

# Teori dan Aplikasi *Group Blind Digital Signature*

Maria Helena Iwo-13503088

Program Studi Teknik Informatika  
Sekolah Elektro dan Informatika  
Institut Teknologi Bandung  
40132  
Email: if13088@students.if.itb.ac.id

## Abstrak

*Group blind digital signature* merupakan variasi dari tanda tangan digital yang terdiri dari *group digital signature* dan *blind digital signature*. *Group digital signature* merupakan protokol yang memungkinkan seorang anggota dari suatu kelompok melakukan tanda tangan digital pada sebuah pesan atas nama seluruh anggota kelompok. Sedangkan *blind digital signature* memungkinkan seseorang menandatangani suatu pesan tanpa mengetahui isi dari pesan tersebut. Jadi, *group blind digital signature* merupakan *group digital signature* dengan menggunakan properti *blind signature*. Konsep *group blind signature* dapat diterapkan untuk menjamin keamanan pada *distributed electronic banking* dan pemilihan umum secara *online*. Pada makalah ini akan membahas berbagai skema *blind signature* dan aplikasinya, protokol *group digital signature*, serta protokol penerapan *group blind digital signature* pada *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online*.

**Kata kunci:** tanda tangan digital, *group digital signature*, *blind digital signature*, *distributed electronic banking*, pemilihan umum *online*.

---

## 1. Pendahuluan

Hal yang fundamental di dunia kriptografi adalah mengamankan jalur antara dua belah pihak yang menggunakan jalur komunikasi yang tidak aman. Untuk itu dikembangkan berbagai macam metode kriptografi. Salah satunya adalah tanda tangan digital. Perkembangan tanda tangan digital didorong oleh adanya sistem kriptografi kunci publik.

Kriptografi kunci publik mengatasi masalah kesulitan pertukaran kunci privat pada jalur komunikasi yang tidak aman. Ide dari kriptografi kunci publik yang diperkenalkan oleh Diffie dan Hellman adalah menggunakan dua macam kunci untuk melakukan enkripsi/dekripsi [5]. Dua macam kunci tersebut adalah kunci publik dan kunci privat. Kunci publik digunakan untuk melakukan enkripsi sedangkan kunci privat untuk melakukan dekripsi. Kedua macam kunci tersebut harus didesain sedemikian rupa sehingga tidak mungkin mendapatkan kunci privat dari kunci publik. Walaupun kriptografi kunci publik tidak dapat dipecahkan, namun kriptografi kunci publik juga tidak dapat dibuktikan keamanannya secara matematis.

Konsep kriptografi kunci publik mendorong berkembangnya konsep tanda tangan digital. Tanda tangan digital adalah analogi elektronis dari tanda tangan tradisional. Tujuan tanda tangan digital adalah untuk memungkinkan seseorang menandatangani dokumen elektronis secara digital. Beberapa sifat tanda tangan digital yang diturunkan dari tanda tangan tradisional adalah mudah dibuat, mudah dicek, dan sulit untuk dipalsukan. Tanda tangan digital ini menggunakan kunci privat untuk menandatangani dan menggunakan kunci publik untuk memverifikasi. Dengan konsep seperti ini, maka sifat-sifat tersebut dapat terpenuhi.

Salah satu variasi dari tanda tangan digital adalah *blind digital signature* yang diperkenalkan pertama kali oleh Chaum [4]. *Blind digital signature* memungkinkan si penanda tangan menandatangani suatu dokumen tanpa mengetahui isi dokumen tersebut. Konsep *blind digital signature* ini banyak digunakan pada sistem *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online*.

Variasi lainnya dari tanda tangan digital adalah *group digital signature*. *Group digital signature* memungkinkan seorang anggota kelompok menandatangani suatu dokumen atas nama seluruh anggota kelompok. Konsep *group digital signature* dapat dipadukan dengan konsep *blind digital signature* menjadi *group blind digital signature*. *Group blind digital signature* merupakan *group digital signature* yang telah memiliki properti *blindness*. Dengan memanfaatkan konsep *group digital signature*, dapat dilakukan sejumlah modifikasi terhadap aplikasi *blind signature* pada *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online*.

Untuk memudahkan pemahaman akan makalah ini, maka akan dijelaskan terlebih dahulu mengenai beberapa terminologi sebagai berikut:

1. *Electronic cash*  
Merupakan semacam uang digital yang didapatkan dari bank.
2. Koin  
Merupakan representasi dari *electronic cash*.
3. *Withdrawal*  
Merupakan proses pengambilan koin oleh pelanggan dari bank.
4. *Payment*  
Merupakan proses pembayaran yang dilakukan oleh pelanggan kepada vendor.
5. *Deposit*  
Merupakan penyimpanan koin ke bank yang dilakukan oleh vendor

Makalah ini akan membahas teori dan aplikasi *blind signature* dan *group digital signature*. Kemudian, pada makalah ini diusulkan suatu protokol *group blind digital signature* pada *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online*.

## 2. Tanda Tangan Digital

Tanda tangan digital merupakan tanda tangan untuk data digital. Tanda tangan digital bukanlah tulisan tanda tangan yang di-digitisasi (di-*scan*), melainkan suatu nilai kriptografis yang bergantung pada isi pesan dan kunci [10]. Akibatnya, tanda tangan digital selalu berbeda-beda antara satu isi dokumen dengan dokumen lain. Dengan demikian, maka selain digunakan untuk menjamin integritas data, tanda tangan digital juga dapat digunakan untuk membuktikan asal pesan (keabsahan pengirim), dan nirpenyangkalan.

Menandatangani pesan dapat dilakukan dengan dua cara, yaitu dengan mengenkripsi pesan atau dengan cara menggunakan fungsi *hash* dan kriptografi kunci publik.

## 3. Blind Digital Signature

Konsep *blind digital signature* diperkenalkan oleh Chaum [4]. *Blind digital signature* ini memungkinkan properti anonimitas seseorang pada sistem *Electronic Cash*. Tanda tangan digital jenis ini memungkinkan penanda tangan menandatangani sebuah dokumen tanpa mengetahui isi dokumen tersebut. Selanjutnya, jika penanda tangan secara tidak disengaja melihat pasangan dokumen dan tanda tangan, maka ia tidak dapat menentukan kapan dan untuk siapa ia menandatangani dokumen tersebut (meskipun ia dapat memverifikasi bahwa tanda tangan tersebut valid). Hal ini dapat dianalogikan dengan menandatangani suatu dokumen dengan mata tertutup (*blind*). Jika setelahnya, si penandatanganan melihat dokumen dan tandatangannya, maka ia akan sangat sulit untuk mengingat kapan atau untuk siapa ia menandatangani dokumen tersebut. Konsep ini terlihat sangat aneh; mengapa seseorang mau menandatangani suatu dokumen tanpa melihatnya terlebih dahulu? Karena itu, penerapan konsep ini hanya ditujukan bagi kepentingan tertentu, misalnya pemilihan umum *online* dan *electronic cash*. Pada pemilihan umum, ketika kertas suara dikumpulkan, kertas suara tersebut harus disahkan oleh petugas yang bersangkutan, tanpa petugas tersebut mengetahui isi dari kertas suara (siapa kandidat yang dipilih). Demikian juga halnya dengan *electronic cash*, pemilik *electronic cash* tidak ingin seseorang mengetahui identitasnya ataupun kapan *electronic cash* tersebut digunakan. Hal ini sama dengan paper cash tradisional, yaitu ketika seseorang melakukan pembelian, si penjual tidak mengetahui identitas si pembeli tetapi si penjual dapat menentukan apakah uang si pembeli legal atau tidak. Pada skenario tersebut, koin elektronik dianalogikan dengan dokumen, dan penandatanganan direpresentasikan oleh bank. Pembeli selalu anonim pada setiap transaksi yang melibatkan koin elektronik jika koin-koin tersebut ditandatangani secara *blind*.

*Blind digital signature* dapat dikembangkan dari berbagai algoritma kunci publik, misalnya RSA dan ElGamal. Pada makalah ini hanya membahas *blind digital signature* yang diturunkan dari algoritma RSA. Penurunan *blind digital*

*signature* dari algoritma ElGamal dapat dilihat pada [9]. Menurut [9], *blind digital signature* yang diturunkan dari algoritma ElGamal memiliki tingkat anonimitas yang lebih tinggi daripada *blind digital signature* yang diturunkan dari algoritma RSA.

#### a. Skema Tanda Tangan Dijital dengan Algoritma RSA

Algoritma RSA dibuat oleh tiga orang peneliti dari MIT (*Massachusetts Institute of Technology*), yaitu Ron (R)ivest, Adi (S)hamir, dan Leonard (A)dleman. Keamanan algoritma RSA terletak pada sulitnya memfaktorkan bilangan yang besar menjadi faktor-faktor prima [10]. Pemfaktoran ini dilakukan untuk memperoleh kunci privat. Selama pemfaktoran bilangan besar menjadi faktor-faktor prima belum ditemukan algoritma yang mangkus, maka selama itu pula keamanan algoritma RSA tetap terjamin.

Pada algoritma RSA, terdapat besaran-besaran sebagai berikut:

- |                               |           |
|-------------------------------|-----------|
| 1. $p$ dan $q$ bilangan prima | (rahasia) |
| 2. $n=p.q$                    | (tidak    |
| rahasia)                      |           |
| 3. $\Phi(n) = (p-1)(q-1)$     | (rahasia) |
| 4. $e$ (kunci enkripsi)       | (tidak    |
| rahasia)                      |           |
| 5. $d$ (kunci dekripsi)       | (rahasia) |
| 6. $m$ (plaintexts)           | (rahasia) |
| 7. $c$ (cipherteks)           | (tidak    |
| rahasia)                      |           |

Keterangan:

- $p$  dan  $q$  adalah bilangan prima yang besar.
- $e$  merupakan angka dimana  $(e, \Phi(n))=1$ .
- $d$  merupakan angka dimana  $de = 1 \pmod{\Phi(n)}$ .
- Kunci publik penanda tangan adalah  $(n,e)$
- Kunci privat adalah  $(p,q,d)$ .

Langkah-langkah pemberian tanda tangan digital dengan algoritma RSA adalah sebagai berikut [10]:

1. Pengirim menghitung nilai *hash* dari pesan  $M$  yang akan dikirim, misalkan nilai *hash* dari pesan  $M$  adalah  $h$ .
2. Pengirim mengenkripsi  $h$  dengan kunci privatnya menggunakan persamaan enkripsi RSA, yaitu:

$$S = h^{SK} \pmod{n}$$

yang dalam hal ini  $SK$  adalah kunci privat pengirim dan  $n$  adalah modulus ( $n=pq$ ,  $p$  dan  $q$  adalah dua buah bilangan prima).

3. Pengirim mentransmisi  $M + S$  ke penerima.

Langkah-langkah pemverifikasian tanda tangan digital dengan algoritma RSA adalah sebagai berikut [10]:

1. Penerima menghitung nilai *hash* dari pesan  $M$  yang dikirim, misalkan nilai *hash* dari  $M$  adalah  $h'$ .
2. Penerima melakukan dekripsi terhadap tanda tangan  $S$  dengan kunci publik si pengirim menggunakan persamaan dekripsi RSA, yaitu:

$$h = S^{PK} \pmod{n}$$

yang dalam hal ini  $PK$  adalah kunci publik pengirim dan  $n$  adalah modulus ( $n=pq$ ,  $p$  dan  $q$  adalah dua buah bilangan prima).

3. Penerima membandingkan  $h$  dengan  $h'$ . Jika  $h=h'$  maka tanda tangan digital adalah otentik. Jika tidak sama, maka tanda tangan digital tidak otentik sehingga pesan dianggap tidak asli lagi atau pengirimnya bukanlah orang yang sebenarnya.

Skema pemberian tanda tangan digital dan pemverifikasiannya dapat dilihat pada Gambar 1. Secara umum, otentikasi tanda tangan digital dengan menggunakan fungsi *hash* dapat dilihat pada Gambar 2.

#### b. Skema Blind Digital Signature dengan Modifikasi Algoritma RSA

Pada konteks ini, misalkan Bob membutuhkan tanda tangan Alice untuk beberapa dokumen. Akan tetapi, Bob tidak ingin Alice mengetahui isi dokumen-dokumen tersebut. Untuk menyelesaikan masalah tersebut, diperlukan protokol-protokol sebagai berikut [12]:

##### b.1 Putaran 1 → Bob

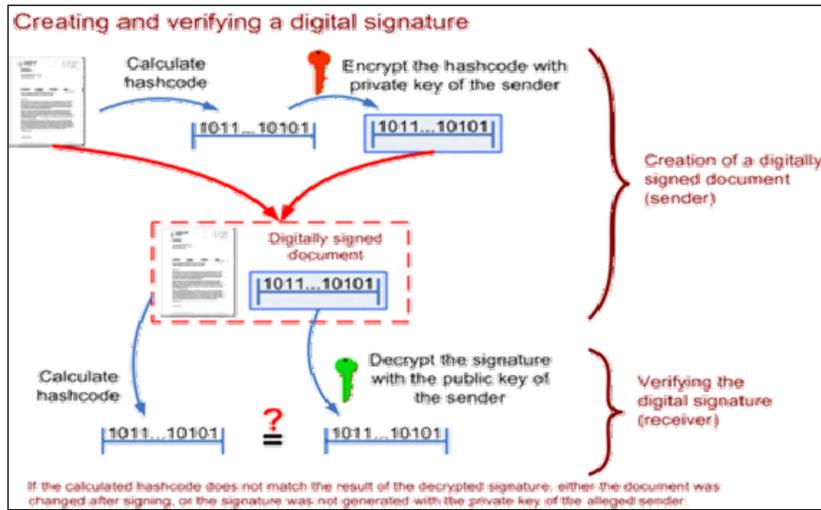
1. Bob ingin sebuah pesan  $M$  untuk ditandatangani secara “buta” oleh Alice. Bob memberitahukan Alice akan permasalahan tersebut.
2. Bob mengambil suatu angka  $r \in_R Z_n^*$  dan menghitung pesan “buta”  $M'$ :

$$M' = H(M). r^e \pmod{n}$$

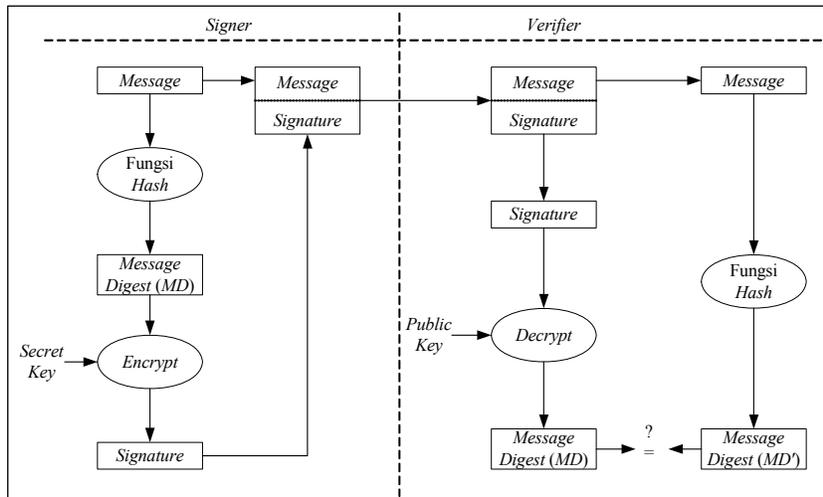
dimana  $n$  dan  $e$  merupakan kunci publik Alice dan  $Z_n^*$  merupakan kelompok multiplikatif modulo  $n$ .  $r \in_R Z_n^*$  berarti mengambil suatu bilangan  $r$  secara acak dari suatu kelompok multiplikatif modulo  $n$ .

Sedangkan  $H(M)$  merupakan fungsi *hash* yang dikenakan terhadap pesan  $M$ .

3. Bob mengirim  $M'$  kepada Alice.



Gambar 1. Visualisasi pemberian tanda tangan digital dan verifikasi



Gambar 2. Otentikasi tanda tangan digital yang menggunakan fungsi *hash* satu-arah

**b.2 Putaran 2 → Alice**

1. Alice mengambil  $M'$  dan menghitung tanda tangan digital terhadap pesan  $M'$  tersebut:

$$\sigma(M') = M'^d \pmod{n}$$

Perhatikan bahwa:

$$M'^d \pmod{n} = (H(M)r^e)^d \pmod{n} = H(M)^d \cdot r \pmod{n}$$

2. Alice mengirimkan  $\sigma(M')$  kepada Bob.

**b.3 Putaran 3 → Bob**

1. Bob mengambil  $\sigma(M')$  yang diberikan Alice. Bob kemudian mengekstrak tanda tangan yang tepat untuk pesan  $M$  dengan persamaan:

$$\sigma(M) = \sigma(M')/r \pmod{n}$$

2. Pasangan  $(M, \sigma(M))$  merepresentasikan pesan dan tanda tangan digital dengan kunci publik Alice. Hal ini dapat dibuktikan dengan:

$$\sigma(M') = H(M)^d \cdot r \pmod{n}$$

Pada protokol di atas, dapat dilihat bahwa Alice memberikan tandatangannya tanpa melihat pesan

yang sebenarnya. Hal ini terjadi karena faktor “buta” (*blinding factor*)  $r^e$  dimultiplikasi oleh pesan, dan sebagai hasilnya, pesan akhir terlihat seperti elemen acak dari  $Z_n^*$  untuk Alice. Kemudian, setelah tanda tangan dikeluarkan oleh Alice, Bob membagi tanda tangan dengan  $r$  (untuk menghilangkan *blinding factor*). Pasangan pesan dan tanda tangan selanjutnya tidak dapat dikenali oleh Alice. Jika Alice kemudian melihat pesan tersebut, ia dapat dengan mudah memverifikasi bahwa tandatangan tersebut adalah miliknya, namun ia akan sulit memastikan kapan dan untuk siapa ia menandatangani pesan tersebut.

### c. Aplikasi *Blind Digital Signature* pada *Digital Cash Payment*

Untuk menjelaskan aplikasi *blind digital signature*, perhatikan skenario di bawah ini. Alice ingin membeli buku Akuntansi seharga Rp 100.000,00 dari suatu toko buku *online*. Alice dan toko buku tersebut menggunakan bank yang sama, yang dinamakan Bank B. Protokol transaksi yang mendukung *blind digital signature* pada skenario di atas dibagi menjadi tiga tahapan, yaitu: penarikan uang si pembeli (*withdrawal*), pembayaran dari pembeli ke penjual (*spending*), dan penyimpanan uang si penjual (*deposit*).

#### c.1 *Withdrawal*

1. Alice menciptakan selebar mata uang digital C. Mata uang ini terdiri dari string bit yang menyatakan informasi nomor seri dan jumlah uang, dalam hal ini Rp 100.000,00.
2. Alice mengantar C ke bank B agar dapat ditandatangani secara “buta”. Dengan kata lain, Alice dan bank B melakukan protokol *blind signature*.
3. Ketika protokol tersebut telah berhasil dijalankan, bank B mengurangi saldo tabungan Alice sebanyak Rp 100.000,00

#### c.2 *Spending*

1. Alice meminta sebuah salinan dari buku Akuntansi yang diinginkannya dari toko buku *online*. Alice menyertakan C (yang telah diberi tanda tangan digital oleh Bank B) kepada toko buku *online*.
2. Toko buku *online* memeriksa validitas C dengan memverifikasi tanda tangan digital pada C dengan menggunakan kunci publik

Bank B. Jika tanda tangan tersebut valid, toko buku *online* dapat mengakhiri protokol.

#### c.3 *Deposit*

1. Toko buku online mengambil C beserta tanda tangan dari B, kemudian menyerahkannya ke Bank B.
2. Bank B kemudian memverifikasi bahwa tanda tangan digital pada C valid; memang ditandatangani oleh Bank B. Jika tanda tangan tersebut valid, bank B kemudian harus memeriksa apakah C belum pernah digunakan sebelumnya. Jika C valid dan belum pernah digunakan, maka bank B akan menambahkan saldo toko buku *Online* sejumlah Rp 100.000,00.
3. Jika semua langkah-langkah di atas telah berhasil dilakukan, barulah toko buku *online* memberikan buku yang diminta oleh Alice.

Pada protokol di atas, identitas Alice terjaga anonimitasnya, baik untuk bank maupun untuk toko buku. Hal ini terjadi karena *blind signature* dikeluarkan untuk mata uang tersebut. Karena itu, ketika Alice telah menandatangani mata uang tersebut, toko buku tidak dapat mendeteksi apakah Alice adalah pemilik dari mata uang itu. Selanjutnya, ketika toko buku memberikan uang kepada bank untuk disimpan, bank tidak dapat mendeteksi apakah uang tersebut berasal dari Alice atau tidak serta tidak dapat mendeteksi isinya.

Pada protokol di atas, identitas Alice terjaga anonimitasnya, baik untuk bank maupun untuk toko buku. Keuntungan dari cara ini adalah tidak memerlukan sistem pembayaran dengan menggunakan kartu kredit yang segi keamanannya belum sepenuhnya terjamin. Sistem seperti ini bisa diandaikan dengan memiliki *voucher* digital.

Pada protokol di atas, terdapat beberapa kelemahan dari segi keamanan pada sistem tersebut. Sebagai contoh, Alice bisa saja memberikan pesan kepada bank sebagai berikut: “Apakah saya telah menandatangani 10 juta dolar untuk Alice?”. Kemudian, karena uang elektronik mudah disalin, Alice bisa saja menggunakan uang elektronik yang sama di kemudian hari. Aspek keamanan yang paling berbahaya adalah ketika suatu transaksi selesai dilakukan, tidak ada cara untuk mengecek identitas pemilik uang elektronik.



*blind signature* pada koin yang tadi dipilih oleh bank dan mengirimkannya kepada Alice. Bank sangat yakin bahwa koin tersebut berada pada format yang benar karena jika Alice menyertakan minimal satu koin yang tidak benar di antara sembilan koin lainnya, maka penipuan tersebut akan ketahuan dengan probabilitas 8/9.

Isu keamanan yang kedua adalah bagaimana seseorang dapat mencegah Alice dari menggandakan uang elektronisnya  $C$ . Jika telah terjadi tindakan penggandaan, maka bagaimana cara mendeteksi bahwa Alice lah si pelakunya. Solusi standar dari masalah tersebut adalah dengan menerapkan hukuman yang seberat-beratnya bagi pelaku penggandaan uang.

Solusi lain yang dapat diterapkan adalah dengan membuat daftar mengenai koin yang telah digunakan. Daftar ini dikelola oleh bank. Kemudian, pada setiap transaksi, setelah menerima sebuah koin dari vendor, bank akan mengecek untuk melihat apakah koin tersebut telah digunakan. Jika telah digunakan, bank akan menginformasikan vendor mengenai hal tersebut agar vendor tidak memberikan barang tersebut kepada pelanggan Alice. Skema tersebut akurat tetapi mahal karena untuk setiap transaksi, vendor harus menghubungi bank dan menunggu bank memverifikasi koin sebelum memberikan barang kepada pelanggan; vendor harus melakukan hal tersebut karena jika Alice menggandakan uang dan tidak tertangkap secepatnya, maka Alice tidak akan dapat ditangkap karena identitasnya anonim. Hal ini tentu saja sangat mahal. Kekurangan dari cara ini adalah vendor harus mengetahui dengan siapa ia bertransaksi. Jika Alice kedatangan menggandakan uang, tetapi ia berkomunikasi dengan vendor melalui suatu *channel* yang anonim, maka Alice tetap dapat melarikan diri. Selanjutnya, kerugian lainnya dari *channel* ini adalah Alice tetap dapat menggandakan uangnya sebelum daftar diperbaharui.

#### 4. Group Digital Signatures

Pada skema *group digital signature*, anggota dari suatu kelompok dapat melakukan tanda tangan digital pada suatu dokumen atas nama seluruh anggota kelompok. Tanda tangan tersebut dapat diverifikasi dengan menggunakan kunci publik kelompok (*group public key*). Ketika suatu dokumen telah ditandatangani, hanya seorang ketua kelompok yang dapat menentukan siapa

anggota yang telah menandatangani dokumen tersebut. Selanjutnya, *group signature* ini harus didesain sehingga tidak ada seorang anggota kelompok pun yang dapat memalsukan tanda tangan anggota kelompok lainnya. Jadi, pada *group digital signature*, terdapat satu kunci publik kelompok dan lebih dari satu kunci privat anggota kelompok. Konsep ini kerap diaplikasikan di perusahaan-perusahaan; dimana *group signature* digunakan untuk memvalidasi daftar harga, *press release*, atau kontrak digital; pelanggan hanya mengetahui kunci publik tunggal perusahaan untuk memverifikasi tanda tangan. Dengan menggunakan *group digital signature* ini, perusahaan dapat menyembunyikan struktur internalnya sekaligus menentukan karyawan yang mana yang menandatangani dokumen.

Skema *group digital signature* terdiri dari lima prosedur dibawah ini [11]:

1. *Setup*  
Dengan menggunakan parameter keamanan  $l$  dan algoritma probabilistik, bangkitkan kunci publik kelompok  $Y$  dan sebuah kunci rahasia administrasi  $S$  yang ditujukan untuk manajer kelompok.
2. *Join*  
Gabungkan protokol interaktif antara manajer kelompok dan anggota kelompok yang baru, misalnya Bob. Penggabungan ini bertujuan menciptakan kunci rahasia untuk Bob, yaitu  $\chi$ , dan sertifikat keanggotaannya, yaitu  $A$ .
3. *Sign*  
Tanda tangani protokol interaktif antara anggota kelompok, yaitu Bob dan seorang pengguna eksternal, yaitu Alice. Penandatanganan ini melibatkan masukan berupa pesan  $m$  dari Alice dan kunci rahasia  $\chi$  milik Bob. Keluaran yang dihasilkan adalah sebuah tanda tangan  $s$  pada pesan  $m$ .
4. *Verify*  
Lakukan verifikasi dengan menggunakan algoritma dimana jika terdapat masukan  $(m, s, Y)$ , tentukan apakah  $s$  merupakan tanda tangan yang valid untuk pesan  $m$  sesuai dengan kunci publik kelompok  $Y$ .
5. *Open*  
Lakukan pengecekan untuk mengetahui identitas anggota kelompok yang

mengeluarkan tanda tangan  $s$  pada pesan  $m$  jika terdapat masukan  $(m,s,S)$ .

Implementasi kelima prosedur diatas menjadi suatu skema *group blind signature* membutuhkan komputasi matematis yang rumit serta membutuhkan pengetahuan akan logaritma diskrit. Salah satu implementasi skema *group blind signature* telah dilakukan oleh Camenisch dan Stadler[3]. Selanjutnya perhitungan matematis dari skema tersebut dapat dilihat pada [7][11].

Berikut ini terdapat beberapa syarat (*requirement*) keamanan yang harus dipenuhi oleh suatu skema *group digital signature*:

1. *Unforgeability* (tidak dapat dipalsukan)  
Hanya anggota kelompok yang dapat mengeluarkan tanda tangan yang valid atas nama seluruh anggota kelompok. Atau dengan kata lain, hanya anggota kelompok yang dapat mengeluarkan tanda tangan yang dapat diverifikasi dengan menggunakan kunci publik kelompok.
2. *Conditional Signer Anonymity* (penanda tangan anonim)  
Siapapun dapat mengecek dengan mudah apakah suatu pasangan pesan dan tanda tangan telah ditandatangani oleh beberapa anggota kelompok, tetapi hanya manajer kelompok yang dapat menentukan dengan benar siapakah anggota kelompok yang telah memberikan tanda tangan.
3. *Undeniable Signer Identity* (identitas penanda tangan tidak dapat disangkal)  
Manajer kelompok selalu dapat menentukan identitas dari anggota kelompok yang mengeluarkan tanda tangan. Lebih jauh lagi, manajer kelompok tersebut juga dapat membuktikan kepada entitas lain (misalnya hakim, juri, dan sebagainya) mengenai siapa anggota kelompok yang telah menandatangani suatu dokumen tertentu tanpa membahayakan anonimitas anggota kelompok itu pada pesan-pesan yang telah ditandatangani atau yang mungkin akan ditandatangani oleh anggota kelompok yang bersangkutan.
4. *Unlinkability*  
Secara komputasi, setiap orang kecuali manajer kelompok tidak dapat membuktikan jika terdapat dua tanda tangan berbeda telah

dilakukan oleh seorang anggota kelompok yang sama.

5. *Security Against Framing Attacks* (keamanan terhadap serangan *framing*)  
Serangan *framing* merupakan serangan terhadap *group digital signature* dimana seorang anggota kelompok dapat menandatangani suatu dokumen atas nama anggota kelompok yang lain. Sehubungan dengan kasus tersebut, suatu skema *group digital signature* yang aman hendaknya dapat mengatasi serangan *framing*; yaitu tidak ada sekumpulan anggota kelompok, termasuk manajer kelompok yang dapat menandatangani suatu pesan atas nama anggota kelompok yang lain. Hal ini dapat dijamin dengan melakukan prosedur *open*.
6. *Coalition Resistance*  
Tidak ada sekumpulan anggota kelompok, termasuk manajer kelompok yang dapat bersekongkol dan membangkitkan tanda tangan digital yang valid namun tidak dapat dilacak. Secara khusus, aspek keamanan ini bertujuan untuk mencegah serangan dimana suatu koalisi antara anggota kelompok berkumpul, dan mengumpulkan informasi, serta membangkitkan tanda tangan digital yang lolos dari prosedur *Verify* tetapi tidak dapat ditentukan siapa penandatanganannya oleh prosedur *Open*.

Untuk membuat suatu skema *group digital signature* yang baik, diperlukan efisiensi terhadap beberapa parameter di bawah ini:

1. Ukuran (jumlah bit) kunci publik kelompok  $V$ .
2. Ukuran (jumlah bit) *group digital signature* yang sebenarnya pada pesan.
3. Efisiensi dari protokol *Sign*, *Verify*, *Setup*, *Open*, dan *Join*.

### 5. *Group Blind Digital Signature*

*Group blind digital signature* mengkombinasikan properti *group signature* dan *blind signature*. Penggunaanya lebih ke penggunaan *blind signature*. Beberapa aplikasi *group blind digital signature* adalah pada sistem *electronic cash* yang melibatkan banyak bank dan pemilihan umum *online* yang melibatkan banyak server.

Syarat (*requirement*) keamanan pada skema *group blind digital signature* sama seperti syarat

keamanan pada *group digital signature*. Satu-satunya tambahan adalah adanya properti kebutaan (*blindness*) pada tanda tangan dijital. Karena itu, syarat-syarat keamanan pada *group blind digital signature* adalah *blindness of signatures, unforgeability, conditional signer anonymity, undeniable signer identity, unlinkability, security against framing attacks, dan coalition resistance*.

Properti *blindness of signatures* berarti penandatanganan tidak dapat melihat pesan yang ditandatangani. Lebih jauh lagi penanda tangan tidak memiliki ingatan apakah ia telah menandatangani pesan tersebut. Walaupun demikian, ia dapat memverifikasi bahwa tanda tangannya memang valid.

Seperti halnya syarat keamanan pada *group blind digital signature*, protokol atau prosedur pada *group blind digital signature* pun sama persis seperti protokol pada *group digital signature*. Untuk mengingatkan, protokol-protokol tersebut antara lain: *setup, join, sign, verify, dan open*.

## **6. Aplikasi Group Blind Digital Signature pada Digital Cash Payment dan Pemilihan Umum secara Online**

Pada bagian ini akan membahas aplikasi *group blind digital signature* pada *electronic cash* dan pemilihan umum *online*.

### **a. Aplikasi Group Blind Digital Signature pada Digital Cash Payment**

Penerapan *group blind digital signature* pada *electronic cash* hampir sama dengan penerapan *blind signature* pada *electronic cash*. Namun, pada bagian ini, terdapat perbedaan dalam hal model bank yang digunakan. Model bank yang digunakan adalah bank elektronik yang terdistribusi (*distributed electronic banking*).

#### **a.1 Bank Elektronik yang Terdistribusi (Distributed Electronic Banking)**

Pada model ini, terdapat sekumpulan besar bank yang diawasi oleh sebuah bank sentral negara, misalnya Bank Indonesia. Setiap bank dalam kumpulan tersebut dapat mengeluarkan *electronic cash*. Agar bank elektronik yang terdistribusi tersebut dapat berjalan dengan baik, maka dibutuhkan properti-properti sebagai berikut:

1. Tidak ada bank yang dapat melacak *electronic cash* yang telah dikeluarkan oleh bank yang bersangkutan. Jika suatu bank mengeluarkan sebuah *electronic cash* kepada seorang pelanggan, dan jika kemudian bank itu melihat lagi *electronic cash* yang telah dikeluarkannya, maka bank yang bersangkutan tidak dapat menentukan identitas pelanggan mana yang menggunakan *electronic cash* tersebut. Jika pelanggan menggunakan beberapa *electronic cash*, maka ketika bank melihat *electronic cash- electronic cash* tersebut, bank tidak dapat mengidentifikasi bahwa *electronic cash- electronic cash* tersebut digunakan oleh pelanggan yang sama. Karena itu, sama seperti uang kertas tradisional, setiap orang dapat menggunakan *electronic cash*-nya dalam mode yang anonim.
2. Sebuah vendor hanya diharuskan untuk melakukan prosedur verifikasi universal yang tunggal berdasarkan kunci publik kelompok. Prosedur ini dimaksudkan untuk memastikan validitas tanda tangan bank pada berbagai *electronic cash* yang diterima oleh vendor. Prosedur ini dapat berjalan tanpa harus mengetahui bank yang mana yang mengeluarkan *electronic cash*. Hal ini memudahkan pekerjaan vendor karena vendor hanya membutuhkan informasi mengenai kunci publik kelompok yang hanya ada satu. Skema ini mengadopsi skema *group signature*. Perhatikan bahwa, walaupun tanda tangan pada *electronic cash* valid, tetap ada kemungkinan *electronic cash* tersebut tidak digunakan dengan benar, misalnya jika *electronic cash* tersebut sudah pernah digunakan sebelumnya.
3. Terdapat satu kunci publik untuk seluruh bank yang tergabung dalam bank elektronik yang terdistribusi. Ukuran kunci publik ini tidak tergantung dari jumlah bank yang tergabung dalam kumpulan bank elektronik yang terdistribusi. Hal ini berdampak positif karena tidak perlu memodifikasi kunci publik jika ada penambahan maupun pengurangan jumlah bank yang tergabung dalam kumpulan bank elektronik yang terdistribusi. Akibatnya, skema ini masih aplikatif pada kumpulan dengan jumlah bank yang sangat banyak.

4. Hanya bank sentral yang dapat menentukan bank yang mana yang mengeluarkan suatu *electronic cash* tertentu. Hal ini sesuai dengan properti *conditional signer anonymity*. Restriksi ini memberikan lapisan ekstra dalam hal anonimitas karena baik identitas pengguna *electronic cash* maupun identitas bank yang mengeluarkan *electronic cash* tidak diketahui.
5. Tidak ada sekumpulan bank, termasuk bank sentral dapat mengeluarkan *electronic cash* atas nama bank yang lain. Dengan kata lain, tidak ada bank atau entitas yang lain yang dapat melakukan serangan *frame*.
6. Berbagai koalisi bank (tidak termasuk bank sentral) tidak dapat membangun *electronic cash* yang tidak dapat dilacak. Dengan kata lain, tidak ada koalisi yang dapat mengeluarkan *electronic cash* yang tidak dapat dilacak pembuatnya oleh bank sentral.

Selanjutnya, akan dijelaskan bagaimana mengimplementasikan suatu skema *group blind digital signature* yang memenuhi properti-properti di atas.

### a.2 Penerapan *Group Blind Digital Signature* pada Bank Elektronik yang Terdistribusi

Pada bagian ini akan dijelaskan modifikasi terhadap protokol penerapan *blind signature* pada *digital cash payment* yang telah dijelaskan di Bab 3 bagian c. Aplikasi *blind signature* pada *digital cash payment*. Pihak-pihak yang terlibat dalam protokol ini adalah Alice, Bob, Bank A, dan Bank B, dan Bank Indonesia. Alice adalah pelanggan Bank A. Alice ingin membeli beberapa item dari vendor, yaitu Bob. Bank yang digunakan oleh Bob adalah Bank B. Sedangkan Bank Indonesia berfungsi sebagai bank sentral.

#### 1. Setup

Aktivitas-aktivitas yang dilakukan pada tahap ini meliputi pembentukan kelompok bank yang terdistribusi. Setiap bank melakukan protokol *join* dengan manajer kelompok, yaitu bank sentral. Setiap bank juga dapat menandatangani dokumen atas nama seluruh bank dalam kelompok.

#### 2. Withdrawal

Untuk melakukan penarikan uang, maka harus dilakukan protokol sebagai berikut:

1. Alice menciptakan koin elektronik *C*. Koin ini memiliki nomor seri dan berbagai informasi terkait dengan mata uang, misalnya nilai uang.
2. Alice meminta Bank A untuk memberikan *group blind digital signature* pada koin *C*.
3. Bank A memberikan *group blind digital signature* pada koin *C* dan mengurangi sejumlah uang (sesuai yang tertera pada koin *C*) dari *account* milik Alice. Sekarang Alice telah memiliki suatu koin *C* beserta tanda tangan digital yang valid.

#### 3. Spending

Protokol untuk menggunakan uang adalah sebagai berikut:

1. Alice memberikan koin *C* beserta tanda tangan digital dari bank pada koin tersebut kepada vendor, yaitu Bob.
2. Bob mengecek apakah tanda tangan digital pada koin *C* tersebut otentik atau tidak. Hal ini dapat dilakukan dengan mudah melalui kunci publik kelompok.
3. Jika tanda tangan digital tersebut valid, maka Bob memberikan koin tersebut kepada banknya, yaitu Bank B untuk disimpan. Bob kemudian menunggu tanggapan dari Bank B.

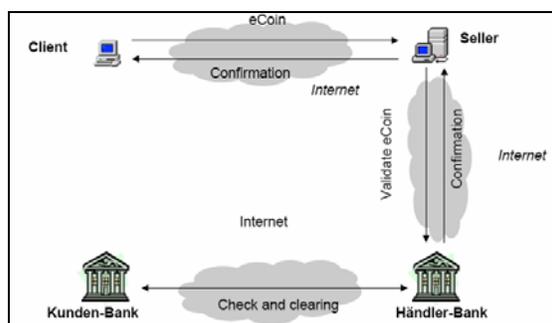
#### 4. Deposit

Protokol untuk melakukan penyimpanan adalah sebagai berikut:

1. Bob mengambil koin *C* beserta tanda tangan digital dari Bank A pada koin tersebut, dan memberikannya kepada Bank B.
2. Bank B memverifikasi koin tersebut dengan cara mengecek tanda tangan digital pada koin itu. Untuk melakukan pengecekan, Bank B tidak perlu mengetahui siapakah Bank A Pengecekan dapat dilakukan dengan mudah dengan menggunakan kunci publik kelompok.
3. Bank B kemudian mengecek apakah koin tersebut pernah digunakan sebelumnya. Untuk itu, semua bank harus *maintain* suatu daftar global dari koin-koin yang sudah pernah digunakan.
4. Jika pengecekan terhadap penggunaan koin telah selesai dilakukan, maka Bank B menambahkan sejumlah uang yang tertera pada koin ke dalam *account* Bob.
5. Bob memberikan item yang dibeli oleh Alice.

Jika dicermati lebih lanjut, skema di atas memiliki masalah utama, yaitu skema di atas hanya bisa dijalankan pada kondisi *online*. Maksudnya, vendor Bob harus benar-benar memastikan apakah koin yang diterimanya benar-benar valid dan belum pernah digunakan sebelumnya sebelum memberikan item barang yang diinginkan pelanggan. Satu-satunya cara untuk memastikan bahwa koin yang diterima oleh vendor belum pernah digunakan sebelumnya adalah dengan melibatkan bank dalam melakukan pengecekan. Hal ini berarti harus terdapat suatu hubungan *online* antara vendor dan bank. Untuk mengatasi masalah tersebut, maka dibuatlah skema *offline electronic cash*.

Secara singkat, penerapan *group blind digital signature* pada *digital cash payment* dapat dilihat pada Gambar 4.



Gambar 4. Aplikasi *group blind signature* pada *digital cash payment*

### a.3 Skema *Offline Electronic Cash*

Salah satu solusi yang mungkin dari masalah di atas disebut *anonymity-revoking trustee*, yaitu melibatkan pihak ketiga yang dipercaya. Pihak ketiga ini dapat membatalkan jika dideteksi adanya penipuan. Skema *electronic cash* dengan menggunakan pihak ketiga yang anonim ini pertama kali diperkenalkan oleh Maurer Camenisch dan Stadler [2][8]. Skema yang diperkenalkan oleh Maurer Camenisch dan Stadler ternyata hanya dapat diterapkan pada model bank tunggal. Namun, skema yang diajukan pada makalah ini melibatkan lebih dari satu bank dan membutuhkan pihak ketiga setiap kali seorang pengguna membuka *account*-nya. Sehubungan dengan hal tersebut, maka ide yang diajukan adalah dengan membuat kelompok pelanggan dan seorang manajer kelompok sebagai pihak ketiga. Pelanggan dapat

menggabungkan tanda tangan digital kelompoknya ke koin elektronik selama fase *spending*, dan sebagai hasilnya, identitas kelompok pelanggan tersebut dapat dikodekan selama transaksi berlangsung. Selanjutnya, hanya pihak ketiga yang dipercaya, yaitu manajer kelompok pelanggan yang dapat menentukan identitas pelanggan.

Skema di atas direpresentasikan dalam lima buah fase, yaitu *setup*, *withdrawal*, *spending*, *depositing*, dan *anonymity revocation*.

#### 1. *Setup*

Aktivitas-aktivitas yang dilakukan pada tahap ini meliputi pembentukan kelompok bank yang terdistribusi. Setiap bank melakukan protokol *join* dengan manajer kelompok, yaitu bank sentral. Setiap bank juga dapat menandatangani dokumen atas nama seluruh bank dalam kelompok. Sebagai tambahan, dibentuk pula kelompok yang terdiri dari para pelanggan. Ketika seorang pelanggan membuka *account* baru, maka secara otomatis pelanggan tersebut didaftarkan ke dalam kelompok pelanggan. Pihak ketiga yang dapat dipercaya adalah manajer kelompok dari kelompok pelanggan ini. Asumsi yang digunakan pada skema ini adalah semua vendor merupakan bagian dari *Public-Key Infrastructure* (PKI). Maksudnya, semua vendor memiliki kunci publik dan kunci privat yang berasosiasi dengan PKI tersebut.

#### 2. *Withdrawal*

Protokol pada fase ini sama seperti protokol pada fase *withdrawal* di bagian skema *online* sebelumnya.

#### 3. *Spending*

Protokol untuk menggunakan *electronic cash* adalah sebagai berikut:

1. Alice memberikan koin  $C$  beserta tanda tangan digital dari bank pada koin tersebut kepada vendor, yaitu Bob.
2. Bob kemudian mengecek apakah tanda tangan digital pada koin  $C$  valid atau tidak. Hal ini dapat dilakukan dengan menggunakan kunci publik kelompok bank. Jika tanda tangan digital tersebut valid, maka Bob melakukan langkah-langkah di bawah ini:
  - (a) Bob membangkitkan urutan bit secara acak, yang disebut *nonce*.

- (b) Bob membuat pesan yang berisi identitasnya, *nonce*, serta waktu sekarang (*current time*).
  - (c) Bob memberikan tanda tangan digital pada pesan tersebut dengan menggunakan kunci privatnya yang berasosiasi dengan PKI.
  - (d) Bob mengirimkan pesan beserta tanda tangannya kepada Alice.
3. Alice mengecek apakah tanda tangan digital Bob pada pesan valid atau tidak. Kemudian Alice memeriksa waktu yang dicantumkan pada pesan. Alice lalu membuat pesannya sendiri yang berisi konkatenasi dari koin *C*, tanda tangan digital bank pada *C*, dan pesan yang baru saja diterimanya dari Bob beserta tanda tangan digital Bob. Pada pesan yang baru tersebut, Alice juga menyertakan tanda tangan digital kelompok pelanggan. Alice lalu mengirimkan pesan tersebut beserta tanda tangan digital kepada Bob.
  4. Bob mengecek apakah Alice telah memberikan pesan dalam format yang benar dan apakah pesan asal beserta tanda tangan digitalnya merupakan bagian dari pesan yang baru dikirim oleh Alice. Bob kemudian mengecek apakah tanda tangan digital kelompok pelanggan yang diberikan oleh Alice valid atau tidak. Hal ini untuk memastikan agar pihak ketiga akan mampu mencabut anonimitas Alice jika sewaktu-waktu perlu dilakukan.
  5. Setelah semua pengecekan dilakukan, Bob memberikan item yang dibeli oleh Alice.

Pada fase ini, terdapat pesan yang dibuat oleh Bob. Hal ini dimaksudkan untuk mencegah serangan yang bersifat *transferable* (dapat dioperkan) berikut ini. Misalkan, pada protokol di atas, hanya terdapat tanda tangan digital kelompok pelanggan yang dikeluarkan oleh Alice pada koin *C*; tanpa adanya *nonce* atau pesan ekstra. Selanjutnya, andaikan Alice sendiri adalah seorang vendor maka Alice dapat terlibat ke dalam dua protokol transaksi pada saat yang bersamaan (konkuren). Pada protokol yang pertama, Alice berperan sebagai pelanggan dan Bob sebagai vendor. Pada protokol yang kedua, Alice bertindak sebagai vendor dan Charles sebagai pelanggan. Jika tidak terdapat pesan dan tanda tangan digital dari Bob kepada Alice, maka Alice dapat dengan mudah meneruskan semua tanggapan yang didapatkannya dari Bob kepada Charles. Dengan kata lain, Alice dapat berpura-pura sebagai Bob ketika ia berkomunikasi dengan Charles. Akibatnya, pada akhir transaksi,

Alice dapat mengambil koin milik Charles dan memberikannya secara langsung pada Bob. Dengan demikian, identitasnya tidak akan ketahuan selama melakukan protokol tersebut. Identitas Alice tidak akan pernah dikaitkan dengan koin. Karena itu, jika mekanisme *anonymity-revocation* diterapkan pada koin elektronik, nama Charles lah satu-satunya yang akan ketahuan, sedangkan Alice dapat “melarikan diri” dengan bebas setelah melakukan penipuan.

Jika terdapat tanda tangan digital vendor, maka jika Alice mencoba untuk meneruskan respon Bob kepada Charles, maka Charles dapat mengecek tanda tangan digital pada pesan dan memutuskan apakah pesan tersebut berasal dari Alice atau tidak. Jika sebaliknya, Alice mencoba untuk menghilangkan tanda tangan digital milik Bob, dan menggantinya dengan tanda tangan digital miliknya, maka hasil koin elektronik yang diperolehnya dari Charles akan mengandung tanda tangan digital miliknya. Selanjutnya, jika Alice mencoba memberikan koin elektronik yang sama kembali kepada Bob, maka Bob akan segera menyadari bahwa tanda tangan digital pada *nonce* telah berubah.

Kerugian kecil dari skema di atas adalah diketahuinya identitas vendor. Hal ini juga yang membedakan dari skema sebelumnya. Meskipun vendor tidak keberatan pelanggan anonim, tetapi pembeli mungkin ingin mengetahui identitas vendor jika item yang dibelinya rusak di kemudian hari.

#### 4. Deposit

Protokol untuk melakukan penyimpanan *electronic cash* ke bank adalah sebagai berikut:

1. Bob mengambil koin *C* beserta tanda tangan digital dari Bank A pada koin tersebut, dan memberikannya kepada Bank B.
2. Bank B memverifikasi koin tersebut dengan cara mengecek tanda tangan digital pada koin. Untuk melakukan pengecekan, Bank B tidak perlu mengetahui siapakah Bank A. Pengecekan dapat dilakukan dengan mudah dengan menggunakan kunci publik kelompok bank dan kunci publik kelompok pelanggan.
3. Bank B kemudian mengecek apakah koin tersebut pernah digunakan sebelumnya. Untuk itu, semua bank harus *maintain* suatu daftar global dari koin-koin yang sudah pernah digunakan. Jika koin sudah

pernah digunakan sebelumnya, maka pihak ketiga harus dipanggil untuk melakukan protokol *anonymity revocation*.

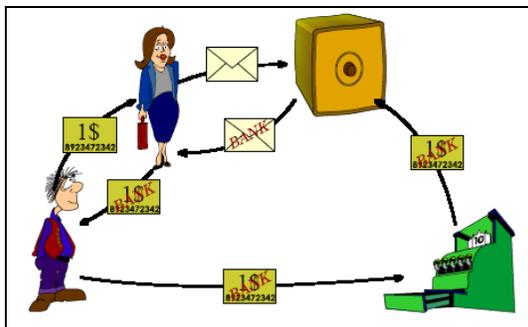
4. Jika pengecekan terhadap penggantian penggunaan koin telah selesai dilakukan, maka Bank B menambahkan sejumlah uang yang tertera pada koin ke dalam *account* Bob.
6. Bob memberikan item yang dibeli oleh Alice.

### 5. *Anonymity Revocation*

Jika terdapat alasan yang dapat dipercaya bahwa suatu koin telah dicurangi, maka identitas dari pengguna koin tersebut dapat dilacak sebagai berikut:

1. Koin *C* beserta tanda tangan digital milik bank pada *C*, dan tanda tangan digital milik pelanggan pada *C* diberikan kepada pihak ketiga.
2. Karena pihak ketiga adalah manajer kelompok pelanggan, maka ia dapat menggunakan algoritma *open* untuk menentukan identitas sebenarnya dari penandatanganan.

Secara singkat, penerapan *group blind digital signature* pada *digital cash payment* dengan melibatkan pihak ketiga yang dapat dipercaya dapat dilihat pada **Error! Reference source not found.**



**Gambar 5. Group blind digital signature pada digital cash payment dengan melibatkan pihak ketiga**

### b. Aplikasi *Group Blind Digital Signature* pada Pemilihan Umum secara *Online*

Skema aplikasi *group blind digital signature* pada pemilihan umum secara *online* mirip dengan skema aplikasi *blind digital signature* pada pemilihan umum secara *online* yang telah

dibahas di Bab 3 bagian d. Aplikasi *Blind Digital Signature* pada Pemilihan Umum secara *Online*. Yang membedakan adalah pada aplikasi kali ini, terdapat pemungutan suara secara online yang terdistribusi.

Pada skema pemungutan suara secara online yang terdistribusi ini, terdapat tiga entitas yang terlibat, yaitu pemilih (Alice), Badan Registrasi Lokal (BRL), dan Badan Pengiriman Suara (BPS). Terdapat banyak BRL dan setiap pemilih hanya dapat mendaftarkan diri pada satu BRL; hal ini berkoresponden dengan keadaan di dunia nyata dimana seorang pemilih hanya dapat terdaftar di suatu pusat pemungutan suara lokal. Jadi, terdapat banyak BRL yang membentuk kelompok dan diatur oleh beberapa badan pusat. Asumsi yang digunakan adalah kertas suara direpresentasikan dengan “Ya” dan “Tidak”.

Protokol pemungutan suara secara online yang terdistribusi ini dibagi menjadi dua tahap, yaitu registrasi (*registration*) dan pemungutan suara (*voting*).

#### 1. Registrasi (*registration*)

Protokol registrasi adalah sebagai berikut:

1. Alice membuat dua kertas suara elektronik *B1* dan *B2*. Kertas suara tersebut memiliki nomor seri dan beberapa informasi relevan dengan pemungutan suara. *B1* merepresentasikan suara “ya” sedangkan *B2* merepresentasikan suara “tidak”.
2. Alice kemudian mengambil kertas suara *B1* dan *B2* kemudian mem”buta”kannya. Alice kemudian mengirimkan versi “buta” tersebut ke BRL.
3. BRL mengecek basis datanya untuk memastikan bahwa Alice belum pernah melakukan pemilihan sebelumnya. Jika Alice belum melakukan pemungutan, BRL akan menandatangani kertas suara buta tersebut kemudian mengembalikannya kepada Alice.

#### 2. Pemungutan Suara (*voting*)

Protokol pemungutan suara adalah sebagai berikut:

1. Alice mengekstrak kertas suara tersebut dan memiliki dua kertas suara valid yang telah ditandatangani oleh BRL.
2. Alice memilih kertas suara (yang telah diberi tanda tangan oleh BRL) mana yang

ingin dipilihnya (“ya” atau “tidak”). Alice kemudian mengenkripsinya dengan kunci publik BPS.

3. Alice mengirim kertas suaranya kepada BPS.
4. BPS mendekripsikan kertas suara, mengecek apakah tanda tangan tersebut valid, dan mengecek basis datanya untuk memastikan nomor seri kertas suara tersebut belum pernah digunakan sebelumnya (hal ini untuk mencegah Alice memilih lebih dari satu kali). Pada akhir pemilihan umum, BPS mengumumkan hasil pemilihan.

Variasi lain dari protokol ini adalah dengan mengirimkan kertas suara kepada setiap pemilih dengan menggunakan *email*. Aplikasi pemungutan suara itu sendiri merupakan suatu aplikasi berbasis *web* dengan menggunakan *applet*. Penerapan aplikasi ini telah dilakukan di Universitas Cambridge [1]. Penerapan lainnya dari aplikasi ini juga dapat dilihat pada [6].

## 7. Kesimpulan

Beberapa kesimpulan dan saran pengembangan yang dapat diambil dari penjelasan mengenai teori dan aplikasi *group blind digital signature*, antara lain:

1. Penemuan kriptografi kunci publik telah membawa banyak hal baru dan perkembangan dalam dunia kriptografi; salah satunya adalah tanda tangan digital.
2. *Blind digital signature* memungkinkan seseorang menandatangani suatu dokumen tanpa mengetahui isinya.
3. *Blind digital signature* dapat dikembangkan dari berbagai algoritma kunci publik, misalnya RSA dan ElGamal. Penambahan properti *blindness* terhadap sejumlah algoritma dasar kunci publik tersebut memiliki kelebihan dan kekurangan masing-masing.
4. Properti *blindness* pada *blind digital signature* sangat mendukung penerapannya pada *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online*.
5. Properti *blindness* pada aplikasi *digital cash payment* menimbulkan kerugian utama, yakni sulit untuk melacak pelaku, jika

terjadi penggandaan atau pemalsuan *electronic cash*.

6. *Group digital signature* memungkinkan seorang anggota kelompok menandatangani suatu dokumen atas nama seluruh anggota kelompok.
7. Perpaduan antara *group digital signature* dan *blind digital signature* memungkinkan penerapan *digital cash payment* dan pemilihan umum secara *online* pada dunia nyata. Karena selain aplikasi tersebut membutuhkan properti *blindness*, juga membutuhkan kolaborasi lebih dari satu entitas sejenis yang terlibat di dalamnya, misalnya berbagai bank.
8. Penggunaan *group blind digital signature* pada *digital cash payment* mengatasi masalah keamanan yang sering dijumpai pada berbagai sistem pembayaran online yang dijumpai pada *e-commerce*. Masalah keamanan yang diatasi adalah si pembeli tidak perlu memberikan nomor kartu kreditnya kepada vendor.
9. Implementasi *group blind digital signature* pada *digital cash payment* yang dilakukan dengan mempertimbangkan semua aspek keamanan akan dapat menggantikan sistem pembayaran *online* saat ini yang menggunakan kartu kredit. Oleh karena itu diharapkan suatu saat aplikasi-aplikasi yang menerapkan *group blind digital signature* pada *digital cash payment* akan digunakan secara luas pada *e-commerce*.
10. Penerapan *group blind signature* pada *digital cash payment* masih menyisakan masalah efisiensi pada saat pengecekan apakah suatu *electronic cash* sudah pernah digunakan sebelumnya atau tidak. Masalah ini mengundang banyak riset untuk mengatasinya.
11. Terdapat berbagai macam skema *group blind digital signature* [11][12] yang masing-masing mengimplementasikan protokol setup, *join*, *sign*, *verify*, dan *open* dengan menambahkan properti *blindness*. Pembuktian efisiensi dan keamanan dari implementasi berbagai skema tersebut masih berupa pengujian secara teoritis dengan menggunakan berbagai notasi matematis yang rumit.

12. Permasalahan seputar skema yang paling efisien pada group blind digital signature merupakan masalah yang masih membutuhkan kajian lebih lanjut.
13. Pemanfaatan *group blind digital signature* pada pemilihan umum secara *online* lebih stabil daripada pemanfaatan *group blind digital signature* pada *digital cash payment*. Hal ini dapat dilihat dari banyaknya implementasi aplikasi berbasis web untuk melakukan pemilihan umum secara online [1][6].

### Daftar Pustaka

- [1] Anderson, Ross. *The Dancing Bear-A New Way of Composing Chipers*, Cambridge University.  
<http://www.cl.cam.ac.uk/~rja14/Papers/gri zzle.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 09:57
- [2] Camenisch, Jan, Ueli Maurer, Markus Stadler. *Digital Payment Systems with Passive Anonymity-Revoking Trustees*.  
<http://www.ubilab.org/publications/print versions/pdf/esorics96.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 16:07
- [3] Camenisch, Jan, dan Markus Stadler. *Efficient Group Signatures for Large Groups*  
<http://www.springerlink.com/index/BXQF MWUF90MKH86D.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 16:07
- [4] Chaum, David. *Blind Signatures for Untraceable Payments*,1983.  
<http://dsns.csie.nctu.edu.tw/research/crypt o/HTML/PDF/C82/199.pdf>  
Tanggal Akses: 27 Oktober 2006 pukul 17:38
- [5] Diffie,W, dan M.E.Hellman. *New Direction in Cryptography*,1976.  
<http://crypto.csail.mit.edu/classes/6.857/pa pers/diffie-hellman.pdf>  
Tanggal Akses: 27 Oktober 2006 pukul 17:42
- [6] Kofler, Robert, Robert Krimmer, Alexander Prosser, dan Martin-Karl Unger. *The Role of Digital Signature Cards in Electronic Voting*, Proceedings of the 37<sup>th</sup> Hawaii International Conference on System Sciences, 2004.  
<http://csdl.computer.org/comp/proceeding s/hicss/2004/2056/05/205650116a.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 16:30
- [7] Lysyanskaya, Anna dan Zulfikar Ramzan. *Group Blind Signatures: A Scalable Solution to Electronic Cash*, Massachusetts Institute Of Technology, 1998.  
<http://www.cs.brown.edu/research/pubs/p dfs/1998/Lysyanskaya-1998-GBD.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 16:34
- [8] Messerschmitt, David G. *Anonymous Digital Cash Protocols*, University of California, 1999.  
<http://www.eecs.berkeley.edu/~messer/net appc/Supplements/14-adcash.pdf>  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 17:58
- [9] Mohammed, Elsayed, A.E.Emarah, dan Kh.El-Shenway. *A Blind Signature Scheme Based On ElGamal Signature*.  
<http://ieeexplore.ieee.org/iel5/7031/18937/ 00874771.pdf>  
TanggalAkses: 26 Oktober 2006 pukul 10:10
- [10] Munir, Rinaldi. Diktat Kuliah IF5054 Kriptografi. Departemen Teknik Informatika, Institut Teknologi Bandung
- [11] Popescu, Constantin. *A Secure and Efficient Group Blind Signature Scheme*. University Of Oradea. A-List Publishing, 2003.  
[http://www.q2s.ntnu.no/publications/open /2003/Journal/2003\\_popescu\\_SEG.pdf](http://www.q2s.ntnu.no/publications/open /2003/Journal/2003_popescu_SEG.pdf)  
TanggalAkses: 27 Oktober 2006 pukul 17:00
- [12] Ramzan, Sulfikar Amin. *Group Blind Digital Signatures: Theory and Applications*, Massachusetts Institute Of Technology, Mei 1999.  
<http://theory.lcs.mit.edu/~cis/theses/ramza nms.pdf>

Tanggal Akses: 27 Oktober 2006 pukul  
17:45