

Solusi Ujian Akhir Semester IF4073 Pemrosesan Citra Digital
Semester 1 Tahun Akademik 2024/2025
Jumat, 3 Januari 2025
Waktu: 100 menit

1. a) Jelaskan mengapa operasi penapisan (*filtering*) pada model warna HSI memiliki lebih banyak keuntungan daripada model warna RGB dan CMY.
b) Apa pengaruh penambahan 120° pada komponen *Hue* terhadap komponen R, G, dan B pada citra input?

(Nilai = 10)

Jawaban:

- a) Penapisan pada model warna HSI cukup dilakukan pada komponen I saja, bandingkan pada penapisan pada model RGB/CMY harus dilakukan pada masing-masing komponen warna (R, G, dan B)
b) R menjadi G, G menjadi B, dan B menjadi R
2. Diberikan potongan citra 5×5 di bawah ini. Deteksi tepi di dalam citra dilakukan dengan operator Sobel. Dua *mask* operator Sobel, S_x dan S_y , diperlihatkan di bawah ini. Kekuatan tepi (*magnitude*) dihitung dengan rumus M.
 - a) Lakukan deteksi tepi dengan operator Sobel tersebut. Pixel-pixel pinggir tidak perlu dikonvolusi. Tuliskan hasil konvolusinya.
 - b) Lakukan *thresholding* untuk menentukan apakah sebuah pixel merupakan pixel tepi atau bukan. Ambil T adalah rata-rata semua kekuatan tepi. Jika merupakan pixel tepi maka nyatakan sebagai 1 dan pixel bukan tepi dinyatakan sebagai 0. Tuliskan citra tepinya.

10	3	2	5	4
11	8	3	1	6
7	5	6	2	7
2	1	9	4	2
2	3	3	0	1

F

$$S_x = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad S_y = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

$$M = |F * Sx| + |F * Sy| \quad (\text{Nilai: 20})$$

Jawaban:

a)

$$F * Sx = \begin{bmatrix} -25 & -15 & 9 \\ -3 & -10 & -2 \\ 14 & 0 & -15 \end{bmatrix}$$

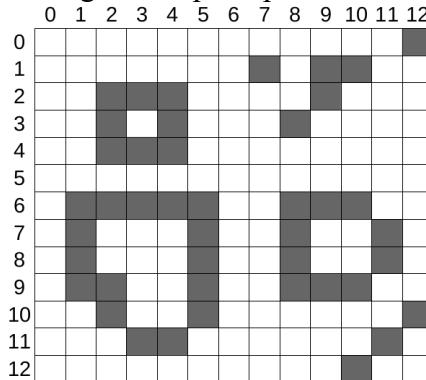
$$F * Sy = \begin{bmatrix} -5 & -7 & -1 \\ 17 & -8 & -8 \\ 12 & 10 & 13 \end{bmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} 30 & 22 & 10 \\ 20 & 18 & 10 \\ 26 & 10 & 28 \end{bmatrix}$$

b) $T = (30 + 22 + 10 + 20 + 18 + 10 + 26 + 10 + 28)/9 = 19,3$

$$\text{Citra tepi} = \begin{bmatrix} * & * & * & * & * \\ * & 1 & 1 & 0 & * \\ * & 1 & 0 & 0 & * \\ * & 1 & 0 & 1 & * \\ * & * & * & * & * \end{bmatrix}$$

3. Misalkan transformasi Hough diterapkan pada citra di bawah ini:



- (a) Berapa nilai maksimum pada sel akumulator?
- (b) Berapa nilai (r, θ) pada sel akumulator yang bernilai maksimum tersebut?

(Nilai = 10)

Jawaban:

- (a) 8, untuk titik-titik pada baris ke-6
- (b) Dari pengamatan, $r =$ jarak dari titik asal ke garis pada baris 6 = 6, sudut garis = 0
Jadi, $(r, \theta) = (6, 0^\circ)$

4. Di dalam layer konvolusi pada sebuah arsitektur CNN, misalkan citra input berukuran 227 x 227 dan kernel berukuran 3 x 3.

- (a) Jika pixel-pixel pinggir tidak dikonvolusi dan asumsikan tidak ada *padding*, maka jika digunakan *stride* = 4, tentukan ukuran *feature map*.
- (b) Jika pixel-pixel pinggir dikonvolusi dengan melakukan *padding* selebar 1 *pixel*, maka jika digunakan *stride* = 2, tentukan ukuran *feature map*.

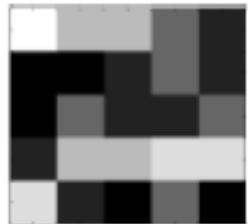
(Nilai = 10)

Jawaban:

$$(a) d = \frac{W-N+2P}{S} + 1 = \frac{227-3+0}{4} + 1 = 57 \quad . \text{ Ukuran feature map: } 57 \times 57$$

$$(b) d = \frac{W-N+2P}{S} + 1 = \frac{227-3+2}{2} + 1 = 114 \quad . \text{ Ukuran feature map: } 114 \times 114$$

5. Tinjau citra berukuran 5×5 (kiri) dan memiliki nilai-nilai pixel (kanan) sebagai berikut:



180	160	160	140	120
110	110	120	140	120
110	140	120	120	140
120	160	160	170	170
170	120	110	140	110

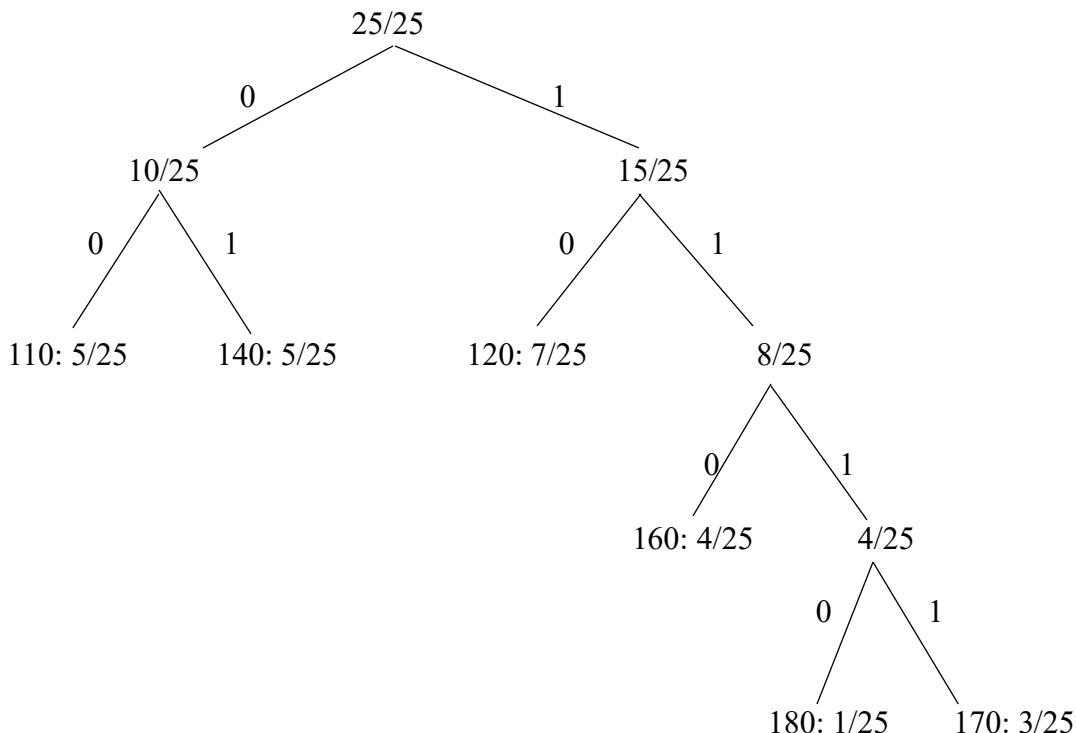
- (a) Hitung peluang kemunculan untuk setiap nilai keabuan
- (b) Berapa jumlah minimum bit untuk setiap nilai keabuan pada citra tersebut?
- (c) Lakukan pemampatan citra dengan metode Huffman lalu tentukan kode Huffman untuk setiap nilai keabuan.
- (d) Hitung panjang rata-rata bit untuk mengkodekan nilai pixel jika dikodekan dengan panjang kode tetap (*fixed-length code*) dan panjang rata-rata bit jika dikodekan dengan kode Huffman.
- (e) Hitung nisbah pemampatan citra

(Nilai = 25)

Jawaban:

- (a) $180 : 1/25; 170 : 3/25; 160 : 4/25; 110 : 5/25; 140 : 5/25; 120 : 7/25$
- (b) Entropi = $-(1/25 \log(1/25) + 3/25 \log(3/25) + 4/25 \log(4/25) + 5/25 \log(5/25) + 5/25 \log(5/25) + 7/25 \log(7/25)) = 2.418$

(c)



Kode Huffman untuk setiap nilai pixel:

110: 00	140 : 01	180: 1110
120 : 10	160 : 110	170 : 1111

(d) Fixed length = 8 bit

$$\text{Huffman average length} = (5/25)(2) + (5/25)(2) + (7/25)(2) + (4/25)(3) + (3/25)(4) + (1/25)(4) = 2,48 \text{ bit}$$

(e) nisbah = $2,48/8 \times 100\% = 31\%$

6. Diberikan citra F berukuran 4×4 , setelah dikompresi dengan metode JPEG menghasilkan citra F' sebagai berikut:

120	124	125	126
118	120	121	123
121	122	121	125
120	122	124	125

F

122	120	120	120
110	112	124	118
125	120	111	121
123	117	115	130

F'

Hitung PSNR citra setelah dimampatkan.

(Nilai = 10)

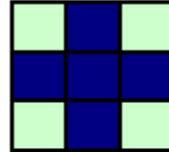
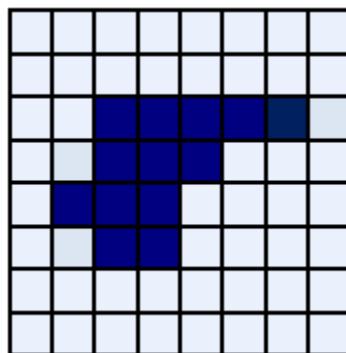
Jawaban:

$$\text{rms} = \sqrt{\frac{1}{M \times N} (F - F')^2} = \sqrt{\frac{1}{16} (519)} = 5,6954$$

$$\text{PSNR} = 20 \log_{10} (\text{b}/\text{rms}) = 20 \log_{10} (255/5,6954) = 33,02033$$

7. Diberikan citra F berukuran 8×8 sebagai berikut dan sebuah elemen penstruktur.

- Tentukan hasil morfologi jika dilakukan operasi erosi pada citra F
- Tentukan hasil morfologi jika dilakukan operasi dilatasi pada citra F
- Tentukan hasil morfologi jika dilakukan operasi *opening* pada citra F

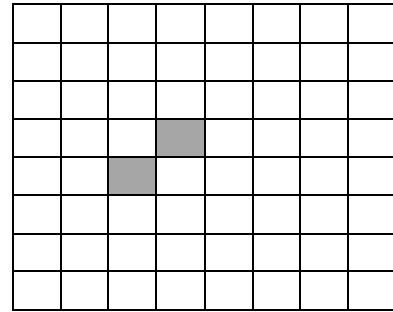


Structuring Element

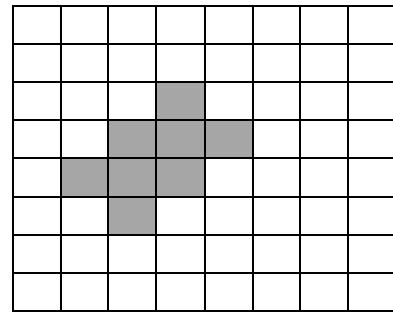
(Nilai: 15)

Jawaban:

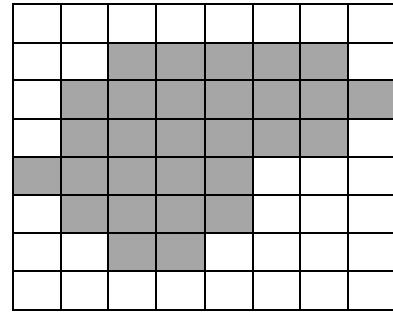
(a)



(b)



(c)



8. Apa perkiraan nilaimu untuk mata kuliah ini? (A/AB/B/BC/C/D/E)

(Nilai: 2)