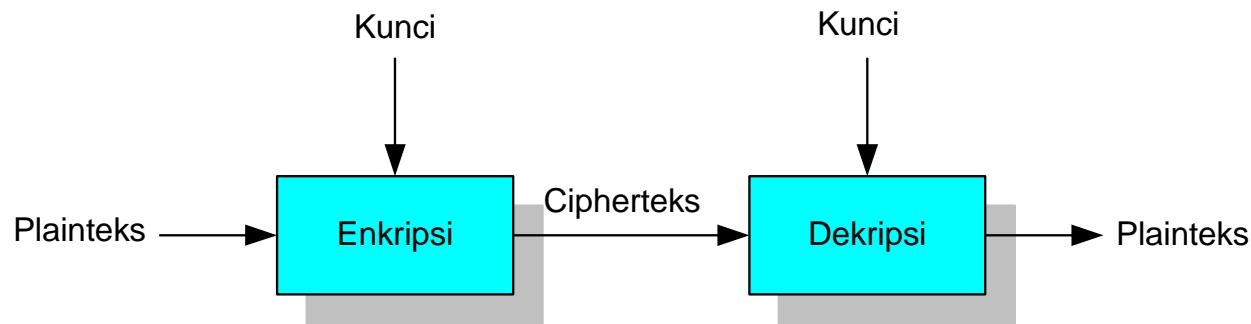
No computer needed but other  
printer constraints involved



# Kriptografi versus Kriptografi Visual

- Kriptografi
  - Kriptografi tradisional
  - Simetri: DES, AES, RC4, Blowfish, dll
  - Nir-simetri: RSA, ElGamal, ECC, dll
    - Proses enkripsi dan dekripsi membutuhkan komputasi yang tinggi
    - Memerlukan kunci untuk enkripsi dan dekripsi
- Kriptografi Visual
  - Komputasi rendah
  - Dekripsi dilakukan tanpa komputasi, *fast decoding*
  - Tidak membutuhkan kunci untuk enkripsi dan dekripsi

- Kriptografi Tradisionil



Ketika saya berjalan-jalan di pantai, saya menemukan banyak sekali kepiting yang merangkak menuju laut. Mereka adalah anak-anak kepiting yang baru menetas dari dalam pasir. Naluri mereka mengatakan bahwa laut adalah tempat kehidupan mereka.

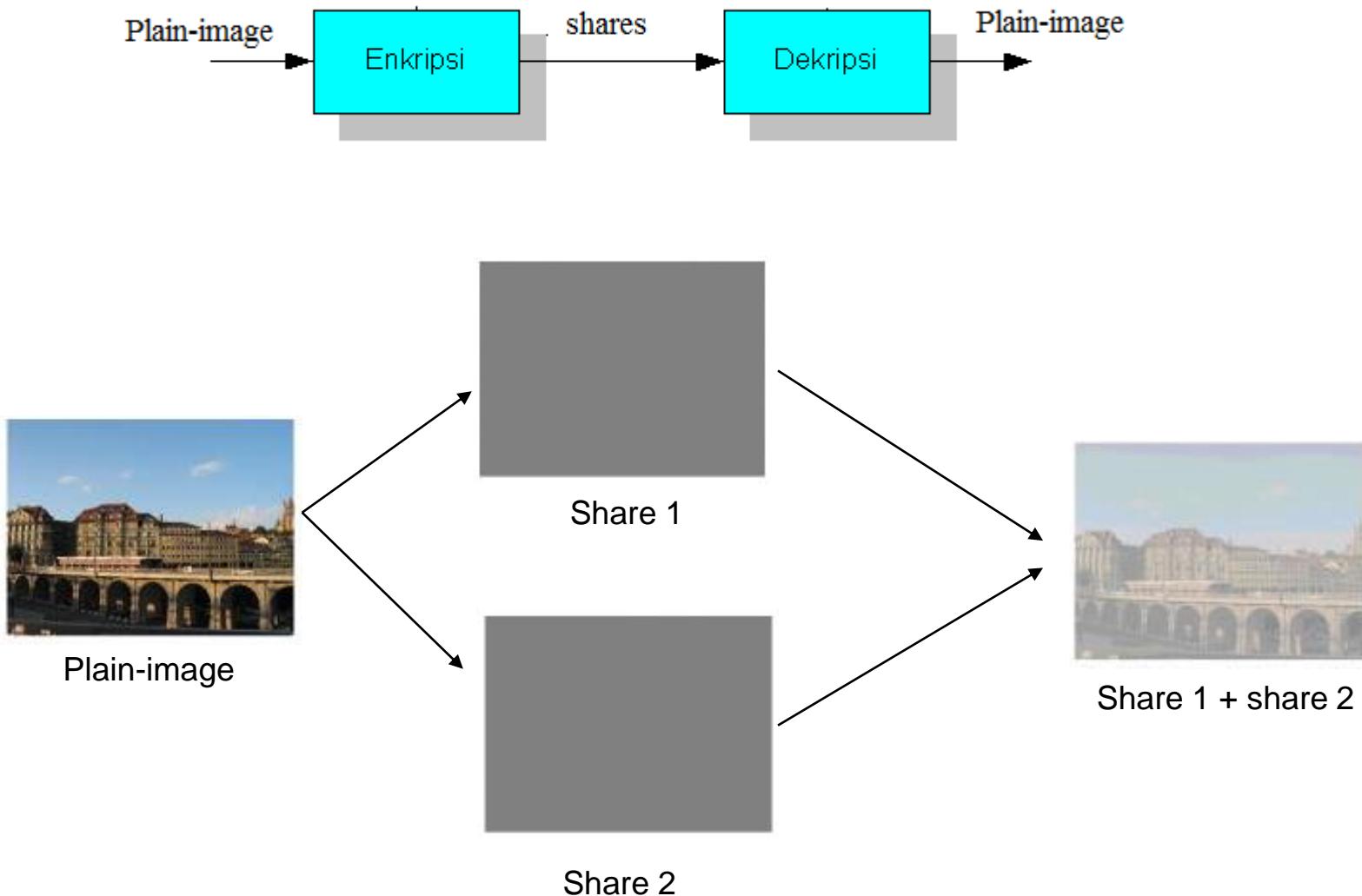
(a) Plainteks (teks)

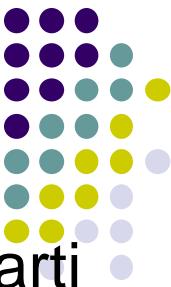
Ztäxzp/épēp/qtüyp{p}<yp{p}/sx/Øp)  
åpx;pép/|t|t|äzp}/qp}épz/étzp{x/z  
tØxâx)vØép}v/|tüp}vzpz/|t}äyä./{p  
ää=/tützpØpsp{pw/p}pz<p}pz/ztØx  
âx)v/ép}v/qyüäØØ|t)tápé/spüx/sp{p  
|/Øpéxü=]p{äüxØØ|ttüzp/|t}vpápzp  
}/qpwäp/{pää/psp{pwØØåt|Øpå/ztwxs  
äØp)/|tützp=

(b) Cipherteks dari (a)



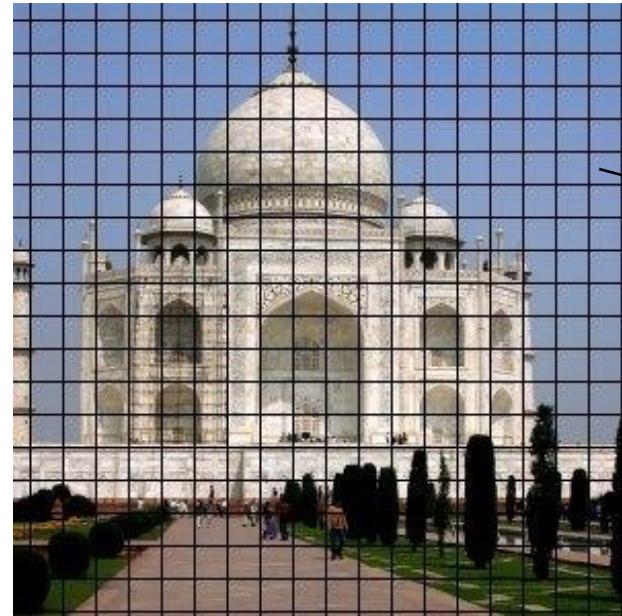
# ● Kriptografi Visual





# Konsep Citra Digital

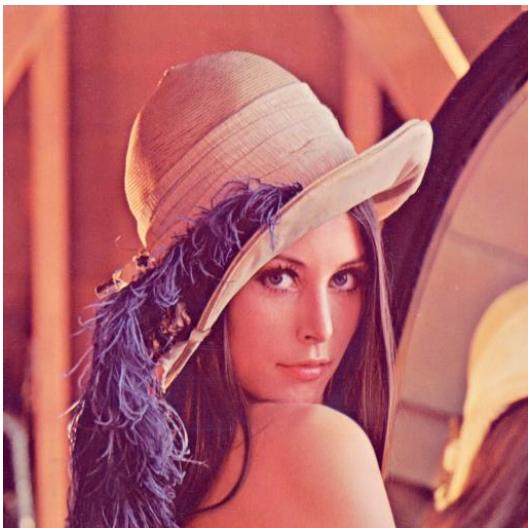
- Citra terdiri dari sejumlah *pixel*. Citra  $1200 \times 1500$  berarti memiliki  $1200 \times 1500$  pixel = 1.800.000 pixel



- Setiap *pixel* panjangnya *n-bit*.  
Citra biner → 1 bit/pixel  
Citra grayscale → 8 bit/pixel  
Citra *true color* → 24 bit/pixel



# Citra Lenna



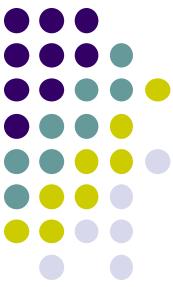
True color image  
(24-bit)



Grayscale image  
(8-bit)



Binary image  
(1-bit)



Citra berwarna terdiri dari komponen *RGB*  
(*Red-Green-Blue*)



Original Image



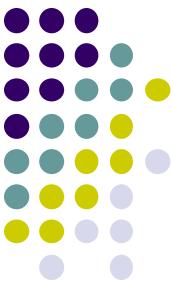
Red



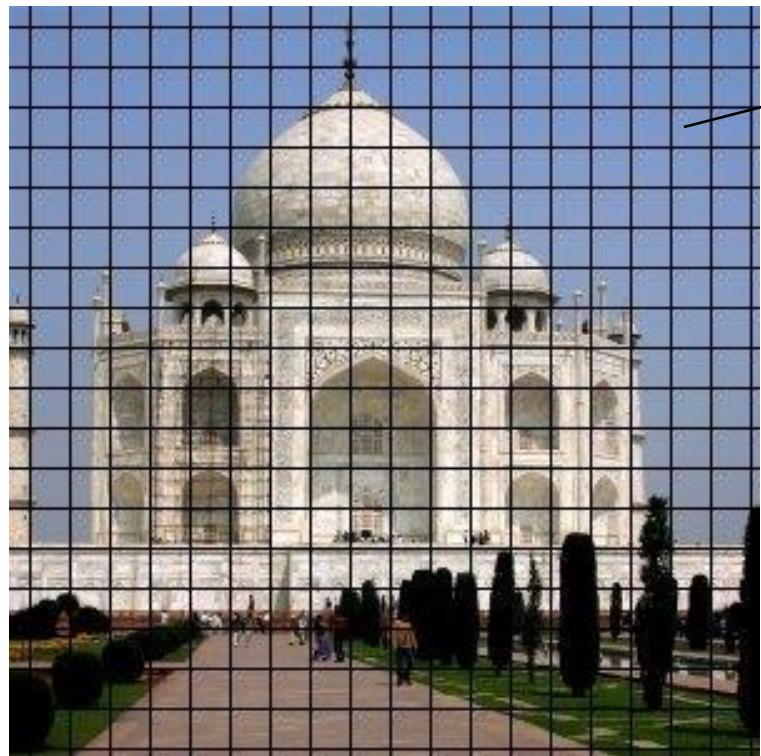
Green



Blue



Pada citra berwarna 24-bit (*real image*),  
1 pixel = 24 bit,

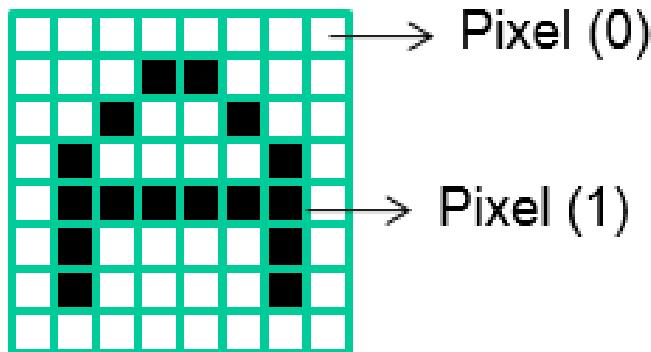


100100111001010010001010  
R G B



# Kriptografi Visual pada Citra Biner

- Tinjau kriptografi visual untuk citra biner
- *Pixel* pada citra biner:
  - bernilai 1 jika hitam
  - bernilai 0 jika putih



0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	1	1	1	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0



# Bagaimana cara kerja kriptografi visual?

- Setiap *pixel* dibagi menjadi sejumlah *sub-pixel*.
- Setiap *pixel* muncul pada setiap *share*
- Jika *sub-pixel* dari setiap *share* ditumpuk, hasilnya *pixel* yang dipersepsi sebagai “putih” atau “hitam”.

Pixel	Share #1	+	Share #2	=	Hasil
		$+$		$=$	
		$+$		$=$	
		$+$		$=$	
		$+$		$=$	



- Skema lainnya, satu *pixel* dibagi menjadi 4 buah *sub-pixel*



Share horizontal

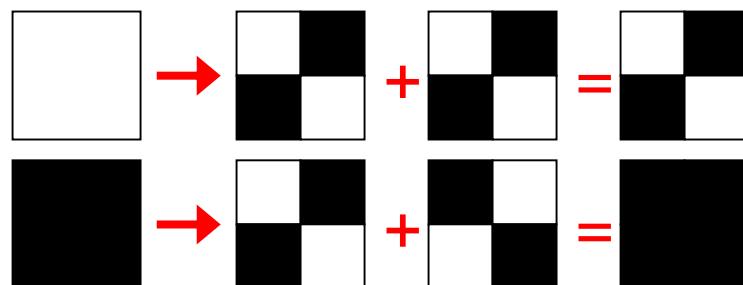


Share vertikal



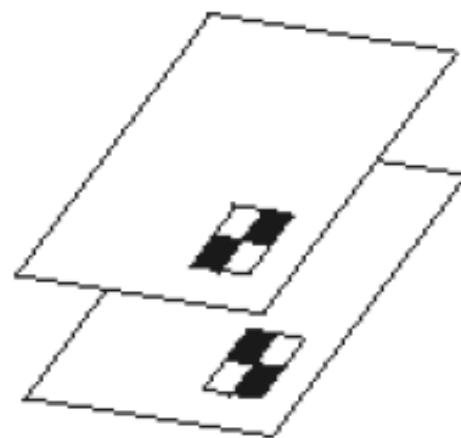
Share diagonal

- Penumpukan:





- Satu *share* direpresentasikan sebagai satu transparansi.
- Jika dua buah *share* ditumpuk, maka mata manusia mempersepsi *pixel* yang terbentuk sebagai “hitam” atau “putih”
- Apa warna yang dipersepsi dari penumpukan di bawah ini?





- Alternatif penumpukan lainnya:

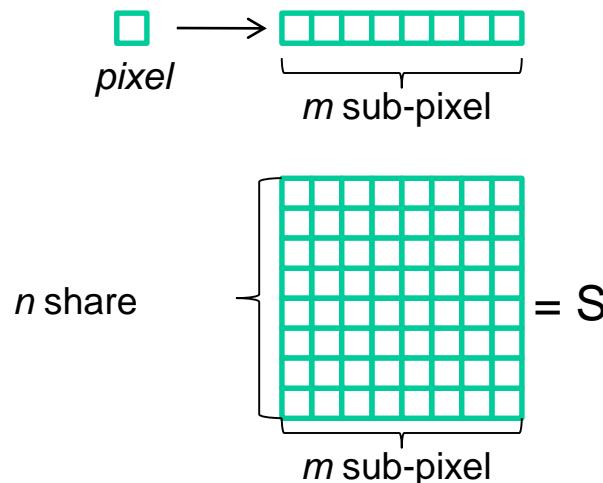
Secret pixel color Share blocks	White						Black					
2x2 block of the first share												
2x2 block of the second share												
Stacked 2x2 block												

- Pixel hitam akan tampak hitam sempurna pada persepsi citra hasil penumpukan, sedangkan pixel putih akan terlihat mengandung *noise*, namun mata manusia masih dapat mempersepsi gambar semula.



# Kriptografi Visual untuk Citra Biner

- Tiap *pixel* muncul pada  $n$  buah *share*
- Tiap *share* terdiri dari  $m$  buah *sub-pixel* berwarna hitam dan putih.
- Dideskripsikan sebagai matriks  $S$  berukuran  $n \times m$



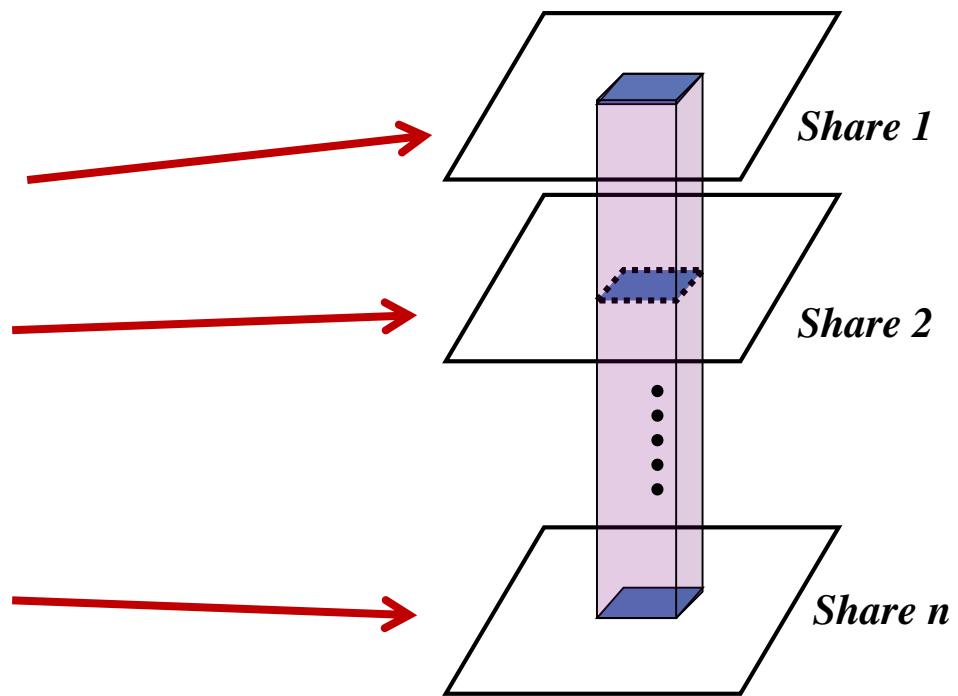
Contoh:  $n = 2, m = 4$

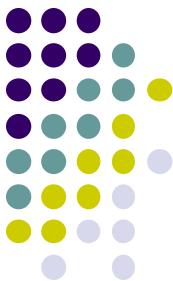
		$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$	
		$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	

- $S[i,j] = 1$  jika *sub-pixel* ke- $j$  pada share ke- $i$  berwarna hitam
- $S[i,j] = 0$  jika *sub-pixel* ke- $j$  pada share ke- $i$  berwarna putih



$$\begin{bmatrix} s_{11} & s_{12} & \cdots & s_{1m} \\ s_{21} & s_{22} & \cdots & s_{2m} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ s_{n1} & s_{n2} & \cdots & s_{nm} \end{bmatrix}$$





- Penumpukan dua atau lebih *share* dapat dipandang sebagai operasi “OR”

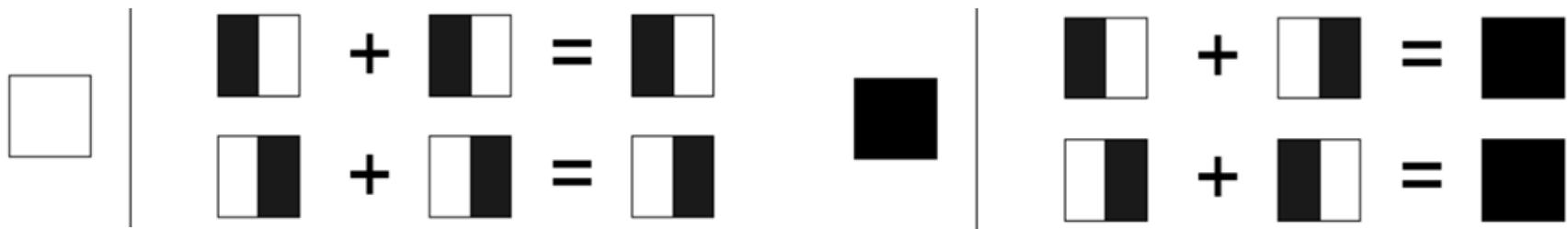
$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \text{ or } \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$



- **Bobot Hamming ( $H(V)$ ):** Jumlah simbol tidak-nol dalam sebuah vektor dengan  $m$ -elemen.
- Level abu-abu hasil penumpukan *share* sebanding  $H(V)$ :
  - Dianggap hitam jika  $H(V) \geq d$
  - Dianggap putih jika  $H(V) < d - \alpha m$   
 $d$  adalah *threshold*,  $1 \leq d \leq m$   
 $\alpha$  adalah level kontras,  $\alpha > 0$



- Level kontras  $\alpha$  dihitung dari persentase *subpixel* berwarna hitam dari *share*.
- Contoh:  $\alpha = 0.5$

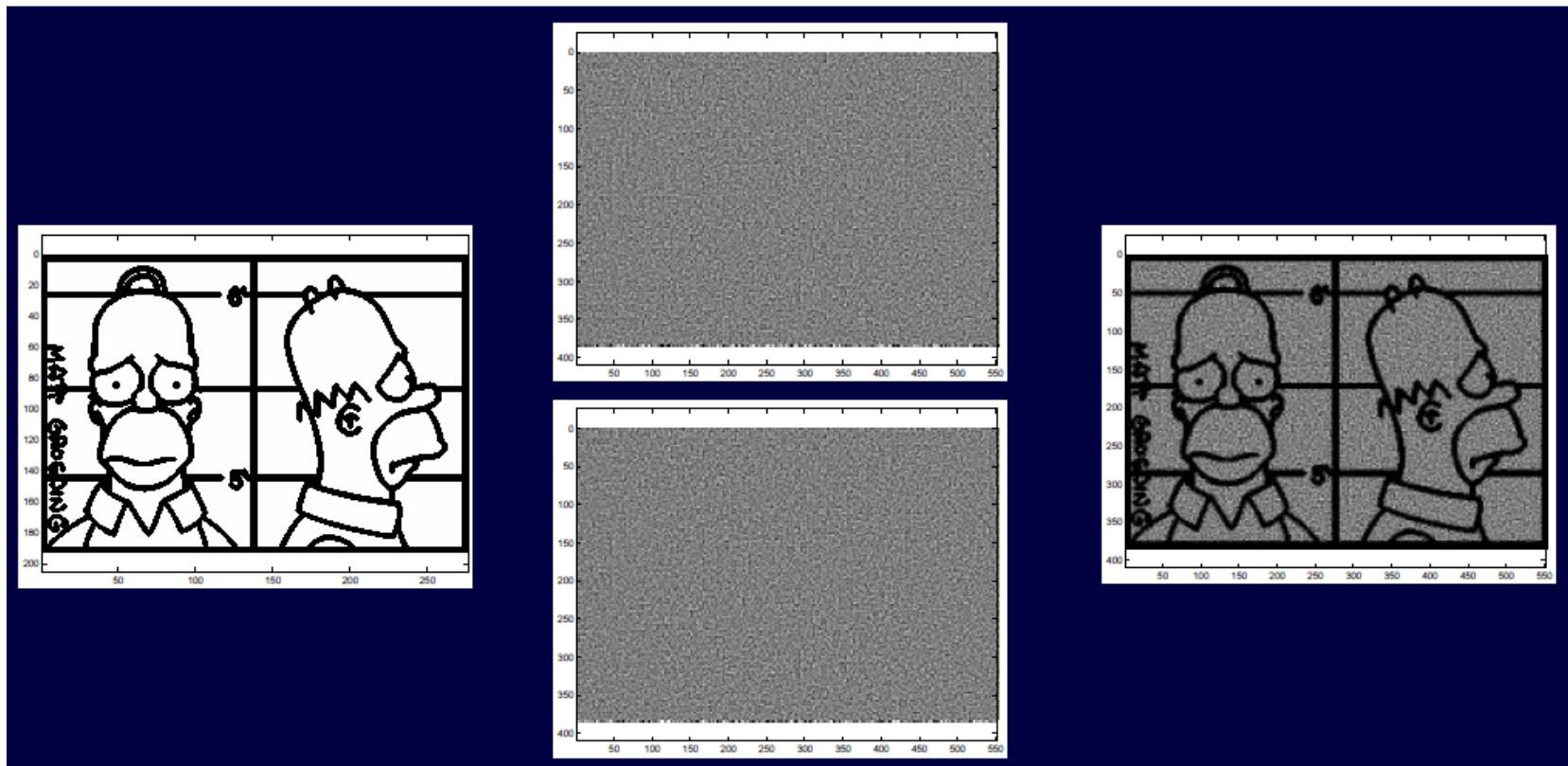


- Pada waktu dekripsi:
  - *pixel* putih dihasilkan dari *subpixel* putih dan *subpixel* hitam
  - *pixel* hitam dihasilkan dari dua *subpixel* hitam tanpa *subpixel* putih

Perbedaan tersebut menghasilkan kontras yang berbeda sehingga pandangan mata manusia menganggap setengah putih sebagai putih dan hitam sebagai hitam.



- Dalam implementasinya, membagi 1 *pixel* menjadi 2 *sub-pixel* dilakukan dengan meng-*extend* 1 *pixel* menjadi 2 *pixel*.
- Akibatnya, ukuran *share* menjadi dua kali ukuran gambar semula





# Solusi Kriptografi Visual

- Didefinisikan dua buah matriks  $C_0$  dan  $C_1$
- $C_0 =$  semua matriks  $S$  yang merepresentasikan *pixel* putih  
= semua matriks hasil permutasi kolom dari 1 matriks

$$C_0 = \left\{ \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}, \dots, \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix} \right\}$$

- $C_1 =$  semua matriks  $S$  yang merepresentasikan *pixel* hitam  
= semua matriks hasil permutasi kolom dari 1 matriks

$$C_1 = \left\{ \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}, \dots, \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix} \right\}$$



## Contoh:

Pixel	Peluang	Share		Hasil tumpukan dua buah share	
		#1	#2		
	$p = 0.5$				$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$
	$p = 0.5$				$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
	$p = 0.5$				$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
	$p = 0.5$				$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

$$C_0 = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \right\}$$

$$C_1 = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \right\}$$

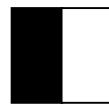


# Skema (2, 2)

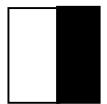
- Satu gambar dibagi menjadi dua buah *share*
- Untuk mendekripsi, diperlukan dua buah *share*
- Algoritma enkripsi (membagi gambar menjadi dua *share*):
  1. Ambil sebuah *pixel* dari gambar (*plain-image*), misal pixel  $P$
  2. Jika  $P$  berwarna putih, ambil secara acak sebuah matriks  $S$  pada  $C_0$   
Jika  $P$  berwarna hitam, ambil secara acak sebuah matriks  $S$  pada  $C_1$
  3. Misalkan  $P$  berwarna hitam dan matriks yang diambil dari  $C_1$  adalah sebagai berikut:

$$S = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

maka *share* 1 adalah baris 1 dari  $S$  dan *share* 2 adalah baris 2 dari  $S$



Share 1



Share 2

4. Ulangi langkah 2 dan 3 untuk *pixel-pixel* lainnya

# Contoh:

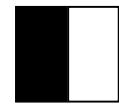
pixel

Alternatif 1

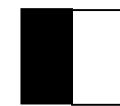
Alternatif 2



Share 1



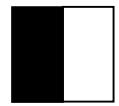
Share2



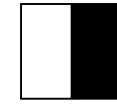
Tumpukan



Share 1



Share2

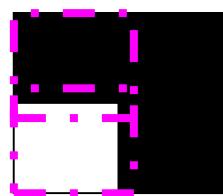


Tumpukan

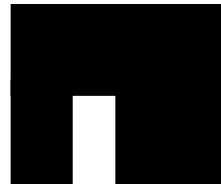
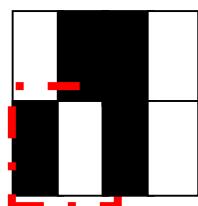
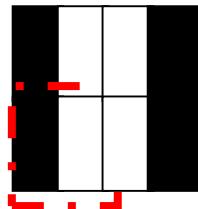


$$C_0 = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \right\}$$

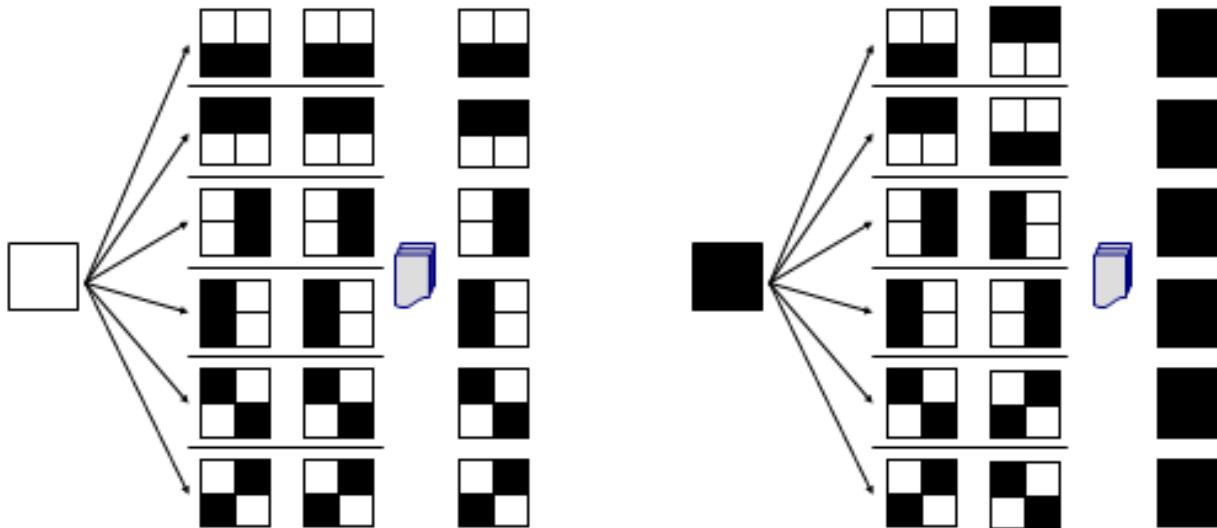
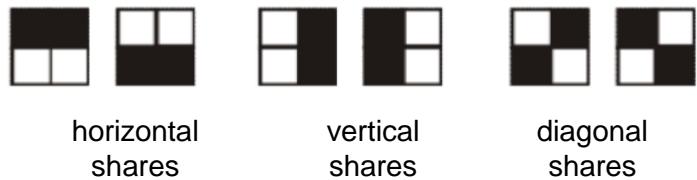
$$C_1 = \left\{ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \right\}$$



acak

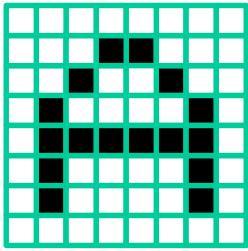


- Contoh skema (2, 2) lainnya:

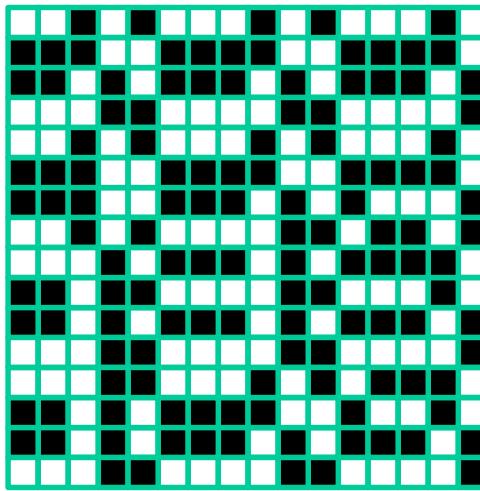


$$C_0 = \left\{ \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \right\}$$

$$C_1 = \left\{ \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \right\}$$



Secret  
Image



horizontal  
shares

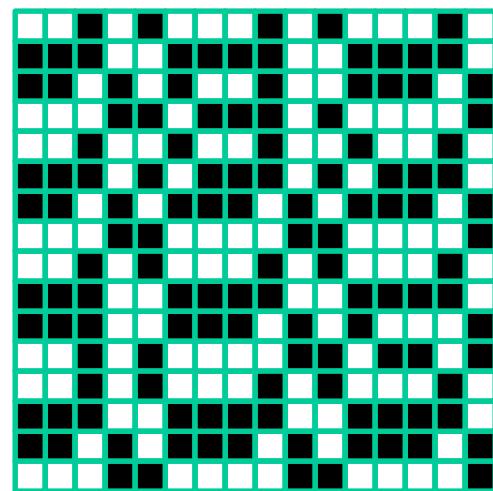
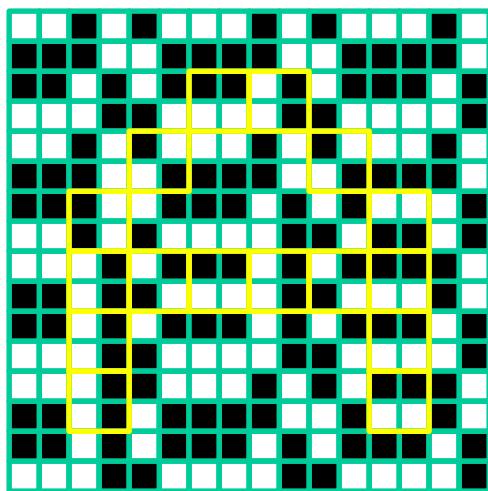
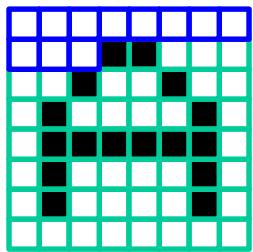
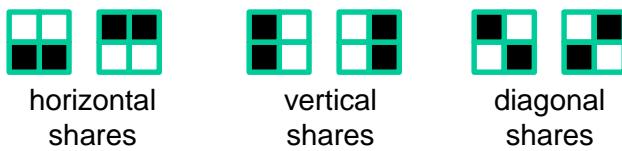
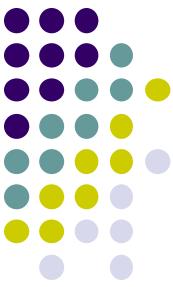


vertical  
shares



diagonal  
shares





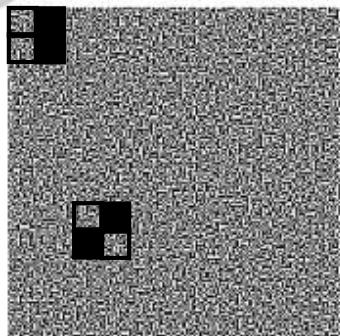


# Contoh lainnya:

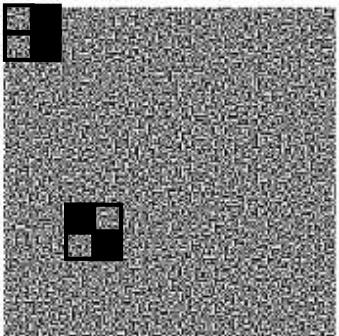
Secret pixel color Share blocks	White						Black					
2x2 block of the first share												
2x2 block of the second share												
Stacked 2x2 block												



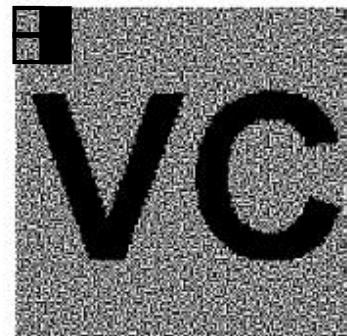
(a) Original secret  
image



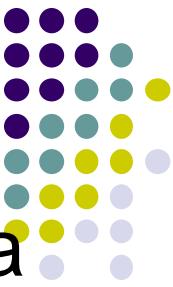
(b) First share image



(c) Second share  
image

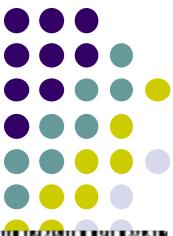


(d) Stacked result of  
(a) and (b)



- Contoh-contoh kriptografi visual sederhana



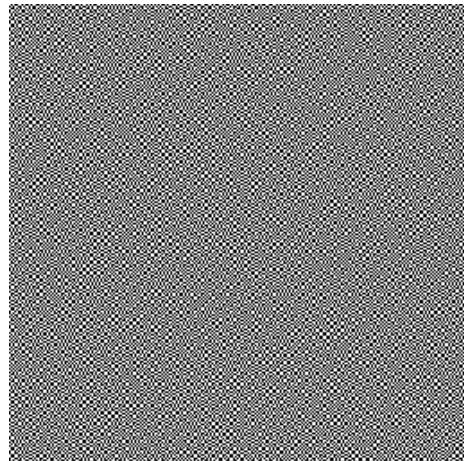


**Mathematics is made of  
50 percent formulas,  
50 percent proofs, and**

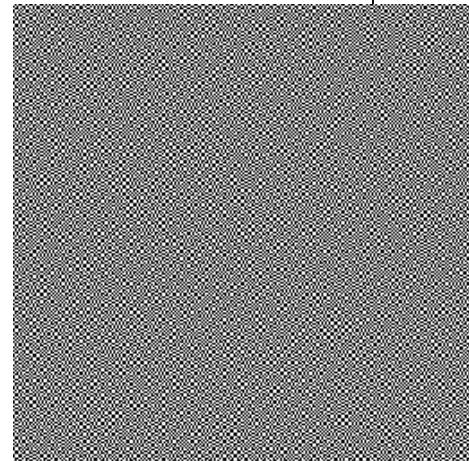
*Anyone knows what is the secret?*



**Original**



***Share 1***



***Share 2***



**Hasil penumpukan *share 1*  
dan *share 2***



# Skema (2, $n$ )

- Satu gambar dibagi menjadi  $n$  buah *share*
- Untuk mendekripsi, diperlukan dua buah *share*

$$C_0 = \{ \text{seluruh matriks hasil permutasi kolom} \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 1 & 0 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & 0 & \dots & 0 \end{bmatrix} \}$$

$$C_1 = \{ \text{seluruh matriks hasil permutasi kolom} \begin{bmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix} \}$$



# Skema (3, 3)

- Satu gambar dibagi menjadi 3 buah *share*
- Untuk mendekripsi, diperlukan 3 buah *share*

$$C_0 = \{ \text{seluruh matriks hasil permutasi kolom} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \}$$

$$C_1 = \{ \text{seluruh matriks hasil permutasi kolom} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \}$$



# Skema (3, $n$ )

- Satu gambar dibagi menjadi  $n$  buah *share*
- Untuk mendekripsi, diperlukan 3 buah *share*
- Misalkan:

$B$  = matriks  $n \times 1$  yang bernilai 1 seluruhnya

$I$  = matriks identitas  $n \times n$  (diagonal utama = 1)

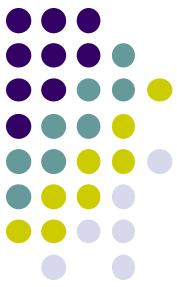
$BI$  = matriks hasil penggabungan  $B$  dan  $I$

$c(BI)$  = matriks komplemen dari  $BI$

- Maka,

$C_0 = \{\text{seluruh matriks hasil permutasi kolom dari } c(BI) \}$

$C_1 = \{\text{seluruh matriks hasil permutasi kolom dari } BI \}$



Contoh:  $n = 3 \rightarrow$  Skema (3, 3)

$$B: \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad I: \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad BI: \begin{pmatrix} \text{BLACK} \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad c(BI): \begin{pmatrix} \text{WHITE} \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

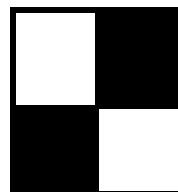
Misalkan [permutasinya adalah {2, 3, 4, 1 }]

Shares

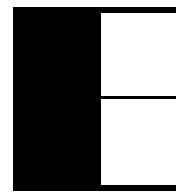
White Pixel

Black Pixel

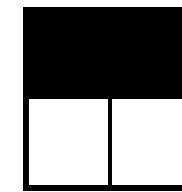
share1

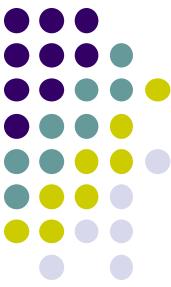


share2



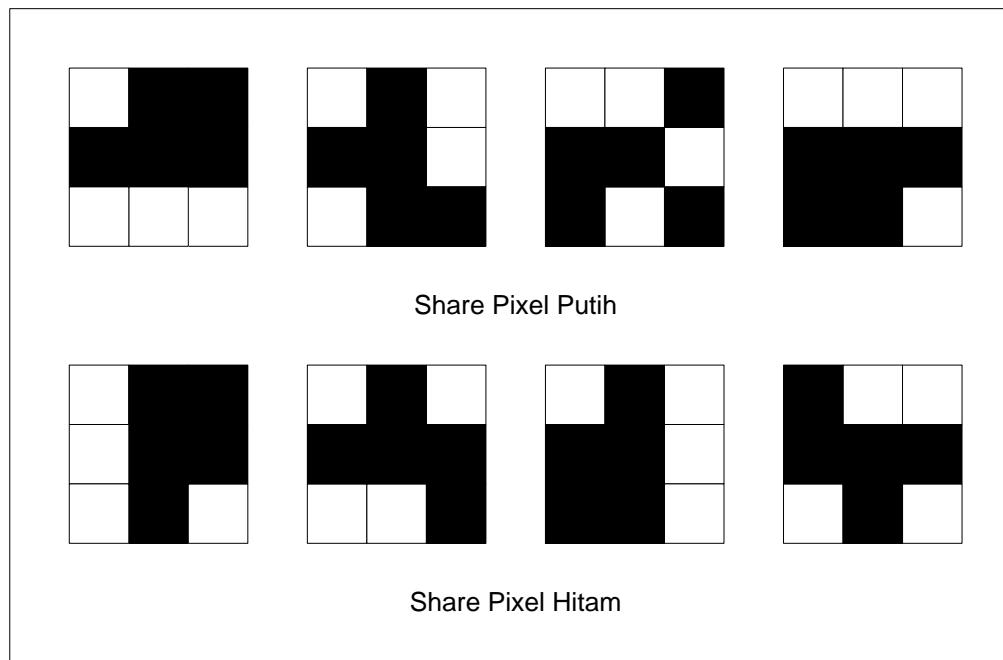
share3





# Skma(4, 4)

- Satu gambar dibagi menjadi 4 buah *share*
- Untuk mendekripsi, diperlukan 4 buah *share*



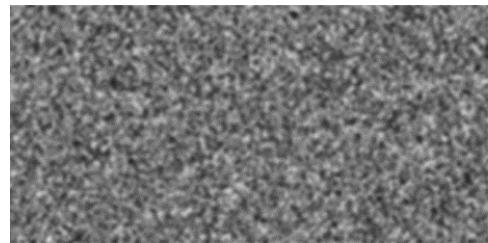


# Skema $(k, n)$

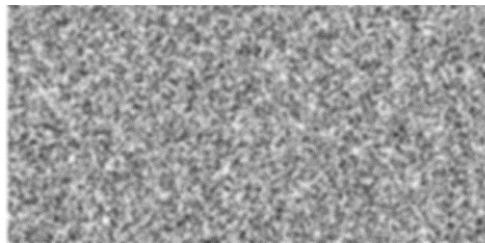
- Satu gambar dibagi menjadi  $n$  buah *share*
- Untuk mendekripsi gambar, diperlukan paling sedikit  $k$  buah *share*
- Jika jumlah *share* yang diumpuk kurang dari  $k$ , maka tidak dapat menghasilkan gambar semula



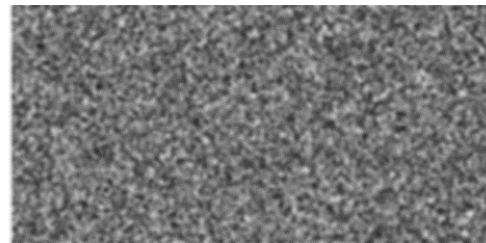
## Contoh: skema (3, 4)



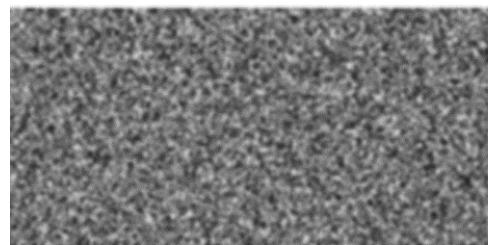
Share S1



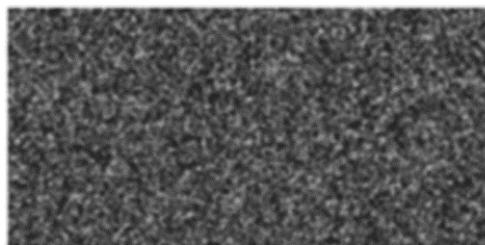
Share S2



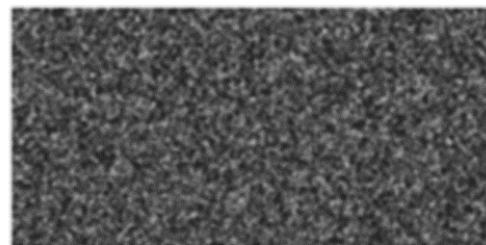
Share S3



Share S4



S1 + S2



S1 + S3



S1 + S3 + S4



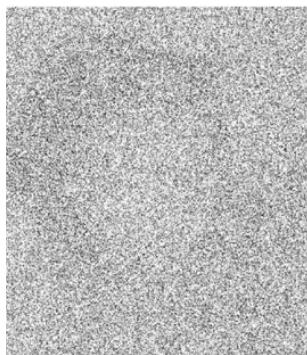
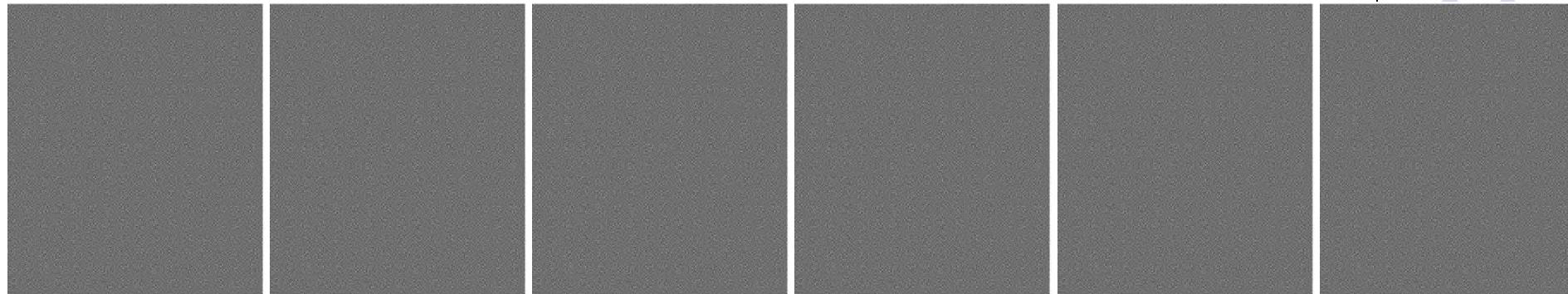
S2 + S3 + S4



S1 + S2 + S3 + S4



# Hasil bermacam-macam Skema ( $k, 6$ )



(2, 6)



(3, 6)



(4, 6)



(5, 6)



(6, 6) 53

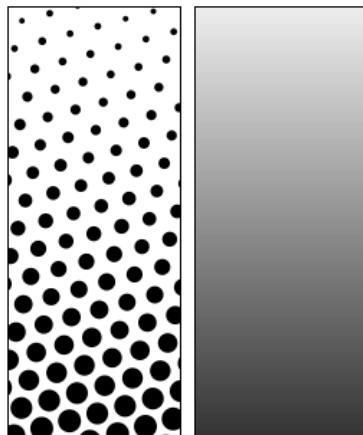


- Solusi kriptografi visual skema  $(k, n)$  dinyatakan valid jika memenuhi 3 syarat berikut:
  1. Untuk sembarang matriks  $S$  pada  $C_0$ , bobot Hamming untuk sejumlah  $k$  dari  $n$  baris memenuhi  $H(V) \leq d - am$ .
  2. Untuk sembarang matriks  $S$  pada  $C_1$ , bobot Hamming untuk sejumlah  $k$  dari  $n$  baris memenuhi  $H(V) \geq d$ .
  3. Untuk sembarang subset  $\{i_1, i_2, \dots, i_q\}$  dari  $\{1, 2, \dots, n\}$ ,  $q < k$ , dua buah kumpulan matriks berukuran  $q \times m$ , yakni  $D_0$  dan  $D_1$ , yang diperoleh dari hasil *restricting* masing-masing matriks berukuran  $n \times m$  dari  $C_0$  dan  $C_1$ , pada baris-baris  $i_1, i_2, \dots, i_q$  tidak dapat dibedakan satu sama lainnya karena memiliki matriks yang sama dengan frekuensi yang sama.
- Syarat ke-1 dan ke-2 menyatakan kontras, sedangkan syarat ke-3 menyatakan keamanan. Syarat 3 artinya dengan menumpuk *share* sejumlah kurang dari  $k$  buah, citra semula tidak dapat didekripsi.



# Kriptografi Visual untuk Citra *Grayscale*

- Citra *grayscale* diubah terlebih dahulu menjadi citra *halftone* (*halftone image*)
- *Halftone image*: teknik reproduksi citra yang mensimulasikan citra yang memiliki level keabuan yang kontinu dengan menggunakan titik-titik (*dot*) yang bervariasi ukuran dan jarak spasi antar titik.



Secret pixel color	White						Black						
Share blocks													
2 × 2 block of the first share	     						     						
Stacked 2 × 2 block	     						     						

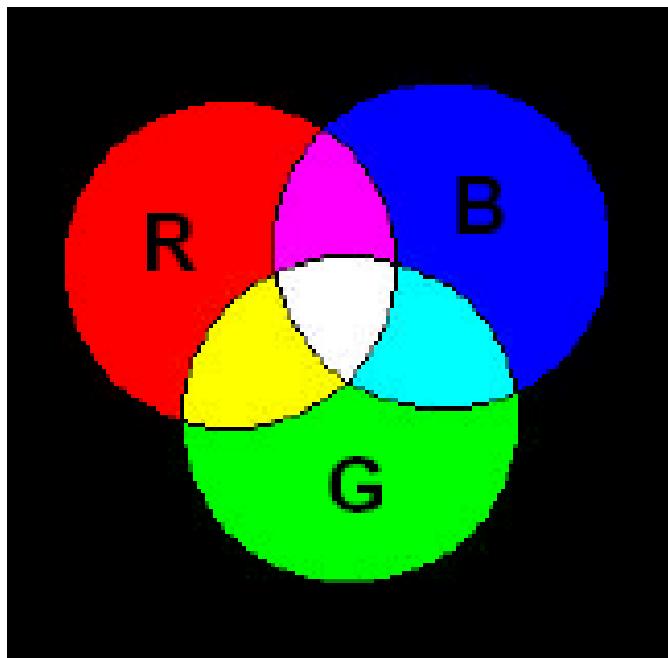


Share 1

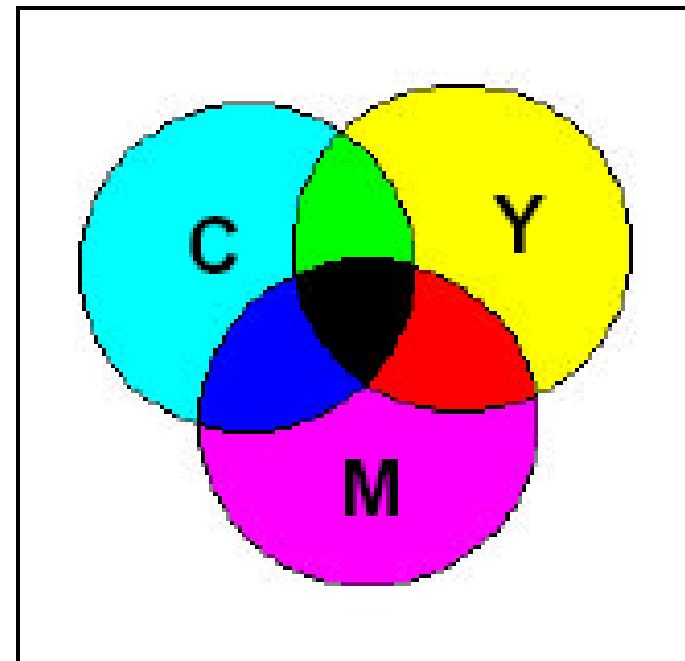
Share 2



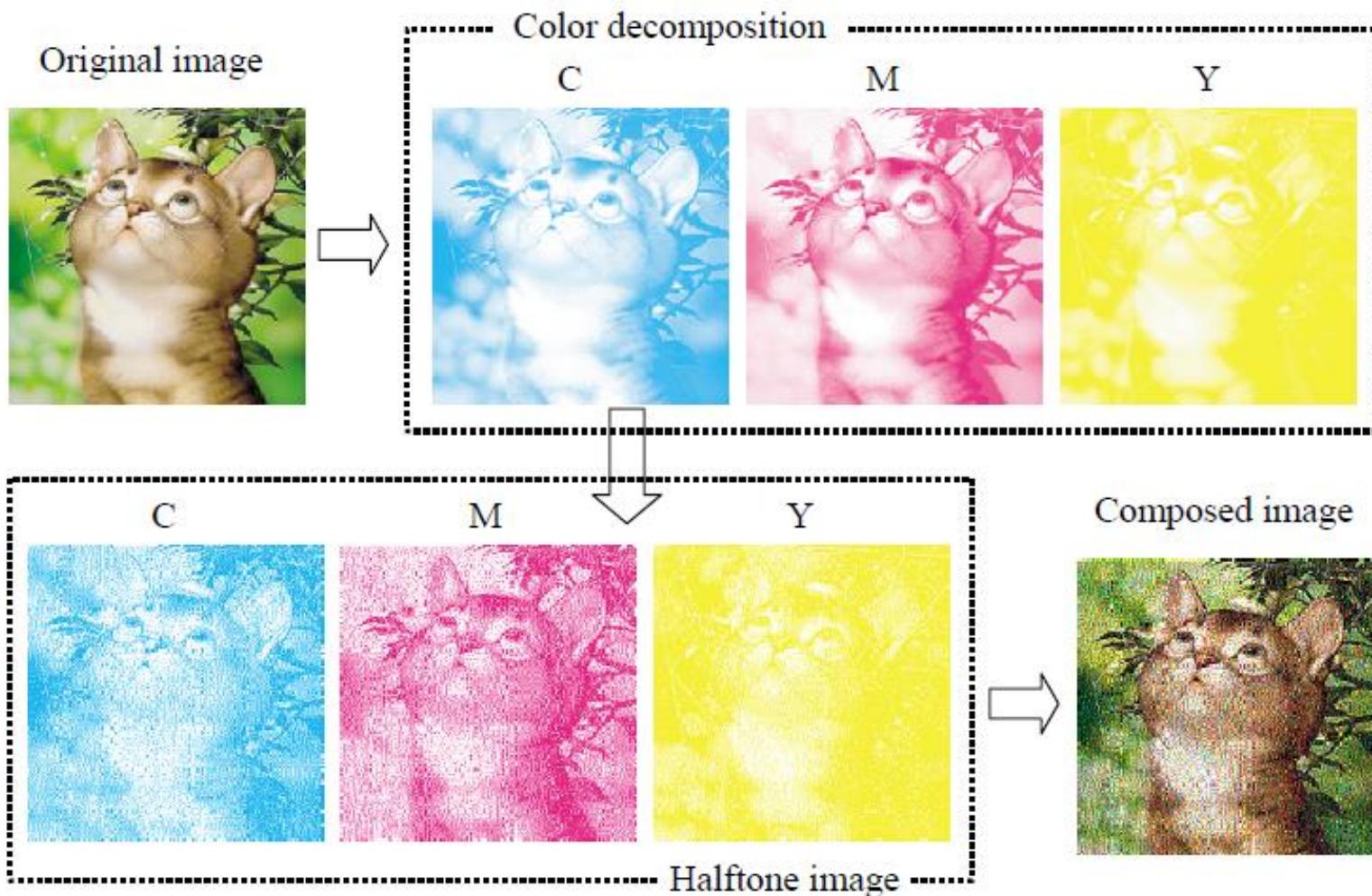
# Kriptografi visual untuk Citra Berwarna



RGB: TV dan monitor



CMY: Warna hasil cetakan





Original  
image



Color decomposition

C



M

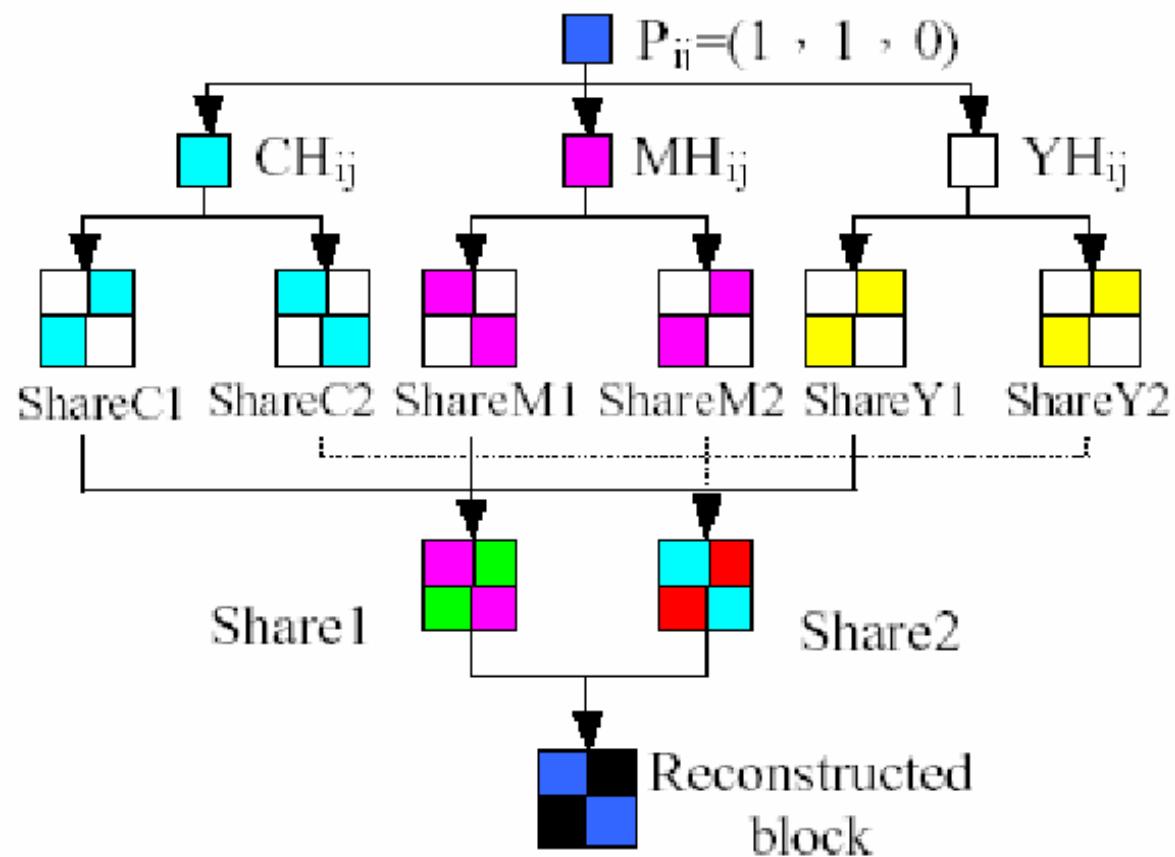
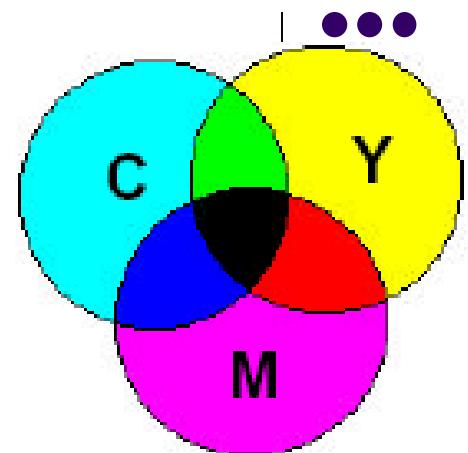
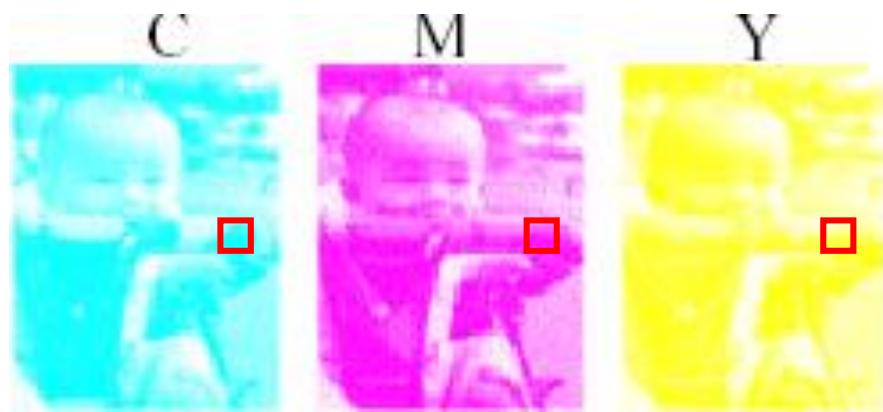


Y



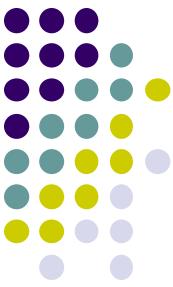
Composed  
image P

Halftone image





Share 1	Share 2	Hasil tumpukan	Share 1	Share 2	Hasil tumpukan
A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left white, top-right red, bottom-left blue, bottom-right green.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right brown, bottom-left blue, bottom-right teal.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left white, top-right red, bottom-left blue, bottom-right green.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.
A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left blue, top-right white, bottom-left green, bottom-right red.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left purple, top-right green, bottom-left purple, bottom-right purple.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left white, top-right red, bottom-left blue, bottom-right green.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left brown, top-right brown, bottom-left white, bottom-right blue.
A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right white, bottom-left blue, bottom-right red.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left brown, top-right teal, bottom-left red, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left white, top-right red, bottom-left blue, bottom-right green.	A 1x1 grid divided into four quadrants: top-left red, top-right green, bottom-left white, bottom-right blue.



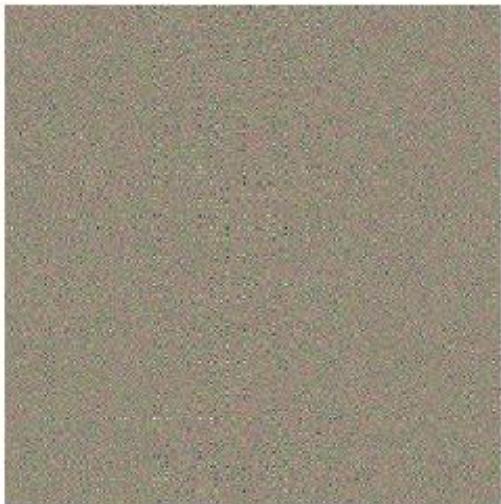
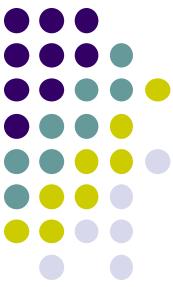
Share 1



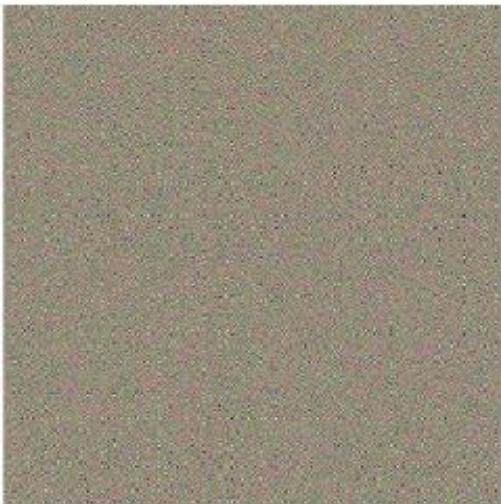
Share 2



Hasil tumpukan



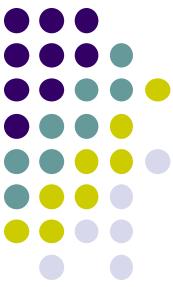
Share 1



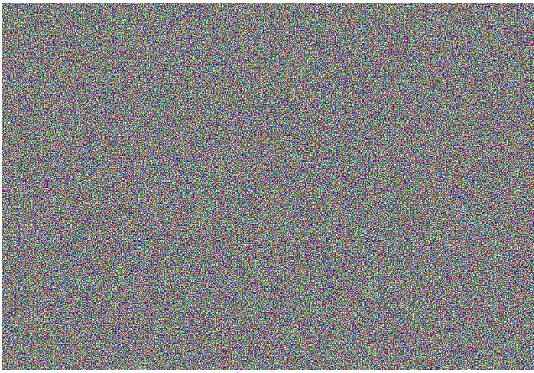
Share 2



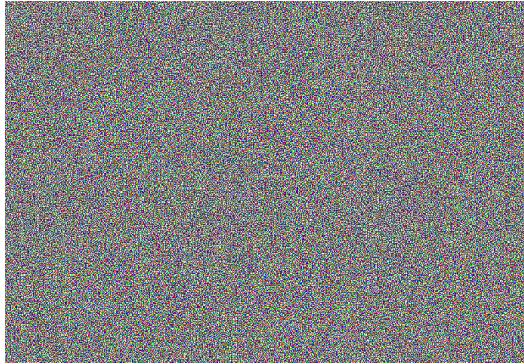
Hasil tumpukan



Original image



Share 1



Share 2



Hasil tumpukan

# Algoritma Kriptografi Visual dengan Fungsi XOR



- Kriptografi visual untuk citra berwarna
- Tidak melakukan pembagian *pixel* menjadi *sub-pixel*.
- Ukuran *share* sama dengan ukuran citra semula
- Citra hasil dekripsi tepat sama dengan citra semula.
- Skema  $(n, n)$
- Operator: XOR (dilambangkan dengan  $\oplus$ )



Original  
Image



Red



Green



Blue

pixel →

150		1 0 0 1 0 1 1 0
100		0 1 1 0 0 1 0 0
50		0 0 1 1 0 0 1 0

150 1 0 0 1 0 1 1 0

Contoh 2 buah share:

100 0 1 1 0 0 1 0 0

226 1 1 1 0 0 0 1 0

Perhatikan:

$$\begin{array}{r} 0 1 1 0 0 1 0 0 \\ \oplus \quad 1 1 1 0 0 0 1 0 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{r} 1 0 0 1 0 1 1 0 \end{array}$$



## Algoritma enkripsi:

1. Misalkan *plain-image* adalah  $P$ , *share* yang dihasilkan adalah  $A_1, \dots, A_n$ , dan matriks acak untuk membantu enkripsi, yakni  $B_1, \dots, B_{n-1}$ . Semua matriks berukuran sama.
2. Skema  $(n,n)$  dapat dihasilkan dengan urutan:

$$A_1 = B_1$$

$$A_2 = B_1 \oplus B_2$$

...

$$A_{n-1} = B_{n-2} \oplus B_{n-1}$$

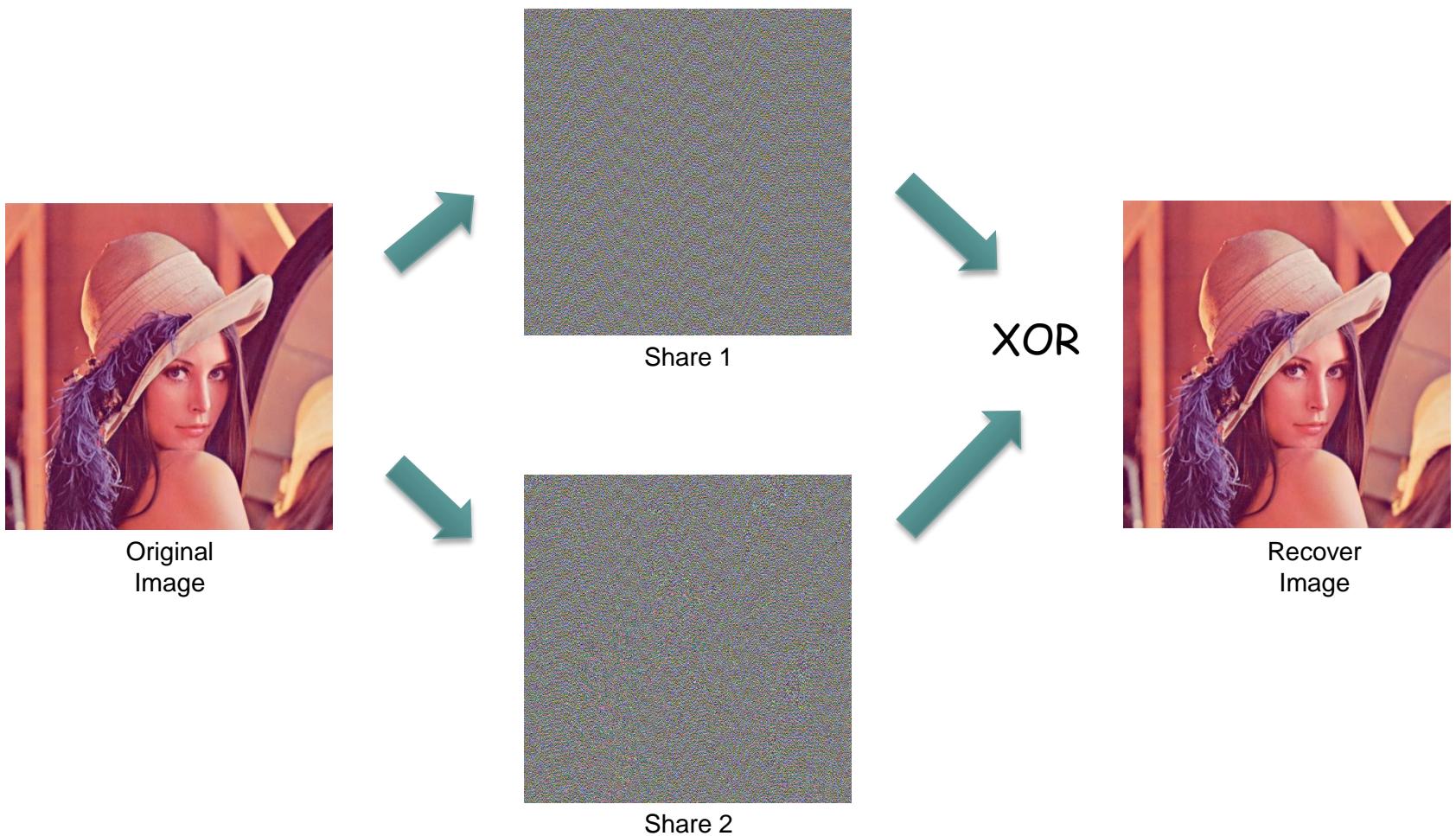
$$A_n = B_{n-1} \oplus P$$

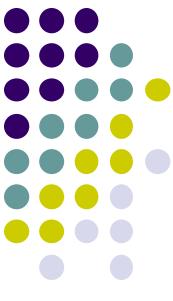
3. Seluruh citra *share* untuk skema  $(n,n)$  telah dihasilkan.



- Untuk merekonstruksi citra, dilakukan dengan meng-XOR-kan seluruh citra *share*, yang dijabarkan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} & A_1 \oplus A_2 \oplus A_3 \oplus \dots \oplus A_{n-1} \oplus A_n \\ &= B_1 \oplus (B_1 \oplus B_2) \oplus (B_2 \oplus B_3) \oplus \dots \oplus (B_{n-2} \oplus B_{n-1}) \oplus B_{n-1} \oplus P \\ &= (B_1 \oplus B_1) \oplus (B_2 \oplus B_2) \oplus B_3 \oplus \dots \oplus B_{n-2} \oplus (B_{n-1} \oplus B_{n-1}) \oplus P \\ &= (0 \oplus 0 \oplus \dots \oplus 0) \oplus P \\ &= 0 \oplus P \\ &= P \end{aligned}$$





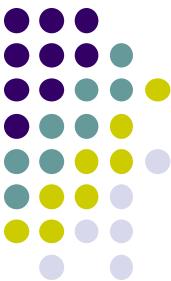
XOR





# Kelemahan Kriptografi Visual

- Citra hasil dekripsi tidak tepat sama dengan citra asli.
- Citra hasil dekripsi mengandung *noise*.
- *Share* tidak memiliki makna → dapat menimbulkan kecurigaan bahwa gambar tsb merupakan pesan rahasia.
- Untuk menghilangkan kecurigaan, digunakan **steganografi** sebagai pelengkap kriptografi.
- Digunakan beberapa gambar lain sebagai *cover* untuk menyembunyikan *share*.
- *Share + cover = camouflage*



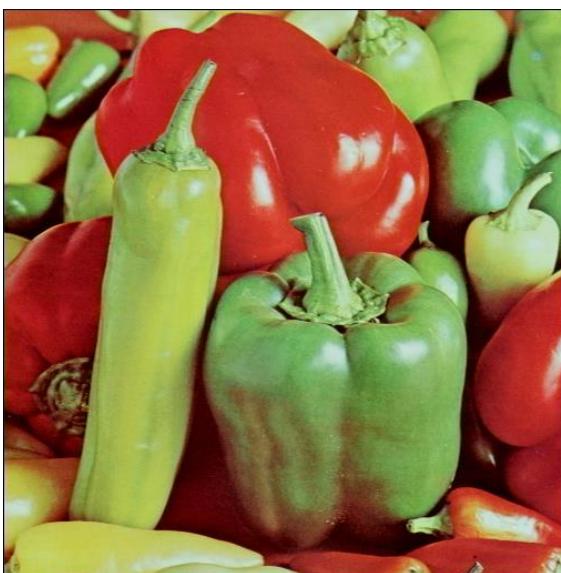
- Contoh steganografi:

```
#inlcude <stdio.h>

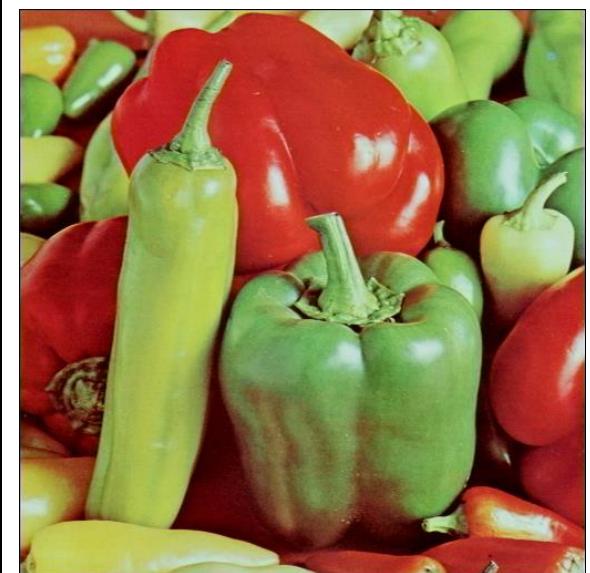
int main()
{
    printf("Hello world");

    return 0;
}
```

*Secret Message*



*Cover-image*



*Stego-image*



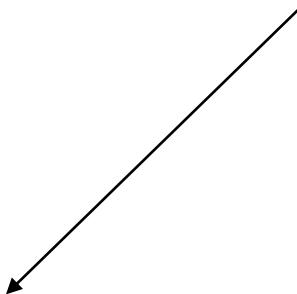
Secret image

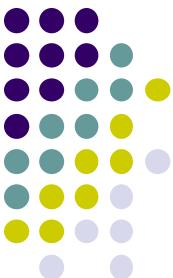


Cover image

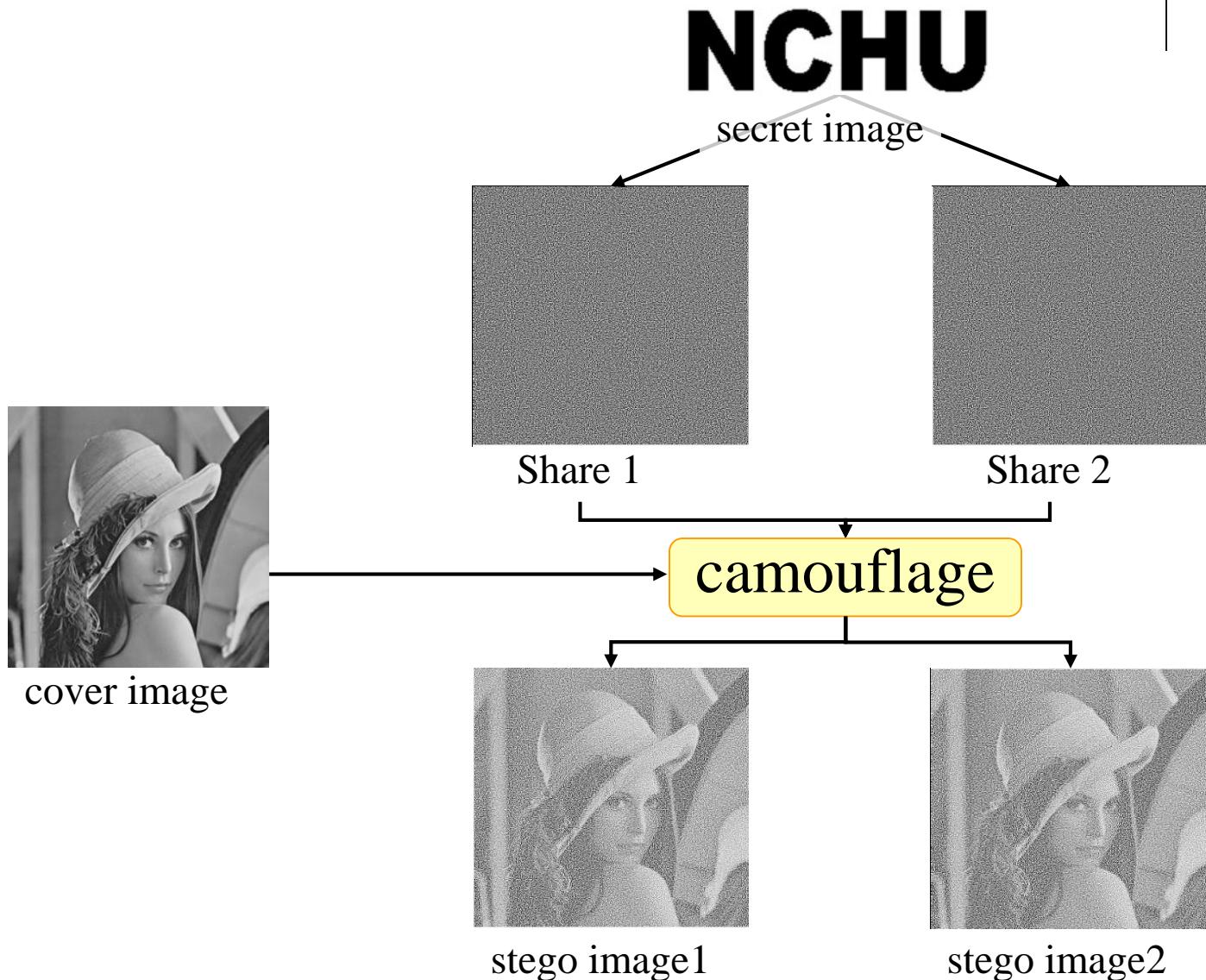


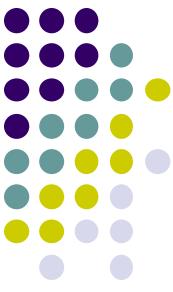
Stego-image





# Teknik Camouflage

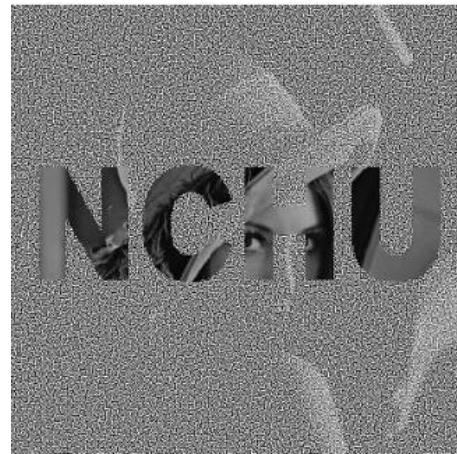
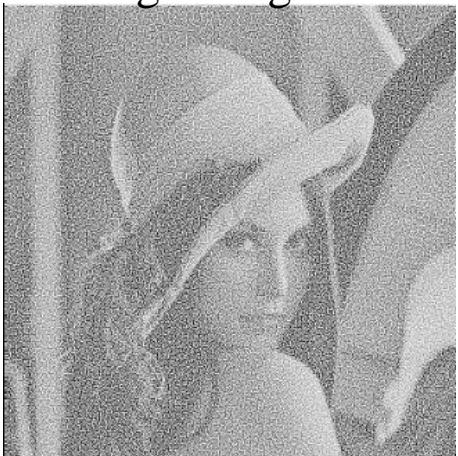




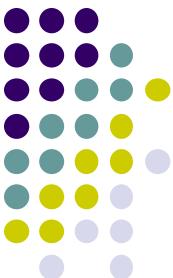
stego image1



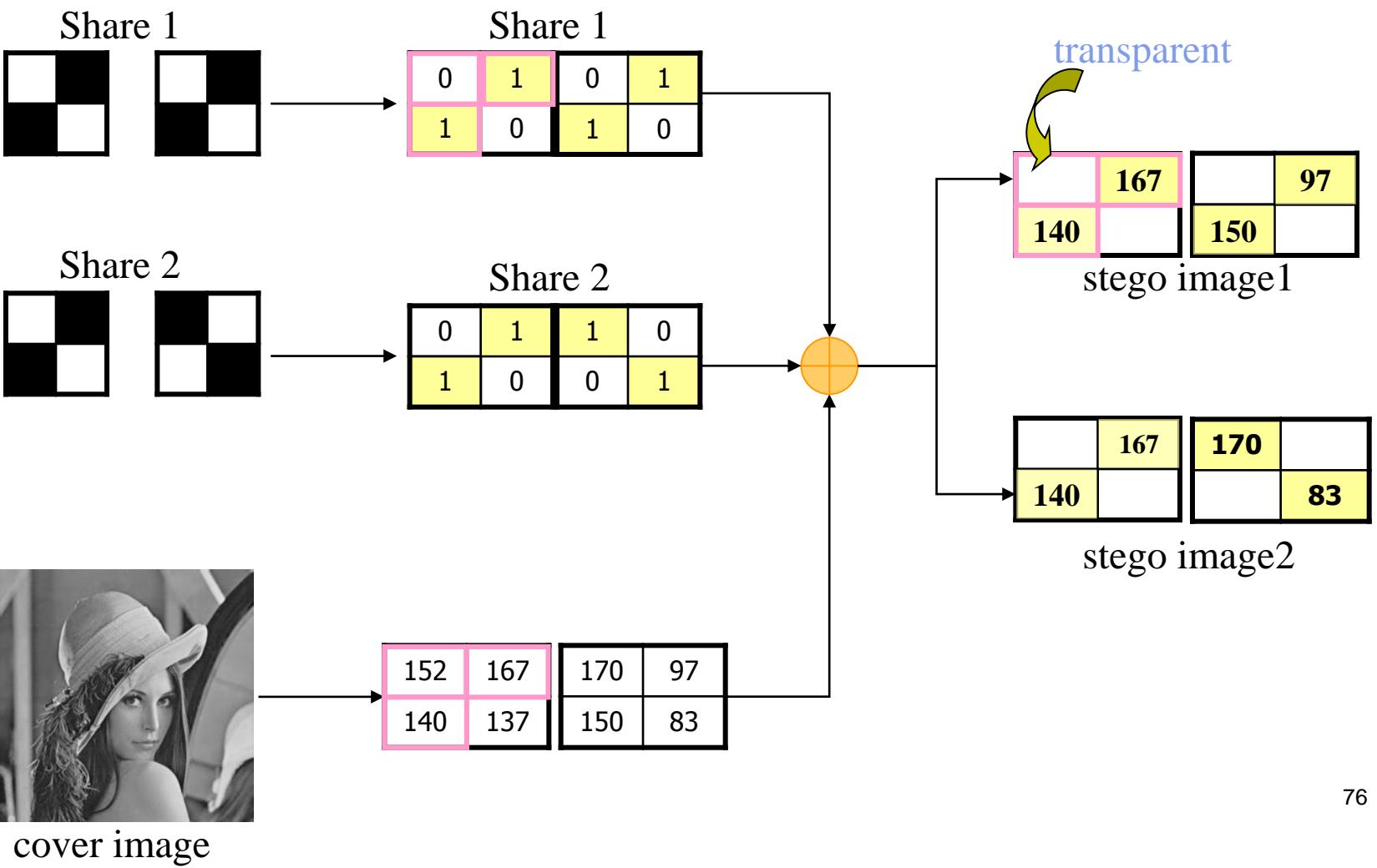
stego image2



Stego image 1 + stego image 2



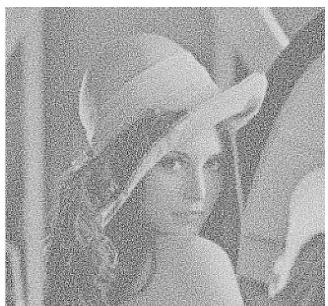
Secret image	Share1	Share2	Stacked image





stego image1

	167		97
140		150	



stego image2

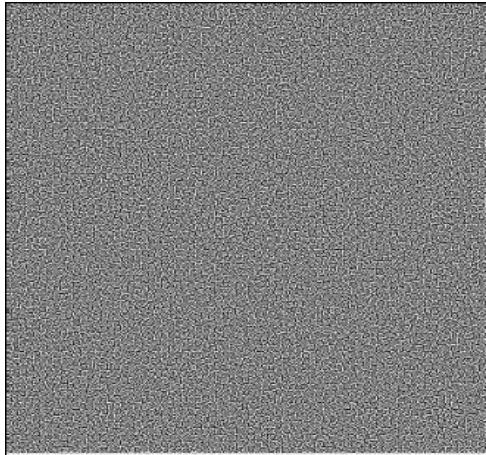
Stego image 1 + stego image 2

	167	170	
140			83



## Contoh hasil eksperimen:

Share 1



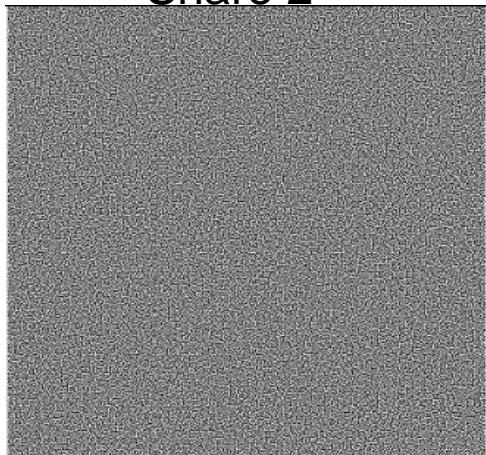
cover image1



stego image1



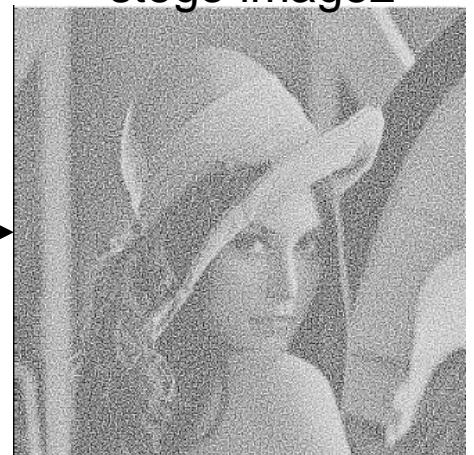
Share 2



cover image2



stego image2

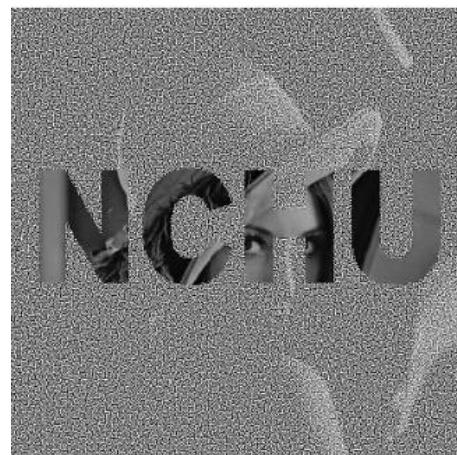
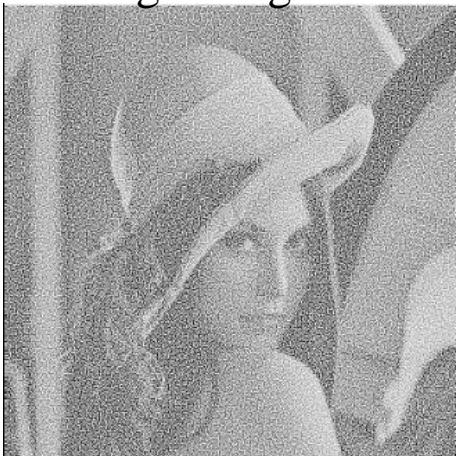




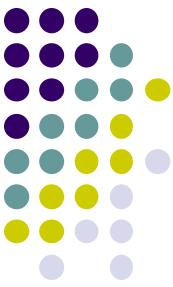
stego image1



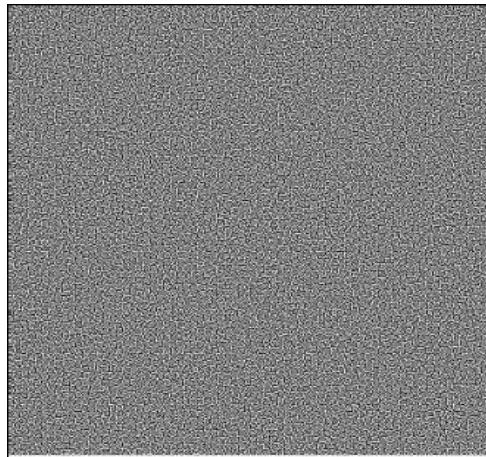
stego image2



Staego image 1 + stego image 2



shadow1



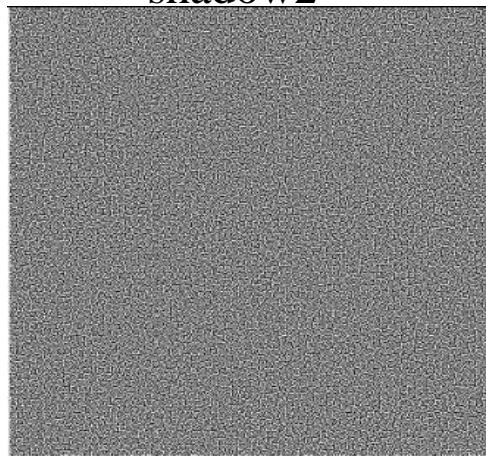
cover image1



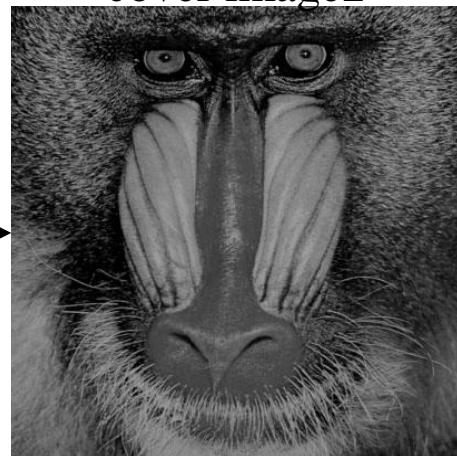
stego image1



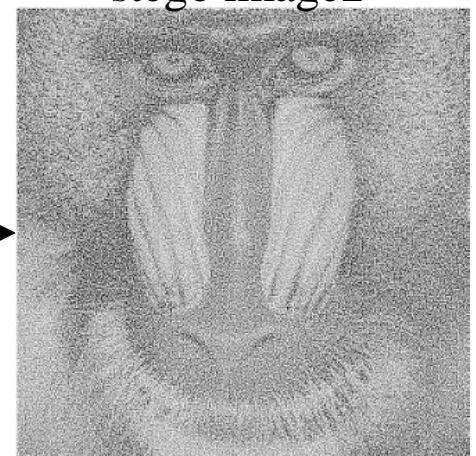
shadow2

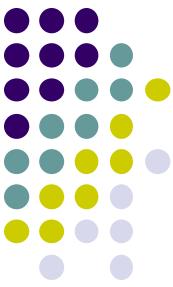


cover image2



stego image2

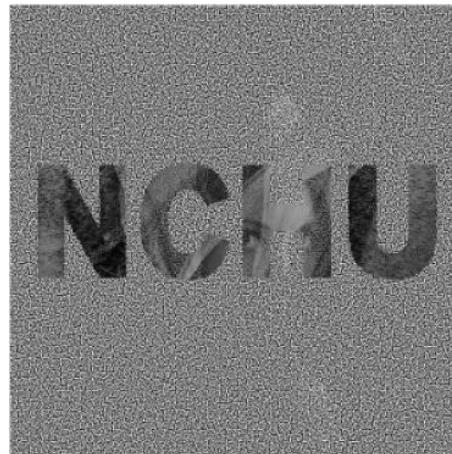
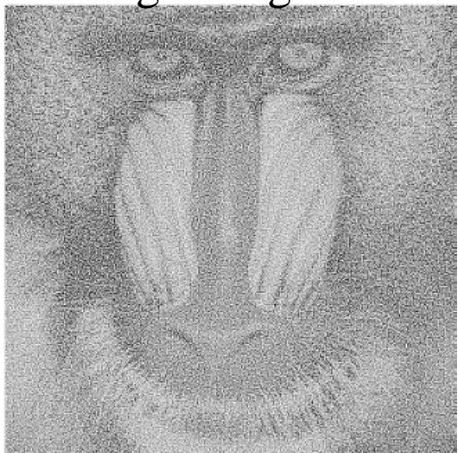




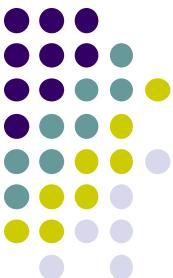
stego image1



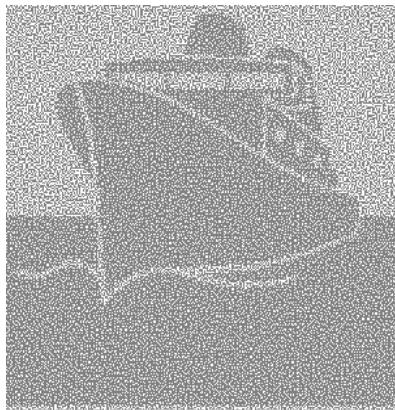
stego image2



stacked result

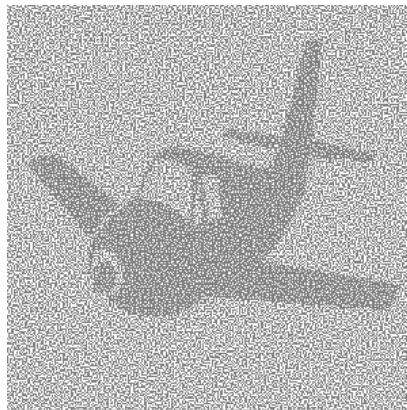


- Contoh untuk citra biner



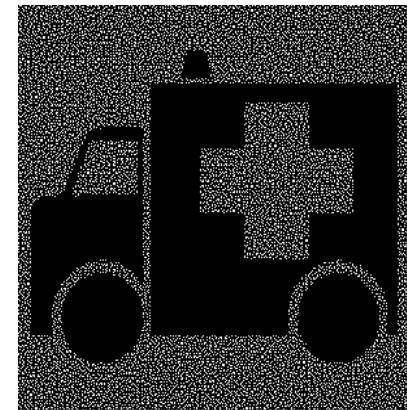
Stego image 1

+



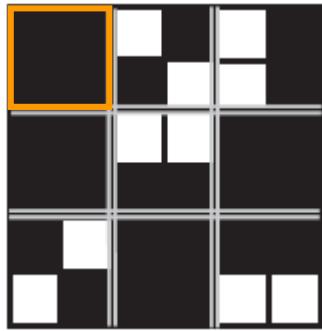
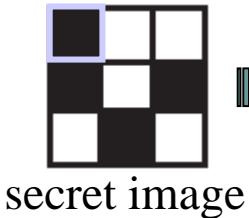
Stego image 2

=



Stego image 1 +  
stego image2

extended  
secret image secret image



W       $(1,1,0,0)$

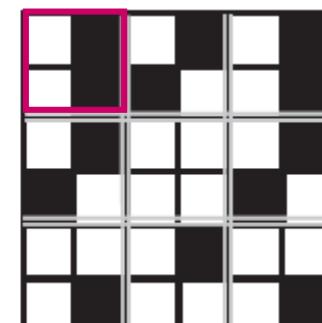
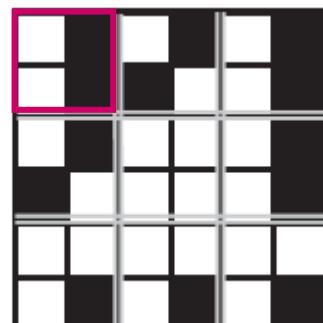
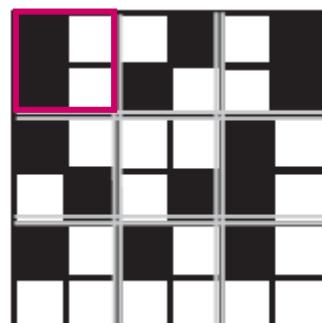
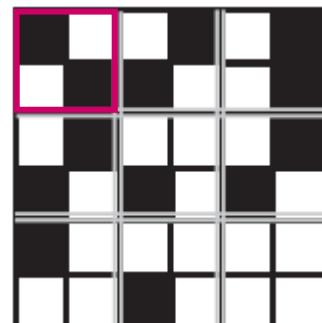
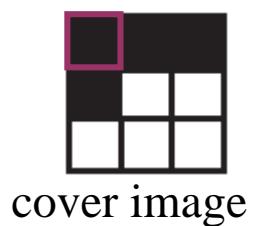
$(1,0,1,0)$

$(1,0,0,1)$

$(0,1,1,0)$

$(0,1,0,1)$

$(0,0,1,1)$

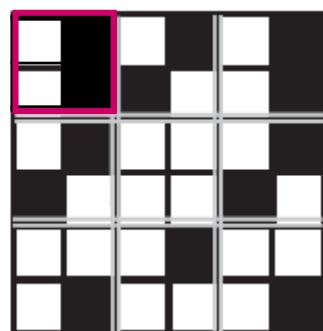
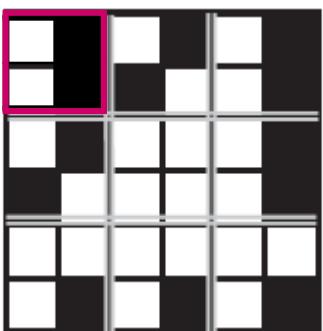
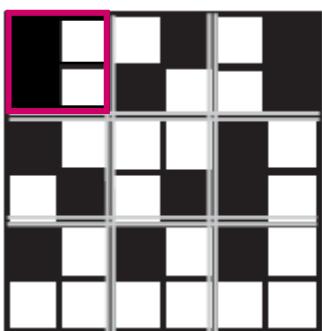
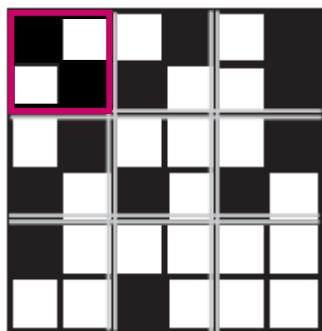
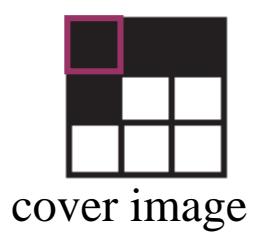
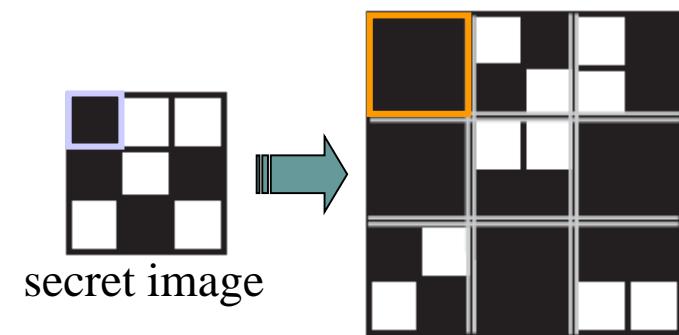


Stego image 1

Stego image 2

Stego image 3

Stego image 4

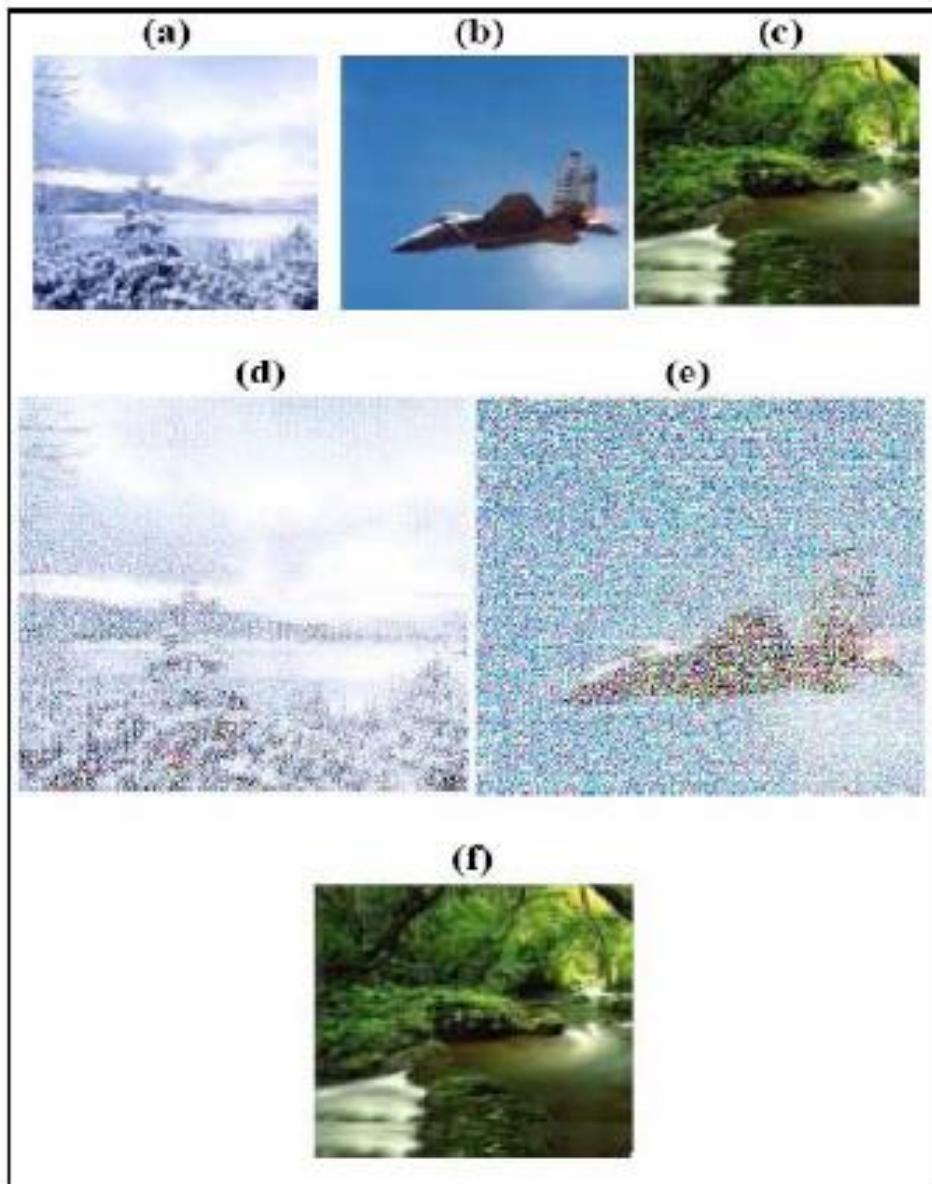


$k=2$

$k = 3$



- Contoh untuk citra berwarna



Keterangan:

(a) *cover 1*

(b) *cover 2*

(c) *Secret image*

(d) *Share 1*

(e) *Share 2*

(f) Hasil dekripsi

Gambar 13 : Kriptografi Visual Chang dkk.



# Aplikasi Kriptografi Visual

## 1. Otentikasi (*authentication*)

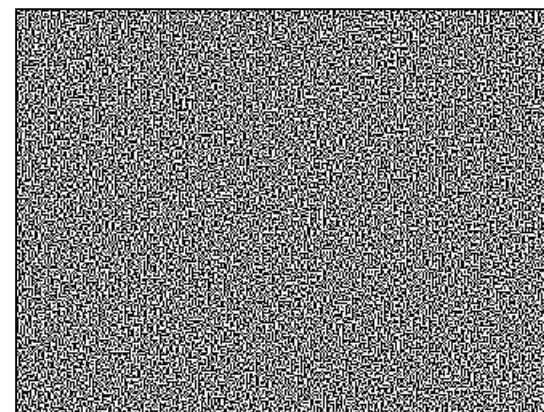
- Misalkan Bank mengirim kepada nasabah  $n - 1$  buah *share* sebagai *share* kunci
- Situs bank menampilkan sebuah *share*
- Nasabah melakukan penumpukan, membaca tulisan yang muncul pada hasil tumpukan (yang menyatakan kunci transaksi)
- Selanjutnya nasabah memasukkan kunci transaksi



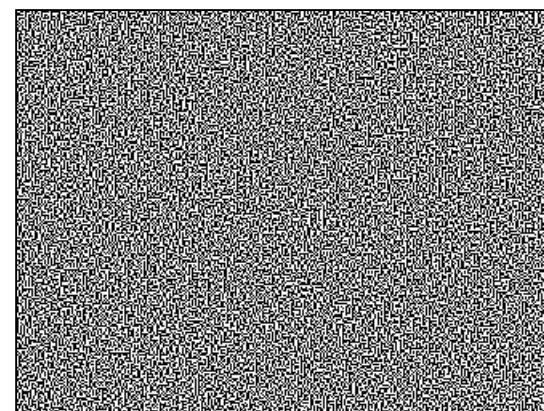
Bank



Nasabah

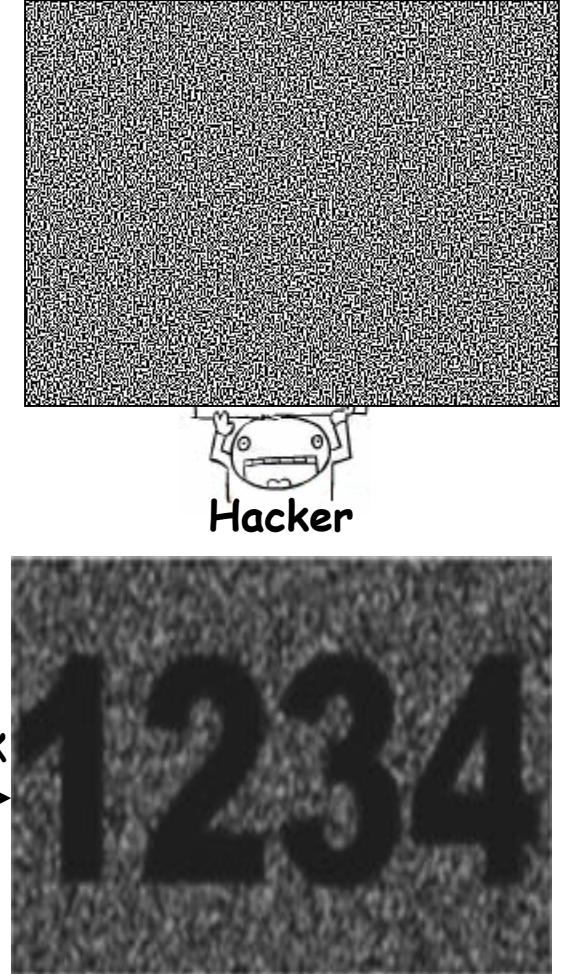


Share 1



Share 2

Tumpuk



Recovered secret image



## 2. *Verifiable Receipts in Electronic Voting*

Menggunakan dua buah *share* sebagai kunci, satu untuk *voter* dan satu lagi untuk sistem.

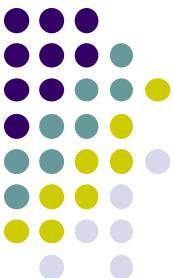
## 3. *Sharing confidential documents or keys*

Dokumen rahasia dibagi kepada beberapa orang sebagai *share*. Untuk membacanya diperlukan beberapa *share*.



# Referensi

1. Arif Ramdhoni, *Kriptografi Visual pada Citra Biner dan Berwarna serta Pengembangannya dengan Steganografi dan Fungsi XOR*, Tugas Akhir Informatika ITB, 2008.
2. Rinaldi Munir, *Bahan Kuliah IF4020 Kriptografi*, Program Studi Informatika STEI-ITB, 2014.
3. Semin Kim, *Visual Cryptography, Advanced Information Security*, Korea Advanced Institute of Science and Technology (KAIST), 2010.
4. Chin-Chen Chang, *Visual Cryptography*, National Tsing Hua University, Taiwan.
5. Kristin Burke, *Visual Cryptography*
6. Hossein Hajiabolhassan, *Visual Cryptography*, Department of Mathematical Sciences Shahid Beheshti University, Tehran, Iran, 2009
7. Zhi Zhou, Gonzalo R. Arce, and Giovanni Di Crescenzo, *Halftone Visual Cryptography*, IEEE TRANSACTIONS ON IMAGE PROCESSING, VOL. 15, NO. 8, AUGUST 2006, pp. 2441-2453



8. Salik Jamal and Warsi, Siddharth Bora, *Visual Cryptography*.
9. Jiangyi Hu, *Visual Cryptography*
10. Frederik Vercauteren, *Visual Cryptography*, University of Bristol, 2001
11. Ricardo Martin, Visual Cryptography: Secret Sharing without a Computer, GWU Cryptography Group, 2005