

15 - Warna

IF4073 Interpretasi dan Pengolahan Citra

Oleh: Rinaldi Munir



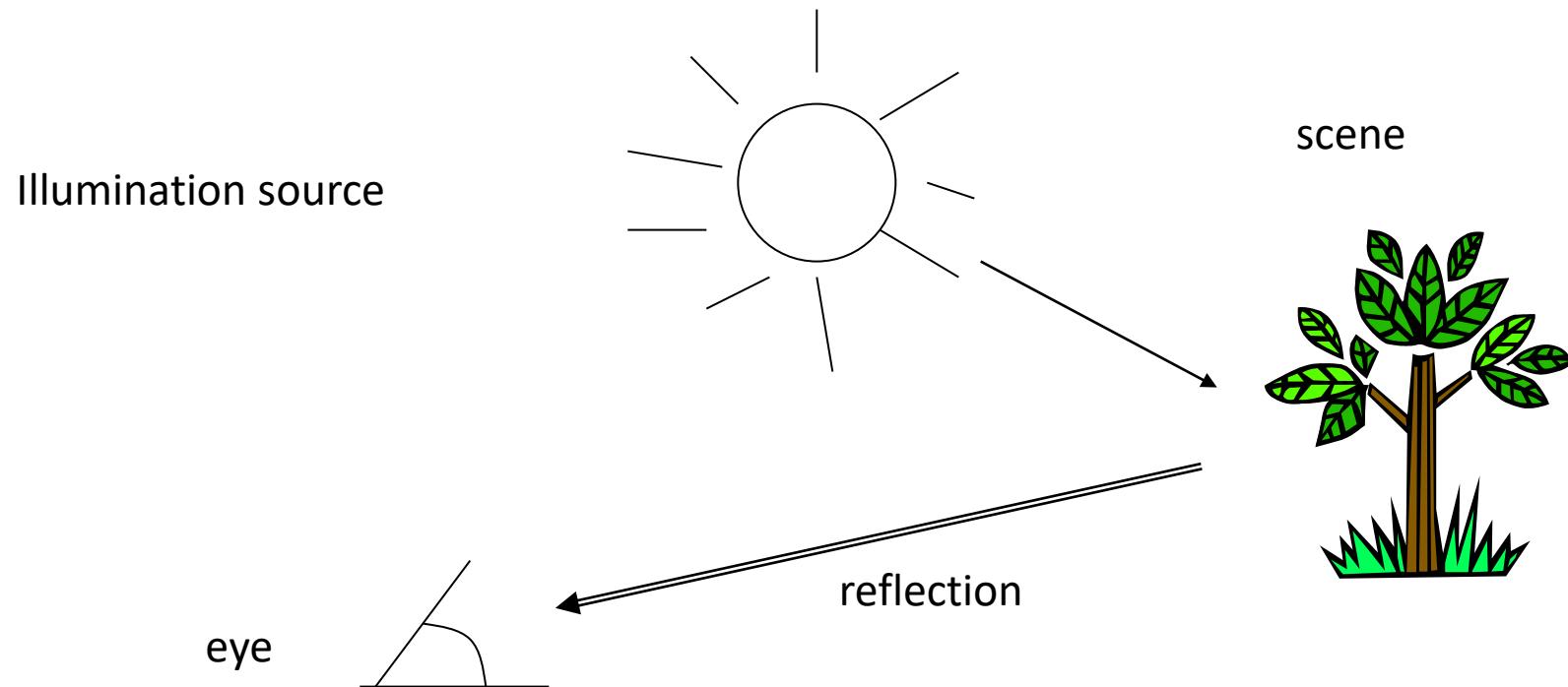
Program Studi Teknik Informatika
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika
Institut Teknologi Bandung
2021

Pendahuluan

- Citra berwarna memiliki informasi yang lebih kaya daripada citra *grayscale* atau citra biner.



- Warna yang diterima oleh mata (atau lensa kamera) dari sebuah objek ditentukan oleh warna sinar yang dipantulkan oleh objek tersebut.



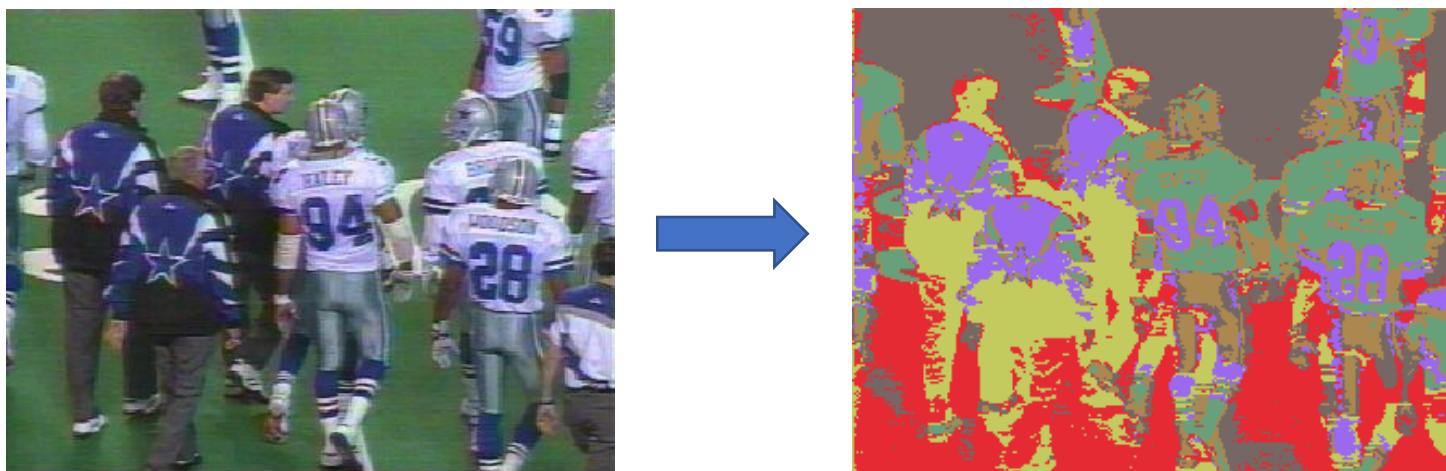
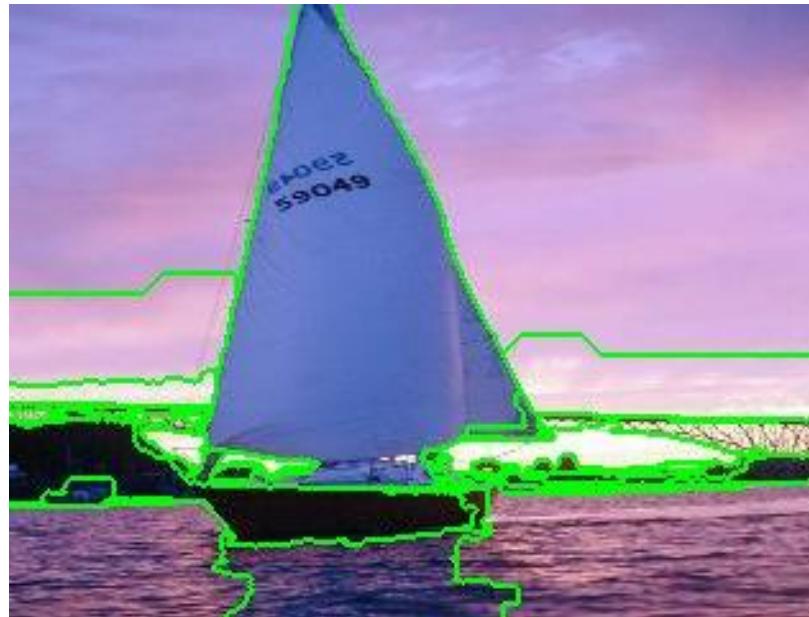
Sumber: Jen-Chang Liu, Spring 2006
Color Image Processing

- Sebagai contoh, suatu objek berwarna biru karena objek tersebut memantulkan sinar biru dengan panjang gelombang 450 sampai 490 nanometer (nm).

- Kenapa menggunakan warna di dalam pengolahan citra?
 - Warna adalah deskriptor yang berdayaguna (**powerful descriptor**)
 - Identifikasi objek dan ekstraksinya
 - Contoh: *Face detection* dengan menggunakan warna kulit

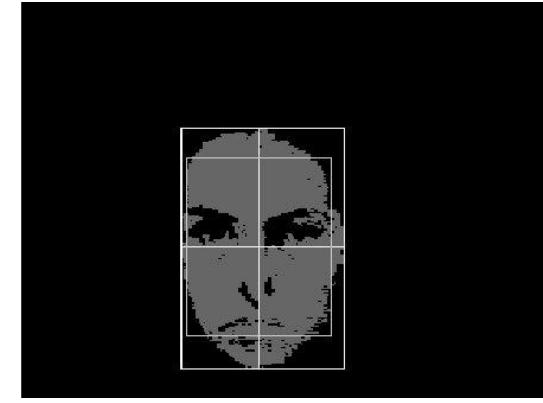
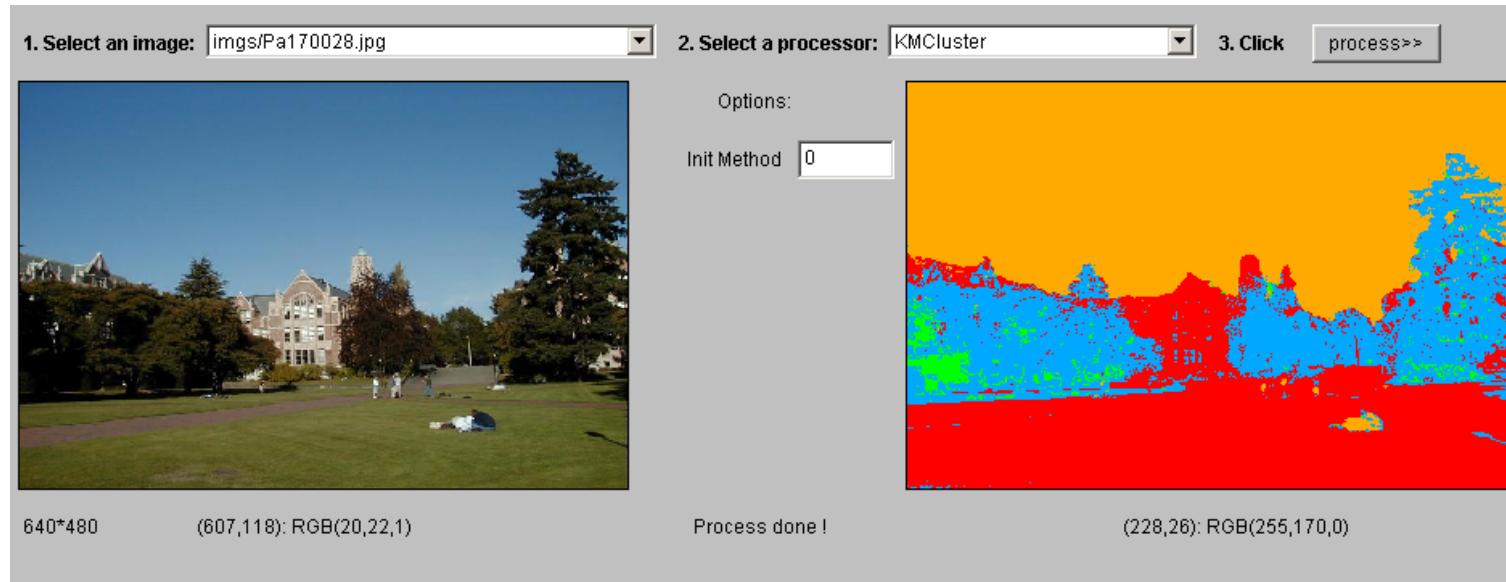


- Segmentasi citra menjadi region-region berdasarkan warna



Original RGB Image

Color Clusters by K-Means



Teori Warna

- 1666, Isaac Newton

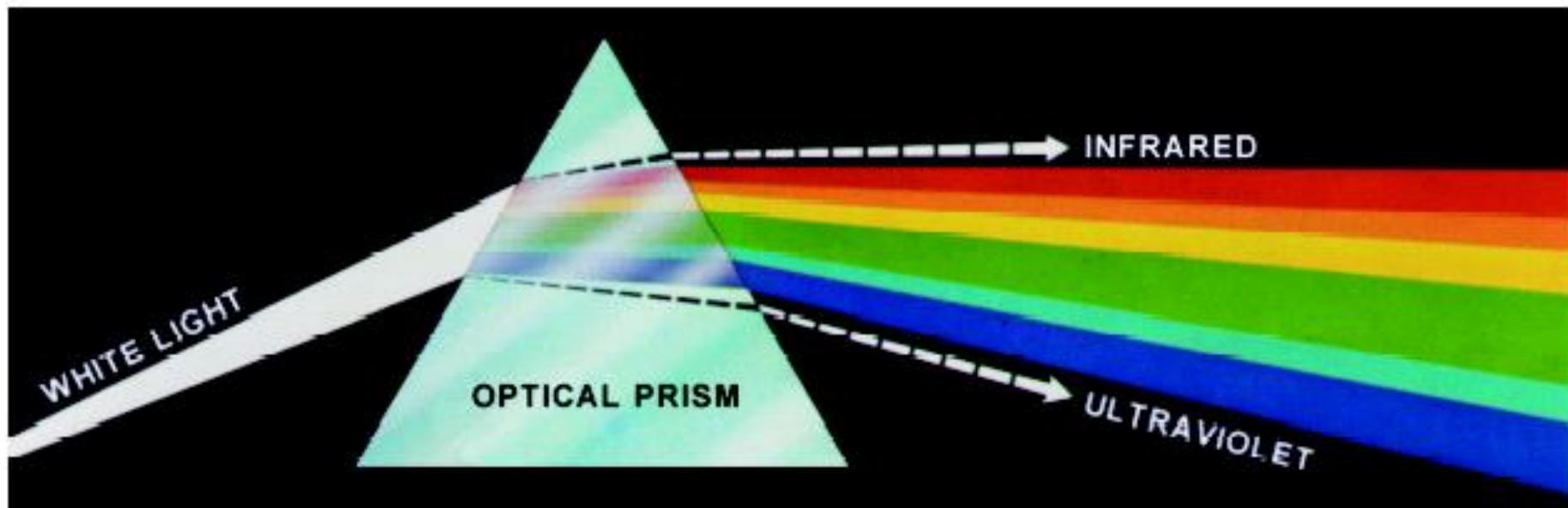
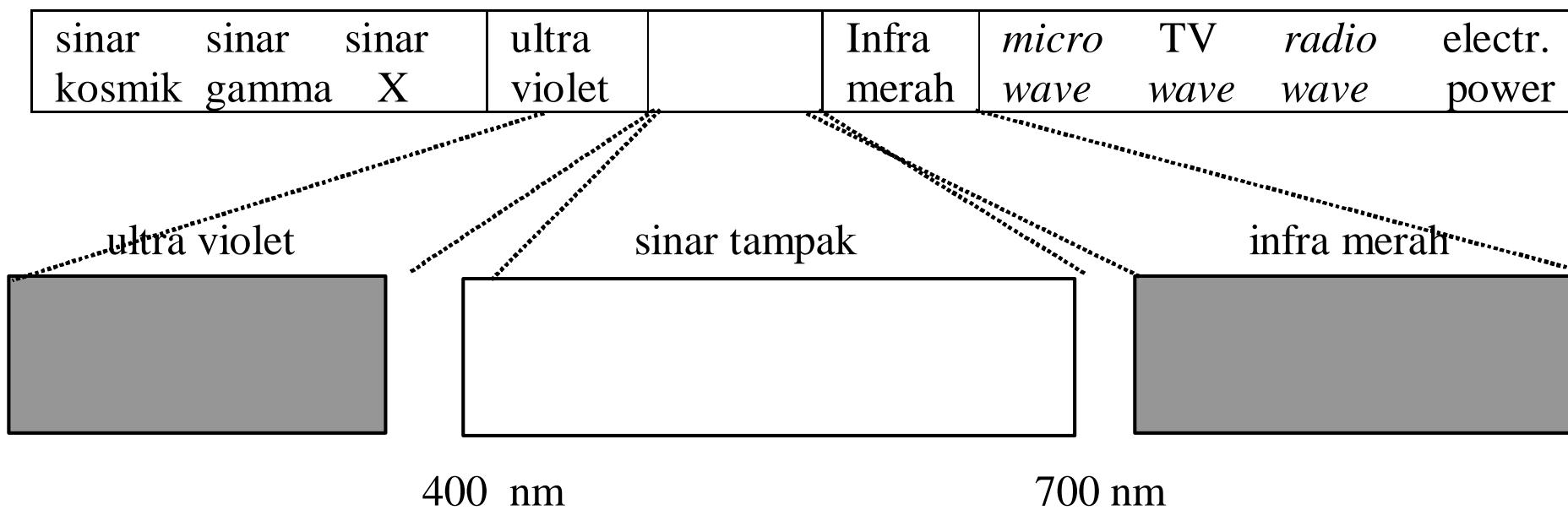


FIGURE 6.1 Color spectrum seen by passing white light through a prism. (Courtesy of the General Electric Co., Lamp Business Division.)

Warna Tampak

- Warna sinar yang direspon oleh mata adalah sinar tampak (*visible spectrum*) dengan panjang gelombang berkisar dari 400 (biru) sampai 700 nm (merah).



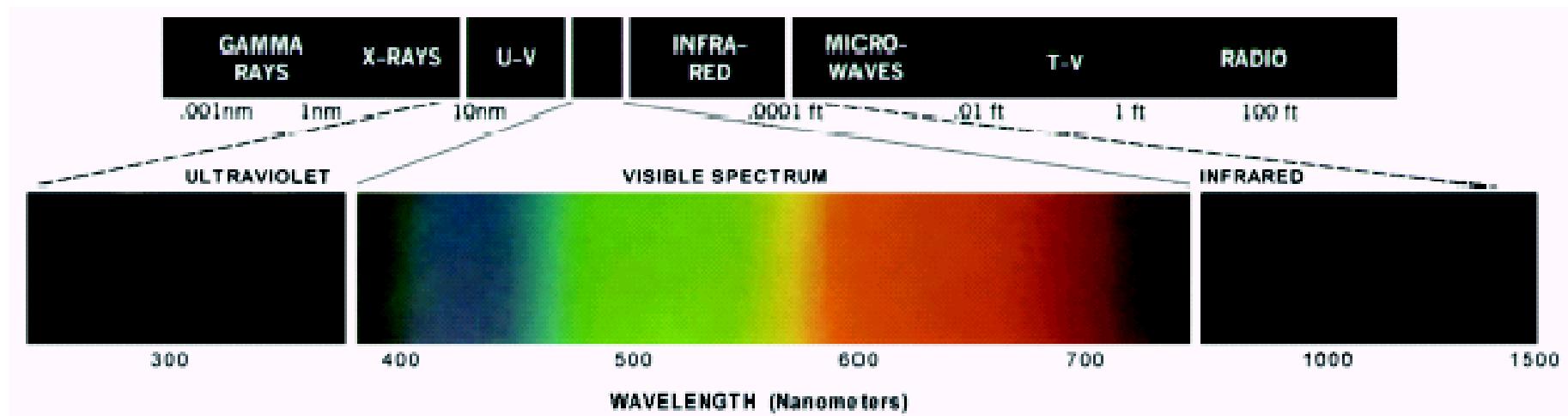
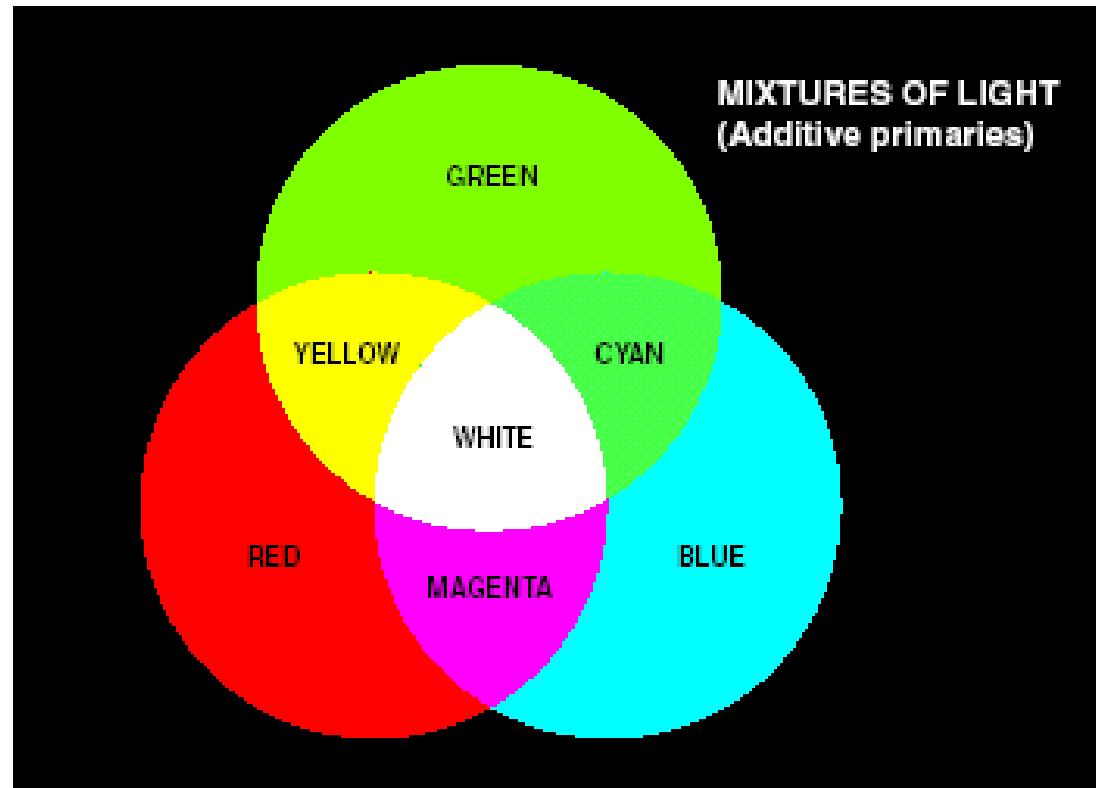


FIGURE 6.2 Wavelengths comprising the visible range of the electromagnetic spectrum.
(Courtesy of the General Electric Co., Lamp Business Division.)

- Penelitian memperlihatkan bahwa kombinasi warna yang memberikan rentang warna yang paling lebar adalah *red (R)*, *green (G)*, dan *blue (B)*.
- Ketiga warna tersebut dinamakan **warna pokok** (*primary colors*), dan sering disingkat sebagai warna dasar *RGB*.
- Warna-warna lain dapat diperoleh dengan mencampurkan ketiga warna pokok (R, G, dan B) dengan perbandingan tertentu:

$$C = a R + b G + c B$$

- *Secondary colors*: G+B=**Cyan**, R+G=**Yellow**, R+B=**Magenta**



Model Warna

- Istilah yang semakna: model warna (*color model*), ruang warna (*color space*), atau sistem warna (*color system*)
 - Menspesifikasikan warna dalam suatu cara yang baku
 - **Sistem koordinat** sehingga setiap warna disajikan dengan sebuah titik
- Model warna (atau ruang warna) yang digunakan di dalam pengolahan citra:
 1. Model warna RGB
 2. Model warna CMY dan CMYK
 3. Model YCbCr
 4. Model warna HSI
 5. Model warna XYZ

Cocok untuk hardware atau aplikasi

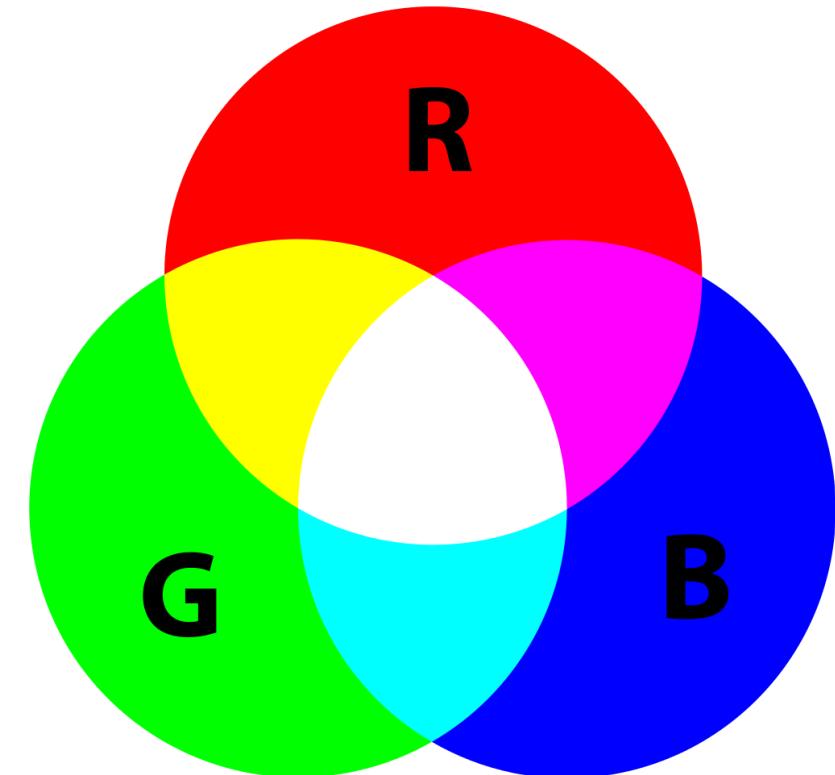
- Sesuai dengan deskripsi manusia

- Model warna fiktif, untuk proses antara

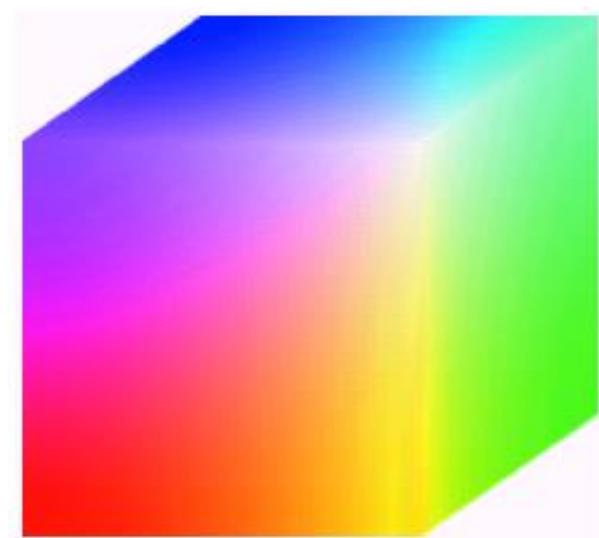
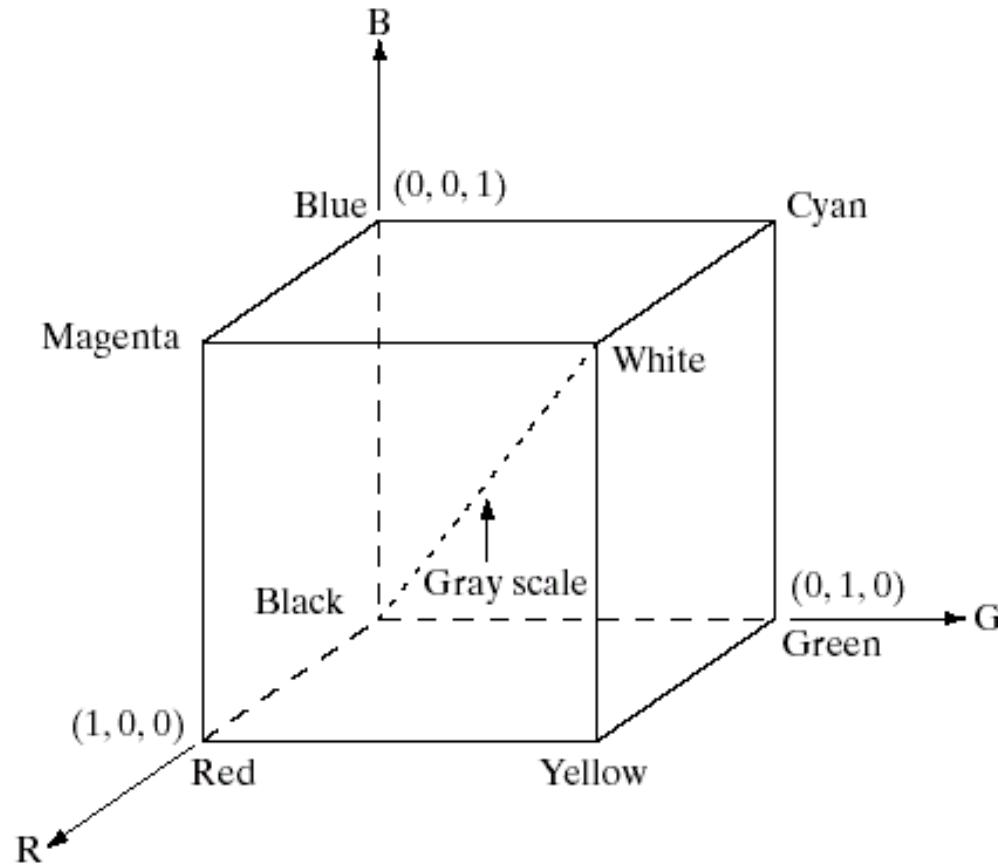
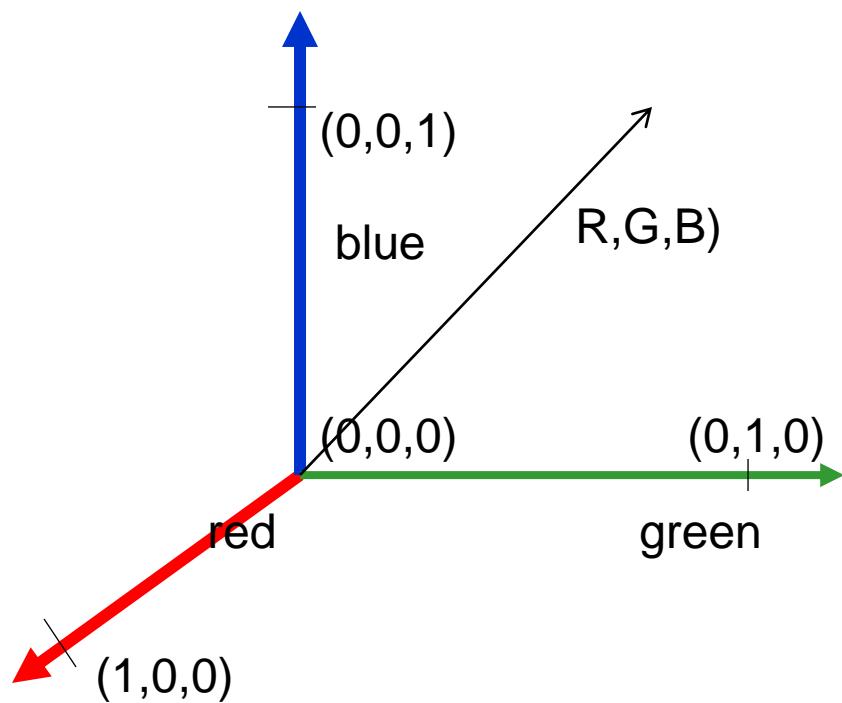
Model Warna RGB

- Model warna RGB digunakan untuk *display* pada layar komputer
- *CIE (Commission International de l'Eclairage) atau International Lighting Committee* adalah lembaga yang membakukan warna pada tahun 1931.
- *CIE* menstandarkan panjang gelombang warna-warna pokok sebagai berikut:

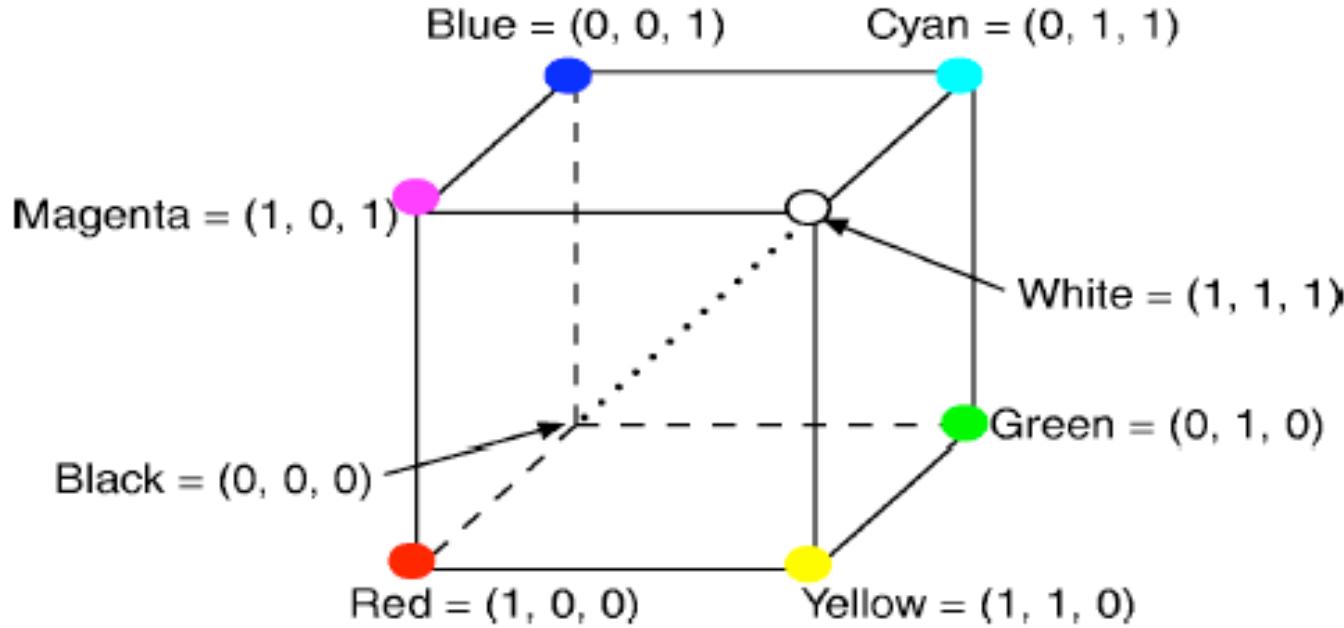
R : 700 nm
G : 546.1 nm
B : 435.8 nm



Ruang warna RGB



Catatan: $(0, 0, 1)$ adalah nilai normalisasi dari $(0, 0, 255)$ pada citra dengan kedalaman 24-bit



Warna-warna di dalam model RGB bersifat *additive*:

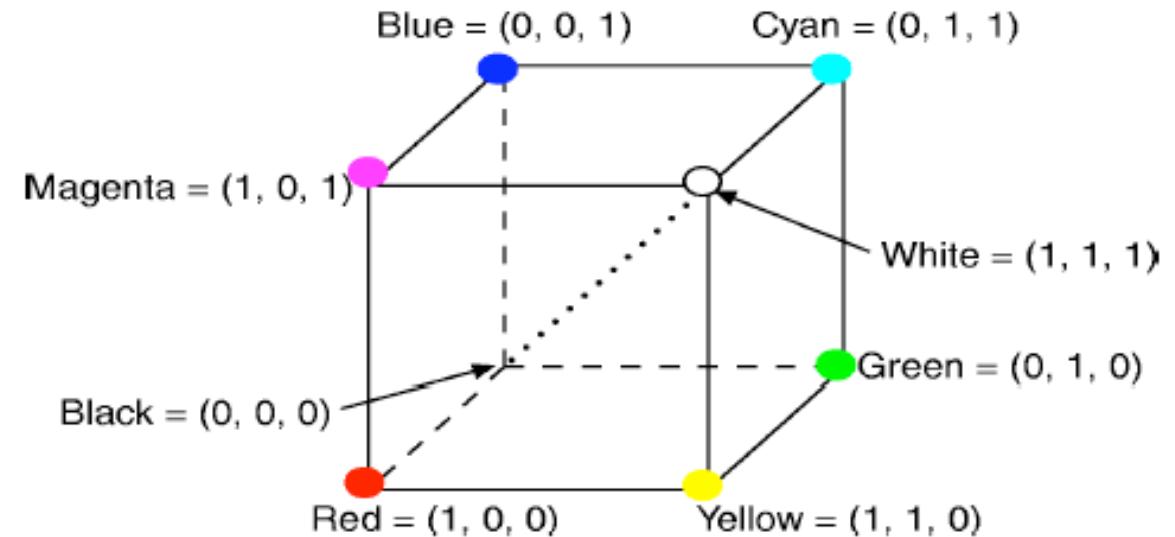
- $C = a R + b G + c B$
- G+B=Cyan, R+G=Yellow, R+B=Magenta
- Diagonal utama => gray levels
- Hitam adalah (0, 0, 0)
- Putih adalah (1, 1, 1)

Rentang warna (gamut) model RGB didefinisikan dengan rumus:

$$C = aR + bG + cB$$

Nilai-nilai R, G, dan B, dalam berbagai sistem:

| RGB | NTSC | CIE | Monitor |
|-----|--------------|--------------|--------------|
| R | (0.67, 0.33) | (0.73, 0.26) | (0.62, 0.34) |
| G | (0.21, 0.71) | (0.27, 0.71) | (0.26, 0.59) |
| B | (0.14, 0.08) | (0.16, 0.01) | (0.15, 0.07) |



Catatan:

- Format *NTSC* digunakan pada televisi di Amerika Serikat
- *National Television Systems Committee (NTSC)* menggunakan model warna *RGB* khusus untuk menampilkan citra berwarna pada layar *CRT*.



=



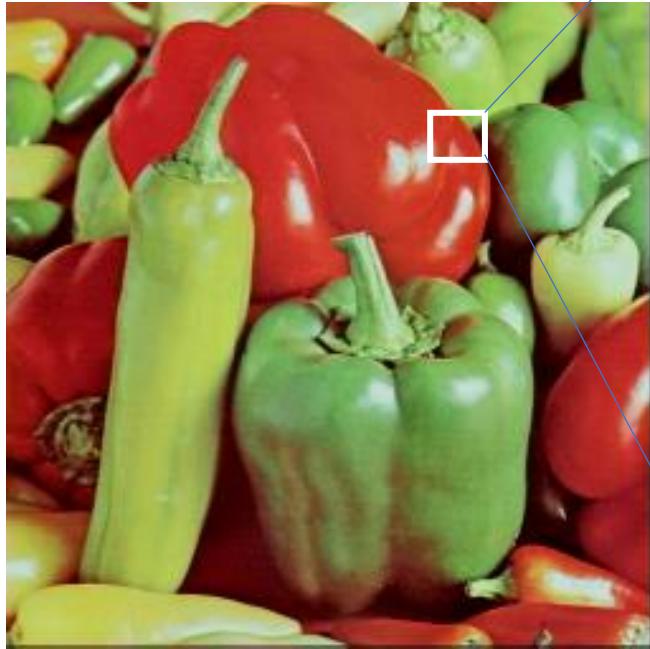
Red



Green



Blue



Red

| | | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 148 | 162 | 175 | 182 | 189 | 194 | 195 | 193 | 195 | 195 | 197 |
| 148 | 164 | 174 | 176 | 185 | 189 | 191 | 191 | 196 | 194 | 195 |
| 144 | 159 | 167 | 176 | 178 | 185 | 188 | 191 | 196 | 194 | 197 |
| 128 | 147 | 157 | 168 | 173 | 179 | 182 | 184 | 191 | 191 | 192 |
| 119 | 134 | 148 | 160 | 164 | 170 | 179 | 176 | 181 | 189 | 185 |
| 145 | 124 | 142 | 151 | 160 | 168 | 169 | 174 | 180 | 182 | 183 |
| 172 | 120 | 140 | 153 | 157 | 169 | 171 | 178 | 180 | 182 | 182 |
| 196 | 120 | 129 | 144 | 152 | 158 | 167 | 170 | 177 | 176 | 178 |
| 204 | 144 | 116 | 134 | 142 | 149 | 155 | 165 | 165 | 170 | 171 |

Green

| | | | | | | | | | | |
|-----|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 42 | 43 | 48 | 50 | 53 | 56 | 56 | 53 | 54 | 54 | 54 |
| 50 | 49 | 51 | 47 | 53 | 55 | 56 | 55 | 59 | 55 | 54 |
| 51 | 48 | 47 | 49 | 49 | 51 | 50 | 52 | 54 | 51 | 54 |
| 53 | 48 | 45 | 49 | 50 | 52 | 50 | 48 | 51 | 50 | 50 |
| 59 | 43 | 43 | 48 | 47 | 48 | 54 | 47 | 49 | 55 | 50 |
| 100 | 42 | 41 | 42 | 44 | 46 | 45 | 46 | 50 | 52 | 50 |
| 142 | 47 | 43 | 42 | 39 | 46 | 44 | 48 | 49 | 51 | 49 |
| 185 | 65 | 44 | 42 | 42 | 43 | 48 | 46 | 50 | 48 | 49 |
| 209 | 106 | 44 | 42 | 41 | 42 | 44 | 50 | 48 | 50 | 49 |

Blue

| | | | | | | | | | | |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 16 | 24 | 32 | 35 | 37 | 40 | 40 | 37 | 37 | 38 | 36 |
| 19 | 25 | 31 | 28 | 34 | 37 | 38 | 37 | 40 | 35 | 33 |
| 17 | 23 | 27 | 33 | 32 | 35 | 33 | 36 | 39 | 35 | 37 |
| 20 | 19 | 23 | 31 | 33 | 34 | 34 | 32 | 36 | 35 | 35 |
| 29 | 16 | 24 | 33 | 32 | 34 | 39 | 30 | 31 | 38 | 34 |
| 71 | 11 | 18 | 24 | 30 | 33 | 30 | 30 | 34 | 36 | 34 |
| 113 | 14 | 16 | 21 | 24 | 32 | 30 | 32 | 33 | 35 | 33 |
| 156 | 32 | 13 | 20 | 25 | 28 | 33 | 31 | 35 | 33 | 32 |
| 177 | 72 | 9 | 16 | 22 | 26 | 30 | 35 | 32 | 33 | 32 |

Kode program Matlab untuk dekomposisi R, G, B dari citra berwarna

```
function fig = imColorSep(A)
% IMCOLORSEP Displays the RGB decomposition of a full-color image
%
% Syntax: fig = imColorSep(A);
%
% Example: A = imread('peppers.png');
% fig = imColorSep(A);
%
%
% Written by: Rick Rosson, 2007 December 26
%
% Revised: Rick Rosson, 2008 January 2
%
% Copyright (c) 2007-08 Richard D. Rosson. All rights reserved.
%
%
% Number of gray scale values:
N = 256;
% Make sure data type of image array is 'uint8':
A = im2uint8(A);
% Create figure window:
fig = figure;
% Display full color image:
subplot(2,2,1);
imshow(A);
title('Full Color');

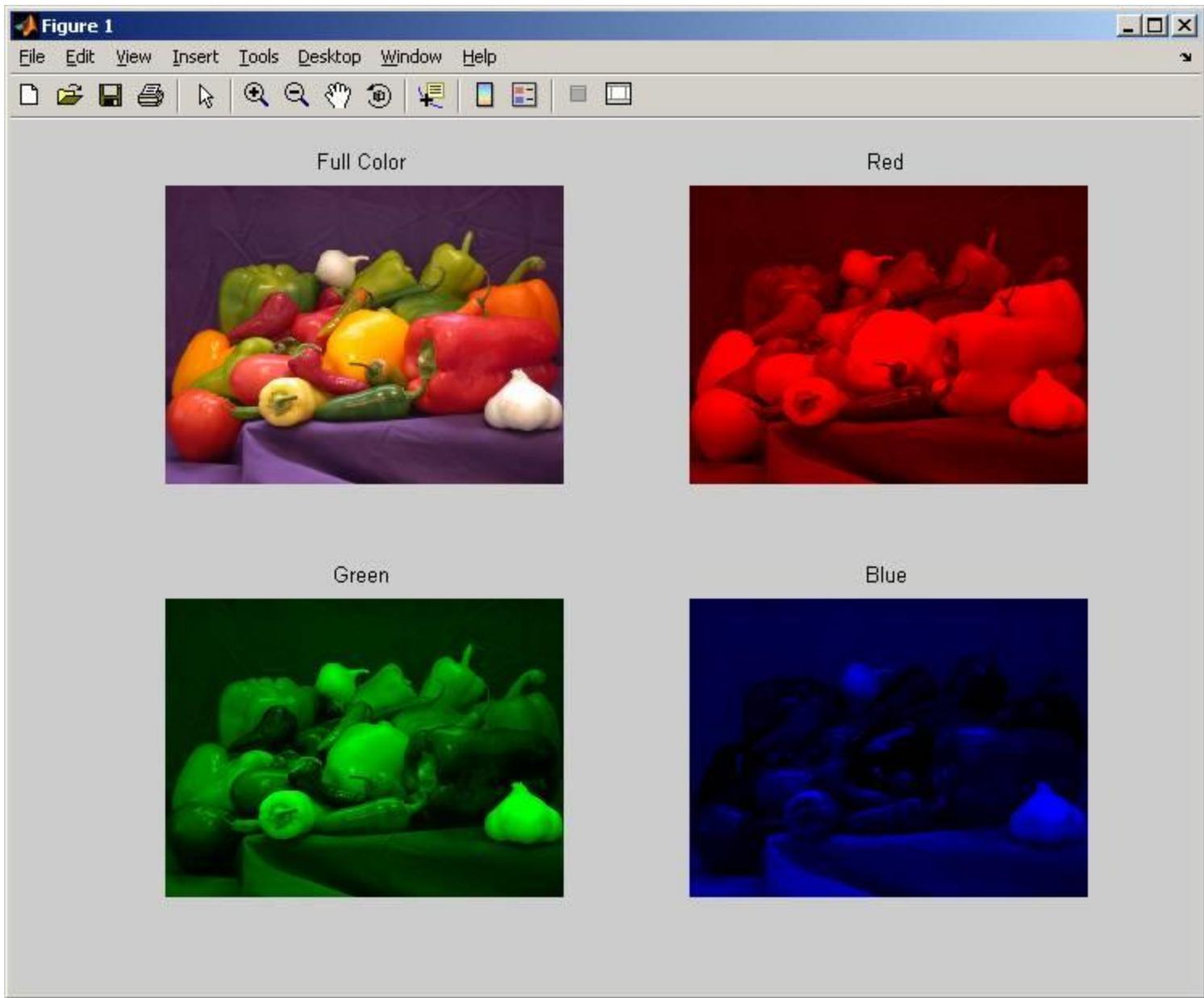
%
%
% Cell array of color names:
ColorList = { 'Red' 'Green' 'Blue' };

%
% Gray-scale column vector: % range [ 0 .. 1 ]
gr = 0:1/(N-1):1; % increment 1/(N-1)

%
% Display each of the three color components:
for k = 1:3
    %
    % color map:
    cMap = zeros(N,3);
    cMap(:,k) = gr;

    %
    % Display monochromatic image:
    subplot(2,2,k+1);
    imshow(ind2rgb(A(:,:,k),cMap));
    title(ColorList{k});
end
end
```

Sumber: <https://www.mathworks.com/matlabcentral/fileexchange/18125-rgb-image-decomposition>



Green



Blue



Model warna HSI

- Manusia tidak lazim mendeskripsikan warna dalam komponen R, G, dan B.
- Contoh: apakah anda akan mendeskripsikan warna ungu dalam persentase masing-masing R, G, dan B?
- Manusia mendekripsikan warna dengan atribut *hue (H)*, dan *saturation (S)*, dan *intensity (I)*, sehingga dinamakan model HSI

1. *Hue*

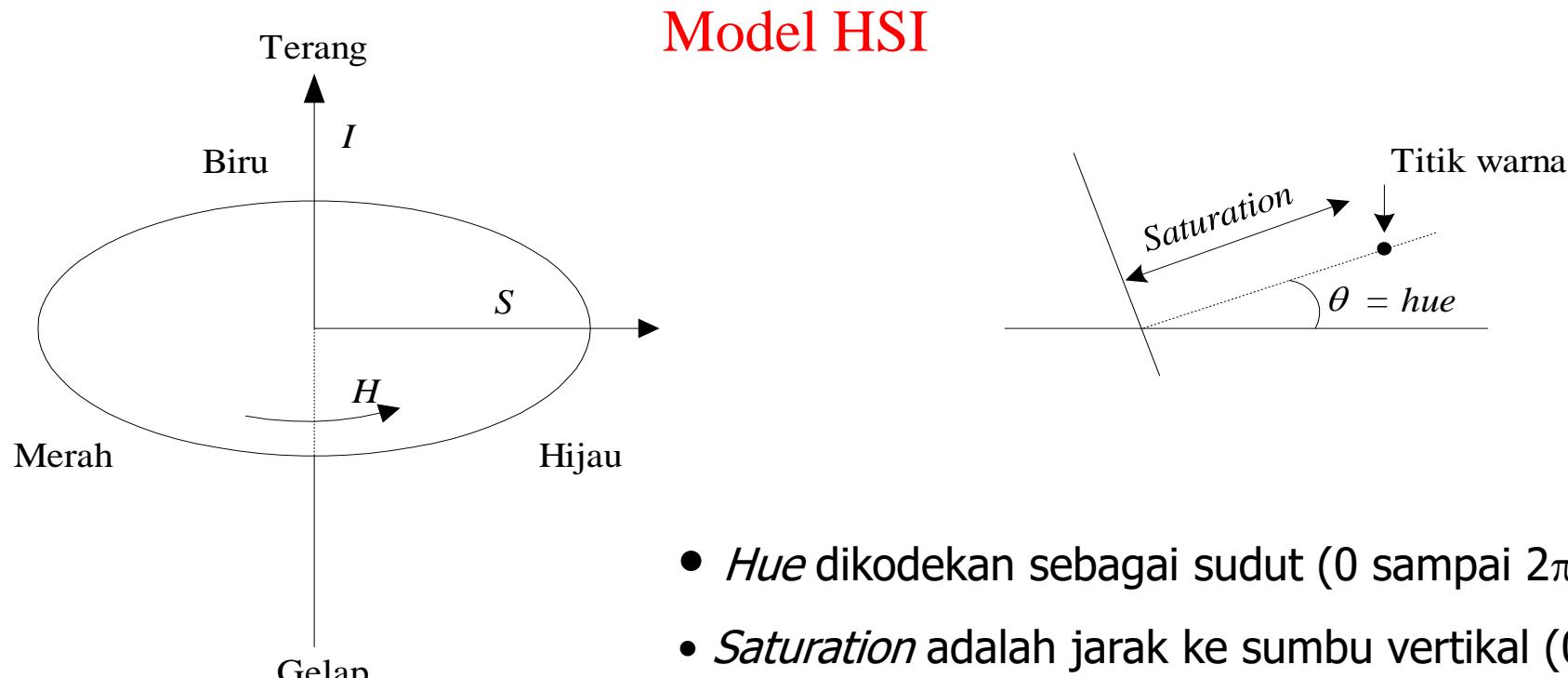
- Atribut yang menyatakan warna sebenarnya, seperti merah, violet, dan kuning.
- *Hue* digunakan untuk membedakan warna-warna dan menentukan kemerahan (*redness*), kehijauan (*greenness*), dsb, dari cahaya.
- *Hue* berasosiasi dengan panjang gelombang cahaya, dan bila kita menyebut warna merah, violet, atau kuning, kita sebenarnya menspesifikasikan *hue*-nya.
- *Hue* dikuantisasi dengan nilai dari 0 sampai 2π ; 0 menyatakan merah, lalu memutar nilai-nilai spektrum tersebut kembali lagi ke 0 untuk menyatakan merah lagi.

2. Saturation

- Menyatakan tingkat kemurnian warna cahaya, yaitu mengindikasikan seberapa banyak warna putih diberikan pada warna.
- Sebagai contoh, warna merah adalah 100% warna jenuh (*saturated color*), sedangkan warna *pink* adalah warna merah dengan tingkat kejemuhan sangat rendah (karena ada warna putih di dalamnya).
- Jadi, jika *hue* menyatakan warna sebenarnya, maka *saturation* menyatakan seberapa dalam warna tersebut.
- Jika suatu warna mempunyai *saturation* = 0, maka warna tersebut tanpa *hue*, yaitu dibuat dari warna putih saja.
- Jika *saturation* = 1, maka tidak ada warna putih yang ditambahkan pada warna tersebut (*primary colors*)

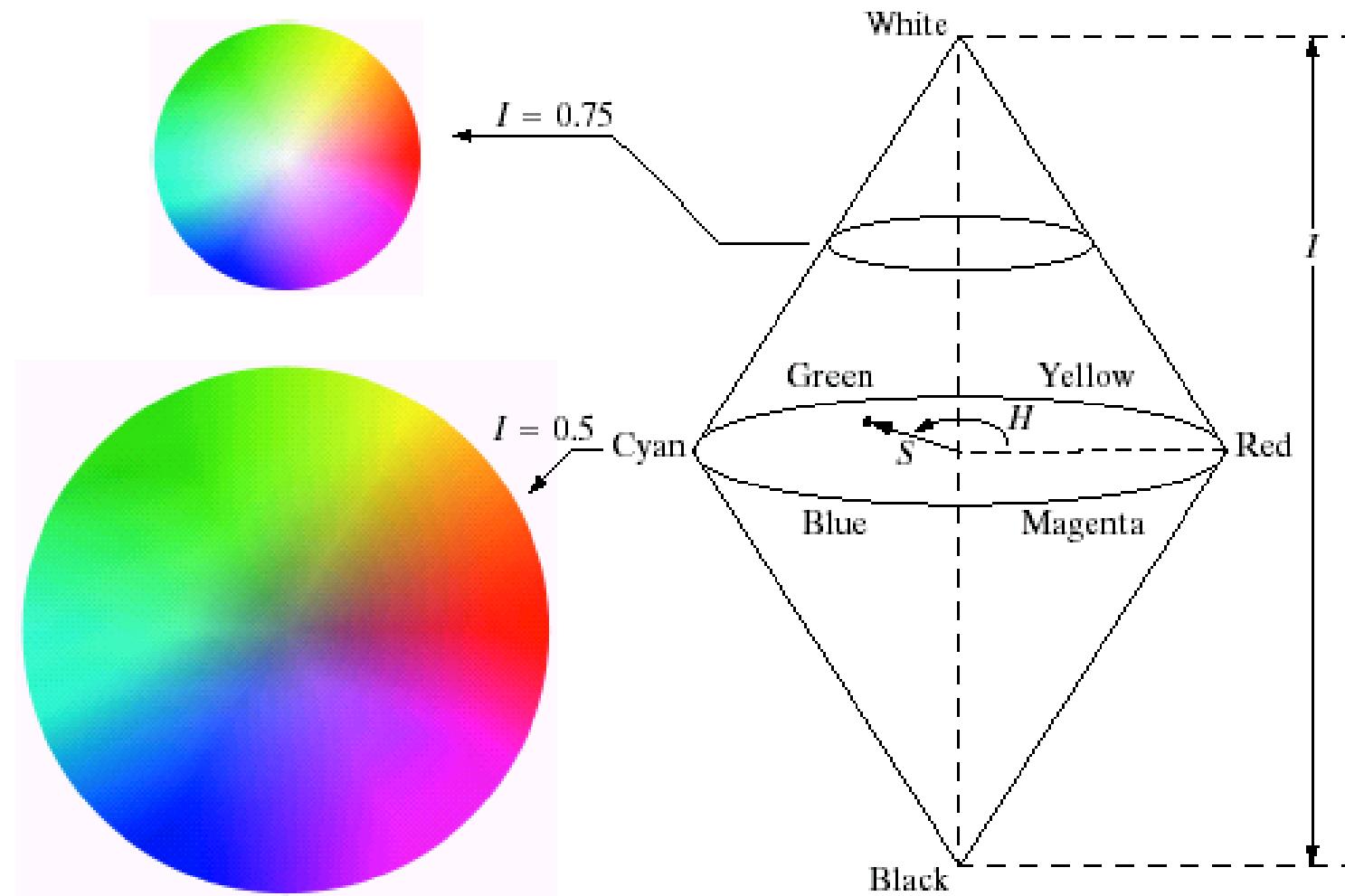
3. Intensity/brightness/luminance

- Atribut yang menyatakan banyaknya cahaya yang diterima oleh mata tanpa mempedulikan warna.
- Kisaran nilainya adalah antara gelap (hitam = 0) dan terang (putih = 1)

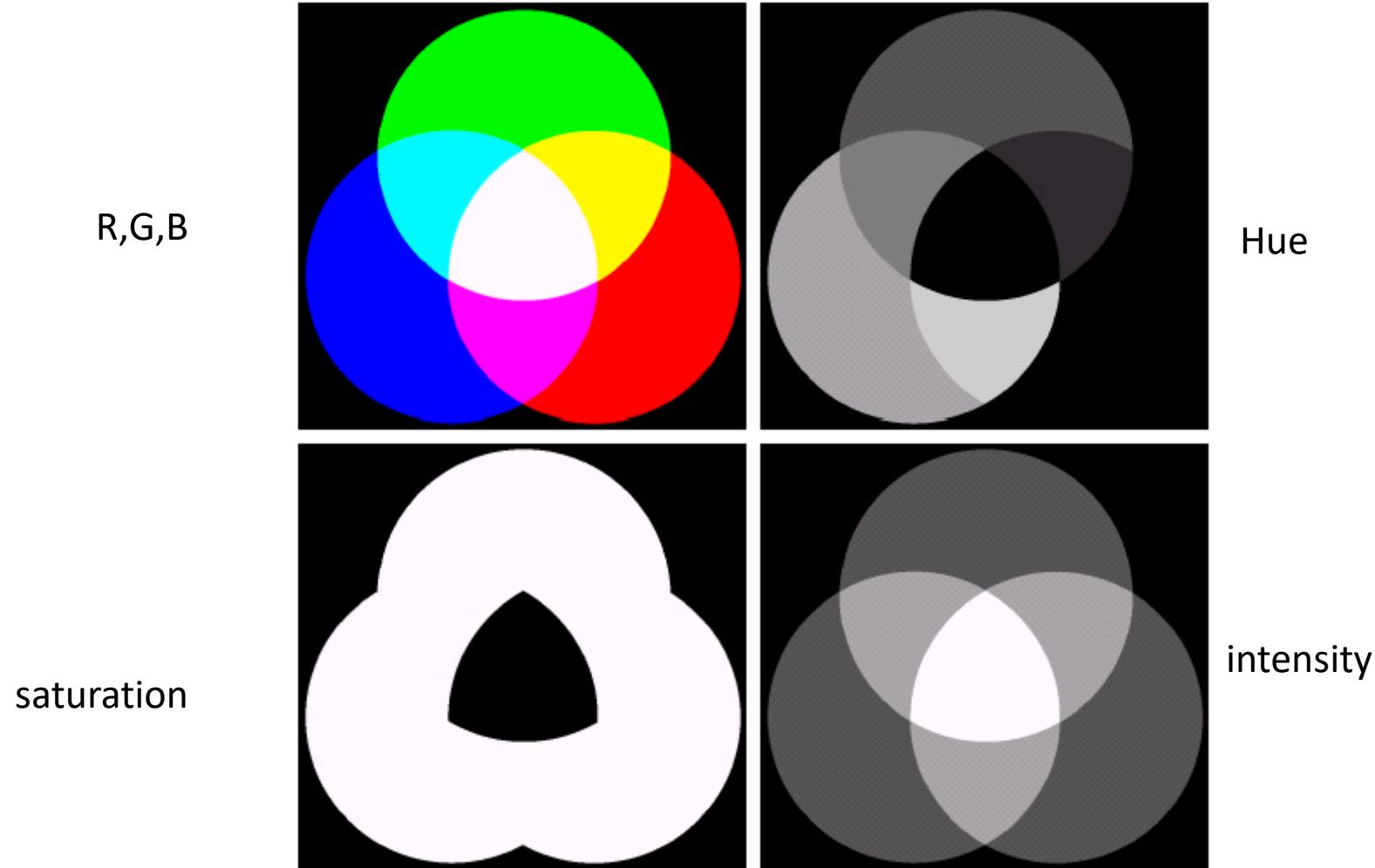


- *Hue* dikodekan sebagai sudut (0 sampai 2π).
- *Saturation* adalah jarak ke sumbu vertikal (0 sampai 1).
- Intensity adalah tinggi sepanjang garis vertikal (0 sampai 1).

Model HSI



Citra-citra yang menggambarkan komponen HSI:



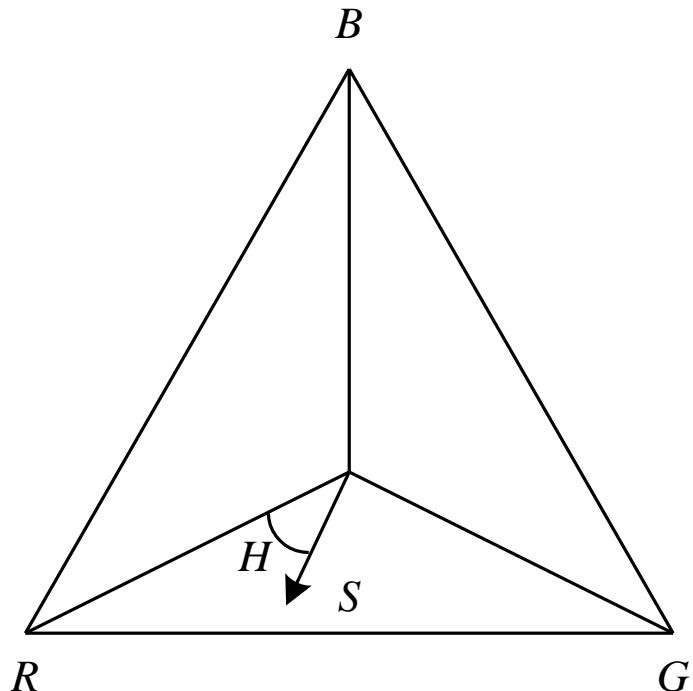
Menyunting saturasi warna:



- (kiri) Citra makanan yang diambil dengan kamera digital;
- (tengah) nilai saturation tiap pixel diturunkan 20%
- (kanan) nilai saturation tiap pixel dinaikkan 40%

Transformasi Warna dari RGB ke HSI

- Meskipun basis *RGB* bagus untuk menampilkan informasi warna, tetapi ia tidak cocok untuk beberapa aplikasi pemrosesan citra.
- Misalnya pada aplikasi pengenalan objek, lebih mudah mengidentifikasi objek dengan perbedaan *hue*-nya dengan cara memberikan nilai ambang pada rentang nilai-nilai *hue* (panjang helombang spektrum) yang melingkupi objek.
- Pada aplikasi pemampatan citra, pemampatan citra berwarna lebih relevan bila warna *RGB*-nya dikonversikan ke *HSI* karena algoritma pemampatan pada citra skala-abu dilakukan pada komponen *I*, sedangkan nilai *H* dan *S* dikodekan dengan cara yang lain dengan sedikit atau sama sekali tidak ada degradasi.



Segitiga HSI

- Segitiga menghubungkan tiga warna pokok *red*, *green*, *blue*.
- Titik-titik pada segitiga menyatakan warna yang dihasilkan dari pencampuran warna titik sudut.
- Titik-titik di dalam segitiga menyatakan warna yang dapat dihasilkan dengan mengkombinasikan tiga warna titik sudut.
- Titik tengah segitiga menyatakan warna putih, yaitu pencampuran warna pokok dengan fraksi yang sama

$$H = \cos^{-1} \frac{2R - G - B}{2\sqrt{(R - G)^2 + (R - B)(G - B)}}$$

$$S = 1 - \frac{3}{R + G + B} \min(R, G, B)$$

$$I = \frac{1}{3}(R + G + B)$$

Alternatif lain transformasi:

- Langkah pertama: rotasikan koordinat *RGB* ke sistem koordinat (I, V_1, V_2) :

$$\begin{bmatrix} I \\ V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{3}/3 & \sqrt{3}/3 & \sqrt{3}/3 \\ 0 & 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{2} \\ 2/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} & -1/\sqrt{6} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$

- Langkah kedua adalah menghitung *H* dan *S* dari koordinat (V_1, V_2) :

$$H = \tan^{-1}(V_2/V_1)$$

$$S = (V_1^2 + V_2^2)^{1/2}$$

- Transformasi balikan dari HSI ke RGB:

$$V_1 = S \cos(H)$$

$$V_2 = S \sin(H)$$

$$\begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{3}/3 & 0 & 2/\sqrt{6} \\ \sqrt{3}/3 & 1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{6} \\ \sqrt{3}/3 & -1/\sqrt{2} & -1/\sqrt{6} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I \\ V_1 \\ V_2 \end{bmatrix}$$

original

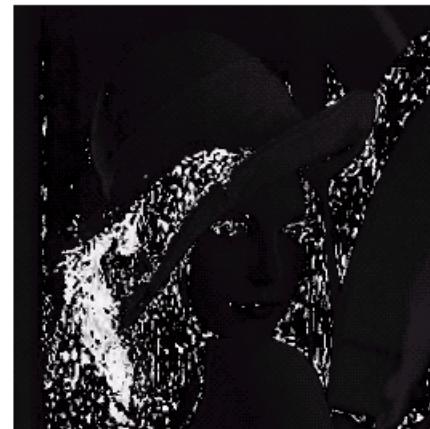


G

R



B



H



S

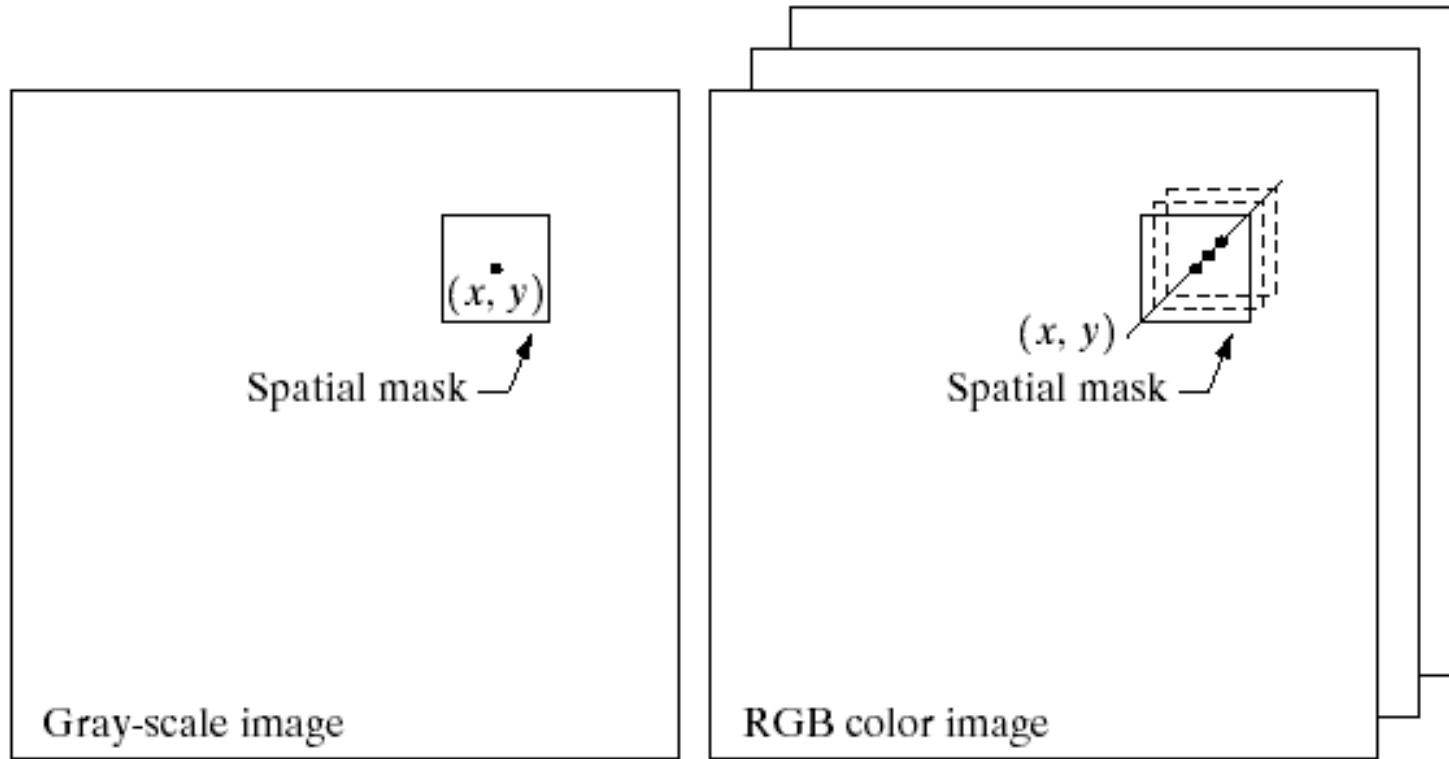


I

Sumber: Jen-Chang Liu, Spring 2006
Color Image Processing

Pelembutan (*smoothing*) citra berwarna

- Neighborhood processing



Pelembutan citra berwarna: penapis rerata

$$\bar{\mathbf{c}}(x, y) = \frac{1}{K} \sum_{(x, y) \in S_{xy}} \mathbf{c}(x, y)$$

vector processing

Neighborhood
Centered at (x, y)

$$\bar{\mathbf{c}}(x, y) = \begin{bmatrix} \frac{1}{K} \sum_{(x, y) \in S_{xy}} R(x, y) \\ \frac{1}{K} \sum_{(x, y) \in S_{xy}} G(x, y) \\ \frac{1}{K} \sum_{(x, y) \in S_{xy}} B(x, y) \end{bmatrix}$$

per-component processing

Sumber: Jen-Chang Liu, Spring 2006
Color Image Processing

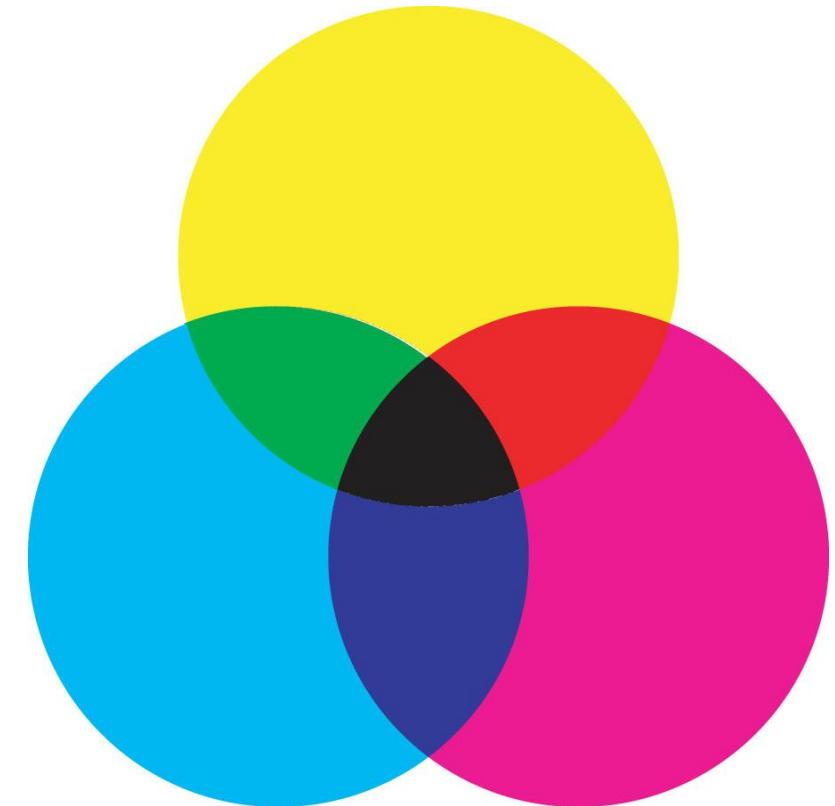
Contoh: penapis rerata 5×5



FIGURE 6.40 Image smoothing with a 5×5 averaging mask. (a) Result of processing each RGB component image. (b) Result of processing the intensity component of the HSI image and converting to RGB. (c) Difference between the two results.

Model Warna CMY dan CMYK

- Warna *cyan (C)* , *magenta (M)*, dan *yellow (Y)* adalah warna komplementer terhadap *red*, *green*, dan *blue*.
- Dua buah warna disebut komplementer jika dicampur dengan perbandingan yang tepat menghasilkan warna putih.
- Misalnya, *magenta* jika dicampur dengan perbandingan yang tepat dengan *green* menghasilkan putih, karena itu *magenta* adalah komplemen dari *green*



- Model warna CMY digunakan pada *printer* yang mencetak *hardcopy* citra berwarna.

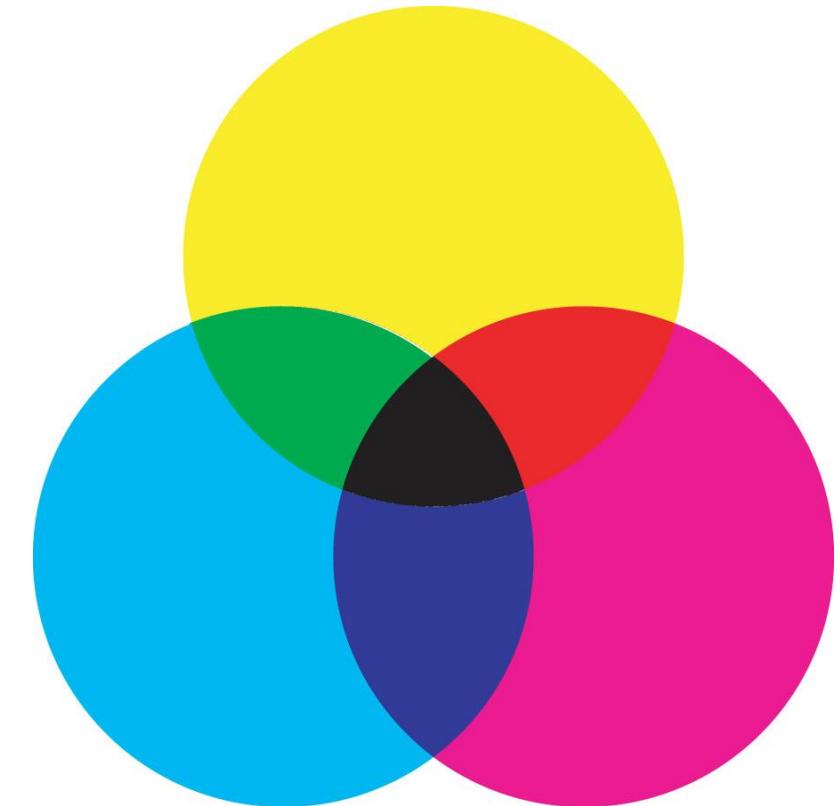
- CMY = White – RGB:

$$C = 1 - R,$$

$$M = 1 - G,$$

$$Y = 1 - B$$

$$\begin{array}{ccc} & \longrightarrow & \\ \begin{bmatrix} C \\ M \\ Y \end{bmatrix} & = & \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix} \end{array}$$



- CMY adalah model warna *subtractive*

- Karena ketidak sempurnaan tinta, model *CMY* tidak dapat menghasilkan warna hitam dengan baik.
- Karena itu, model *CMY* disempurnakan menjadi model *CMYK*, yang dalam hal ini *K* menyatakan warna keempat (hitam), dengan rumus:

$$K = \min(C, M, Y)$$

$$C = C - K,$$

$$M = M - K,$$

$$Y = Y - K$$

```

int RGB_toCMYK(citra r, citra g, citra b,
                citra c, citra m, citra y, citra k,
                int N, int M)

/* Transformasi citra dari model warna RGB ke model CMYK.
   Masukan: citra dengan komponen RGB masing-masing disimpan di dalam
              matriks r, g, dan b. Ketiga matriks ini berukuran  $N \times M$ .
   Keluaran: citra dengan komponen CMYK masing-masing disimpan di dalam
              matriks c, y, m, dan k.
*/
{
    int i, j;

    for (i=0; i<=N-1; i++)
        for (j=0; j<=M-1; j++)
    {
        c[i][j]=(unsigned char)255 - r[i][j];
        m[i][j]=(unsigned char)255 - g[i][j];
        y[i][j]=(unsigned char)255 - b[i][j];
        k[i][j]=c[i][j];
        if (m[i][j]<k[i][j]) k[i][j]=m[i][j];
        if (y[i][j]<k[i][j]) k[i][j]=y[i][j];
        c[i][j]=c[i][j]-k[i][j];
        m[i][j]=m[i][j]-k[i][j];
        y[i][j]=y[i][j]-k[i][j];
    }
}

```

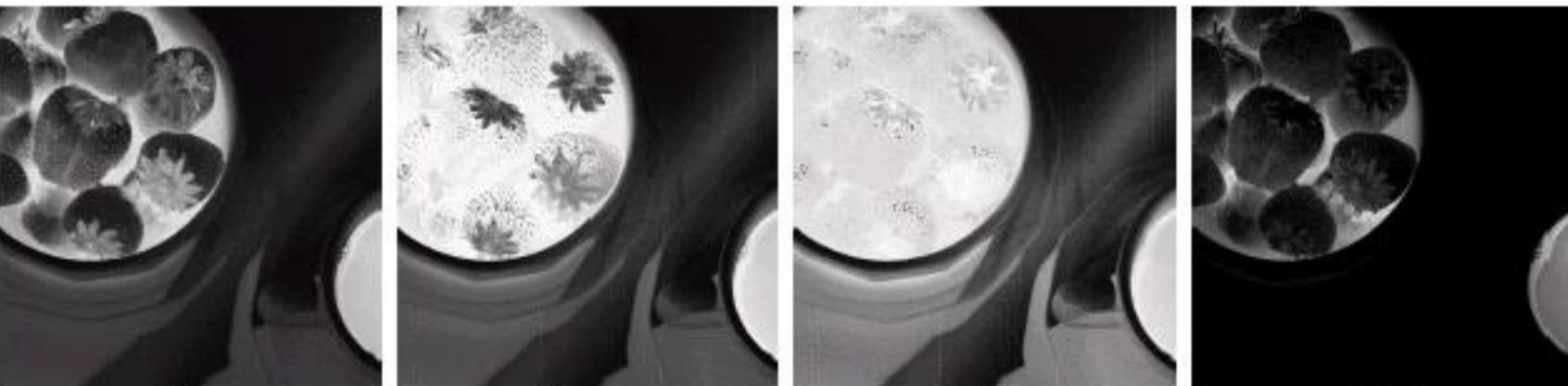
```

int CMYKtoRGB(citra c, citra y, citra m, citra k,
               citra r, citra g, citra b,
               int N, int M)

/* Transformasi citra dari model warna CMYK ke model RGB.
   Masukan: citra dengan komponen CMYK masing-masing disimpan di dalam
              matriks c, y, m, dan k. Ketiga matriks ini berukuran  $N \times M$ .
   Keluaran: citra dengan komponen RGB masing-masing disimpan di dalam
              matriks r, g, dan b.
*/
{
    int i, j;

    for (i=0; i<=N-1; i++)
        for (j=0; j<=M-1; j++)
            { c[i][j]=c[i][j]+k[i][j];
              m[i][j]=m[i][j]+k[i][j];
              y[i][j]=y[i][j]+k[i][j];
              k[i][j]=c[i][j];
              r[i][j]=(unsigned char)255 - c[i][j];
              g[i][j]=(unsigned char)255 - m[i][j];
              b[i][j]=(unsigned char)255 - y[i][j];
            }
}

```



Cyan

Magenta

Yellow

Black



Red

Green

Blue



Full color



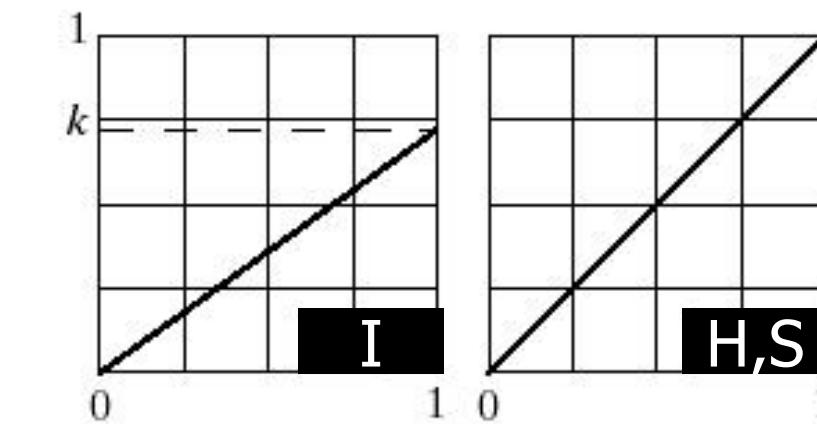
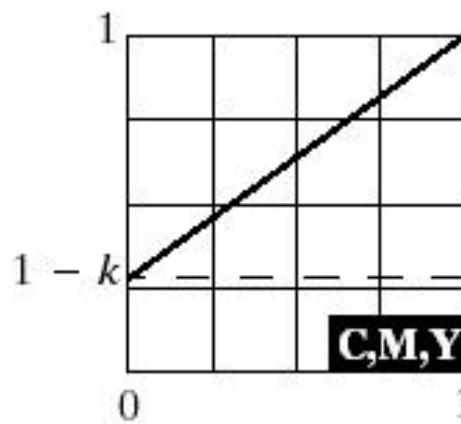
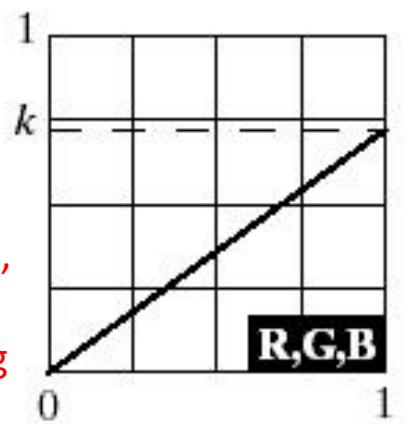
Hue

Saturation

Intensity

Example: modify intensity of a color image

- **Example:** $g(x,y)=k f(x,y)$, $0 < k < 1$
- HSI color space
 - Intensity: $s_3 = k r_3$
 - Note: transform to HSI requires complex operations
- RGB color space
 - For each R,G,B component: $s_i = k r_i$
- CMY color space
 - For each C,M,Y component:
 - $s_i = k r_i + (1-k)$



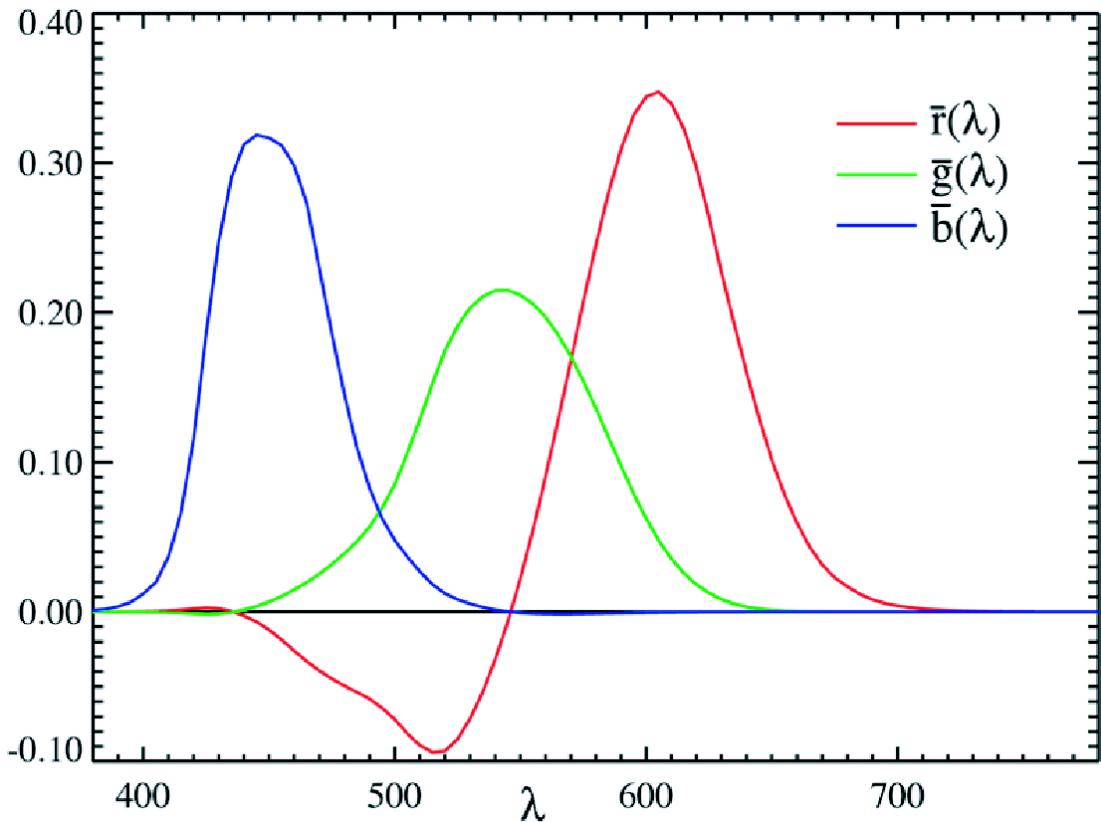
Sumber: Jen-Chang Liu,
Spring 2006
Color Image Processing

Model warna XYZ

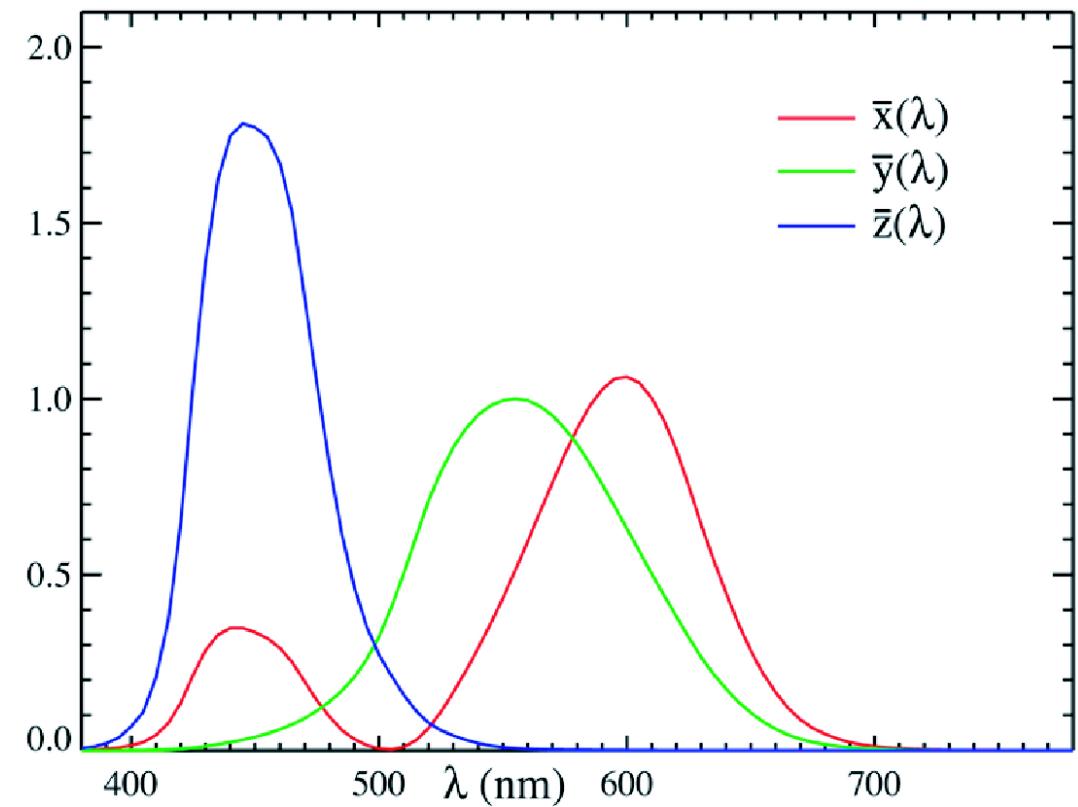
- Sudah dijelaskan sebelumnya bahwa warna-warna dapat dinyatakan sebagai kombinasi linier tiga warna dasar, yang disebut warna pokok (*primary colors*).
- Contoh warna dasar adalah R, G, dan B. Namun *RGB* bukan satu-satunya warna pokok yang dapat digunakan untuk menghasilkan kombinasi warna.
- Warna lain dapat juga digunakan sebagai warna pokok (misalnya *C = Cyan*, *M = Magenta*, dan *Y = Yellow*).

- CIE mendefinisikan model warna dengan menggunakan warna-warna imajinier (yaitu, warna yang secara fisik tidak dapat direalisasikan), yang dilambangkan dengan X , Y , dan Z .
- Model warna tersebut dinamakan model XYZ. Warna-warna dispesifikasikan dengan jumlah relatif warna pokok fiktif.
- Keuntungan utama dari model ini adalah *luminance* atau *brightness* sinyal disediakan langsung oleh Y .
- Model warna XYZ bersifat device *independent* (tidak seperti model RGB atau CMY yang *device dependent*).

CIE Color Matching Functions



CIE *RGB* Matching Functions



CIE *XYZ* Matching Functions

- **Kromatisitas** (*chromaticity of color*) masing-masing warna pokok, menunjukkan persentase relatif suatu warna pokok di antara warna pokok lainnya:

$$x = \frac{X}{X + Y + Z} \quad y = \frac{Y}{X + Y + Z} \quad z = \frac{Z}{X + Y + Z}$$

- Jumlah seluruh nilai kromatisitas warna adalah satu:

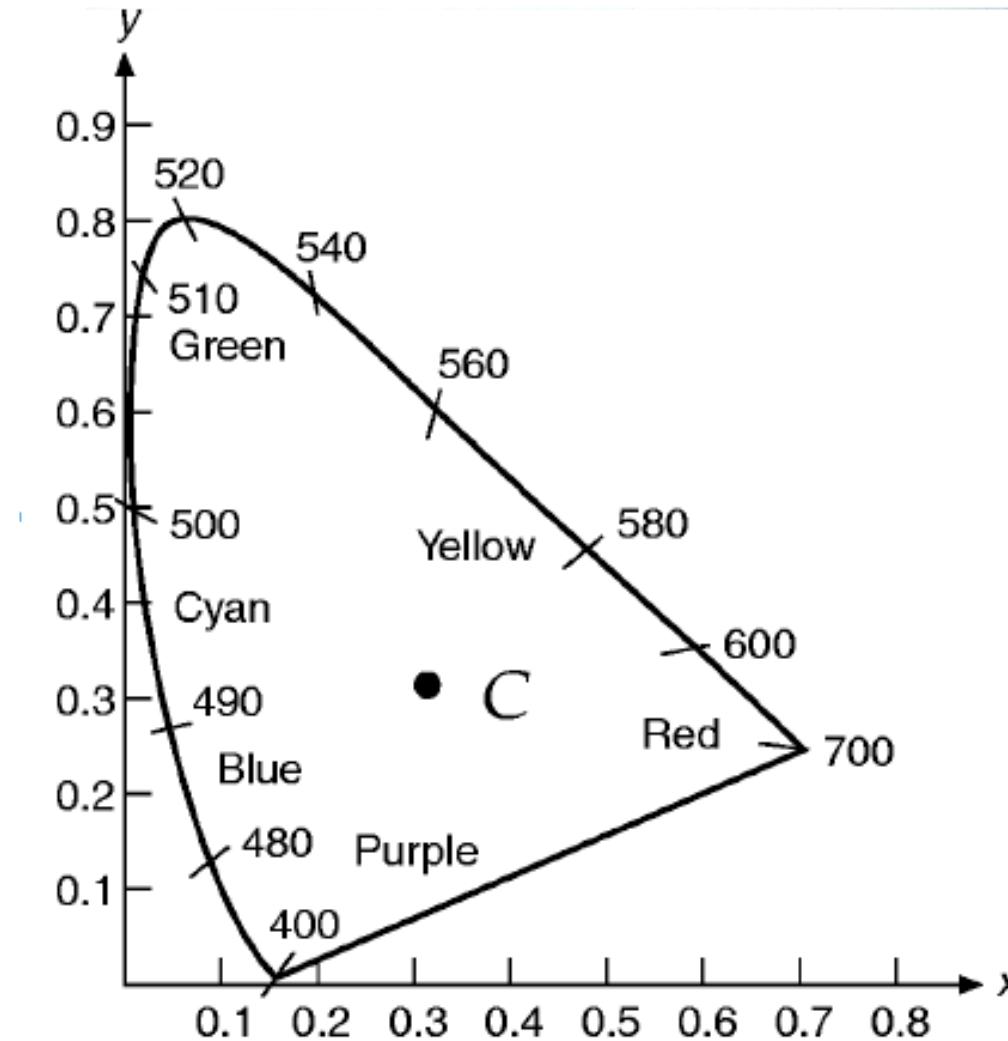
$$x + y + z = 1$$

atau

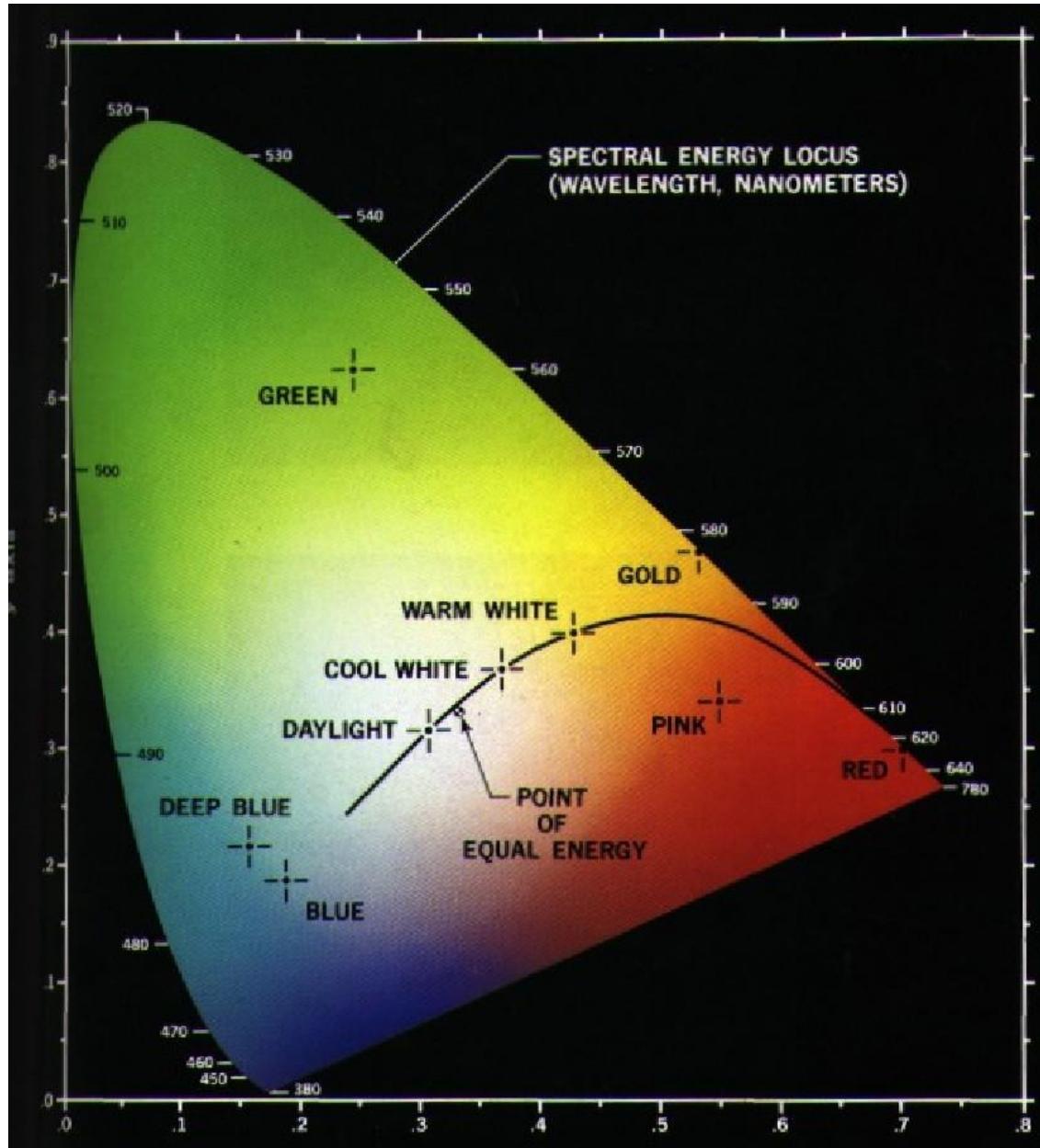
$$z = 1 - (x + y)$$

- Warna putih acuan dinyatakan dengan $X = Y = Z = 1$

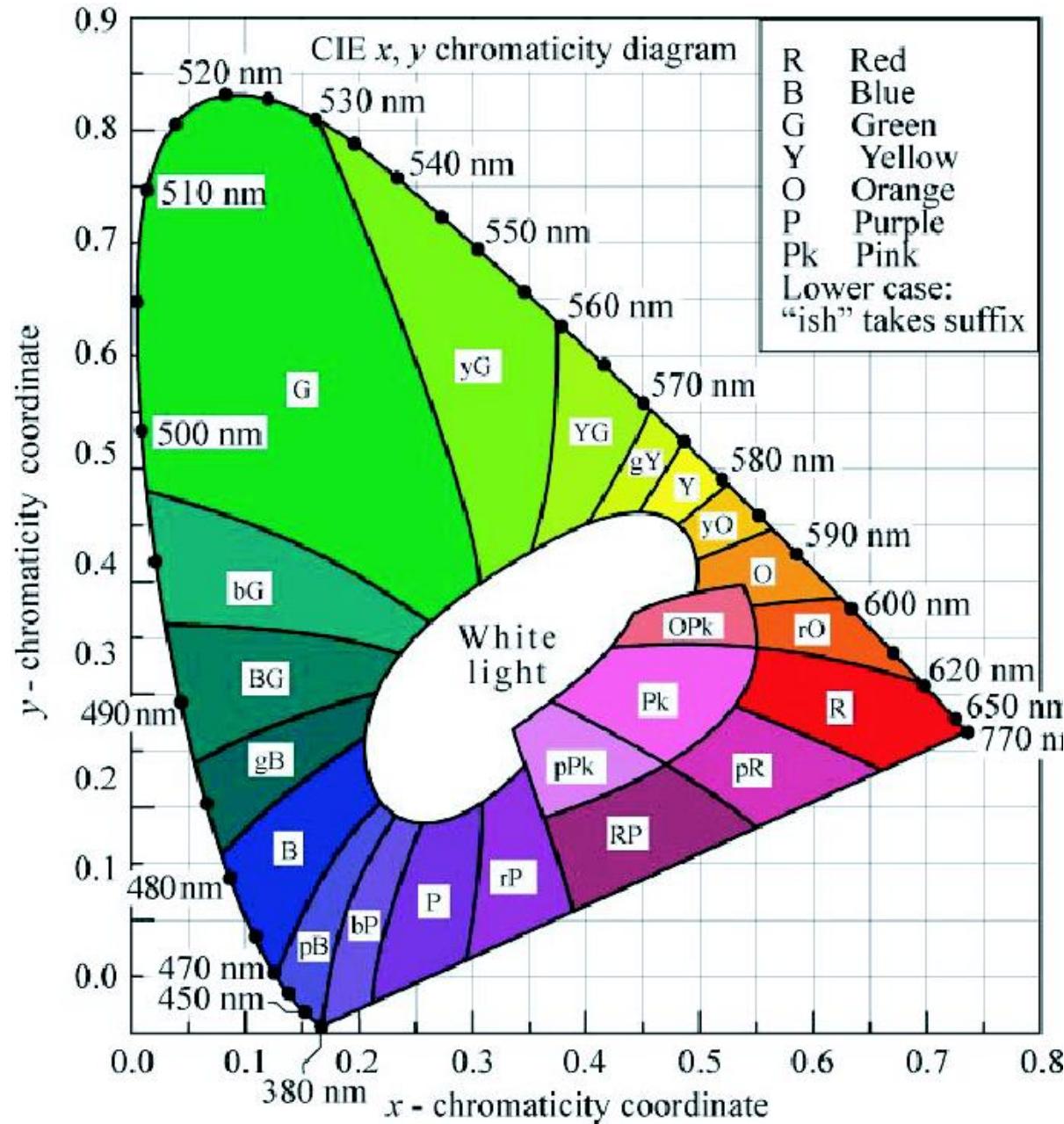
- Koordinat kromatisitas digunakan untuk menggambarkan **diagram kromatisitas**



CIE Chromaticity Diagram

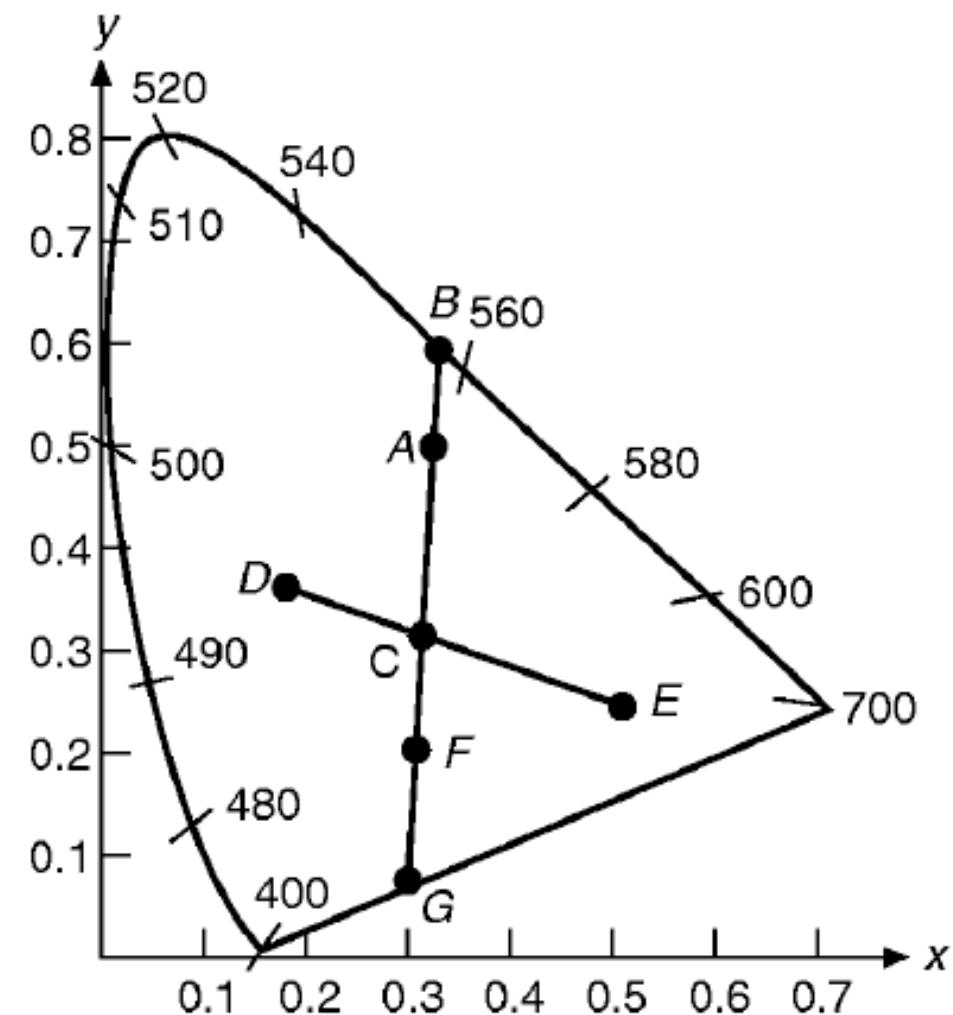


CIE Chromaticity Diagram

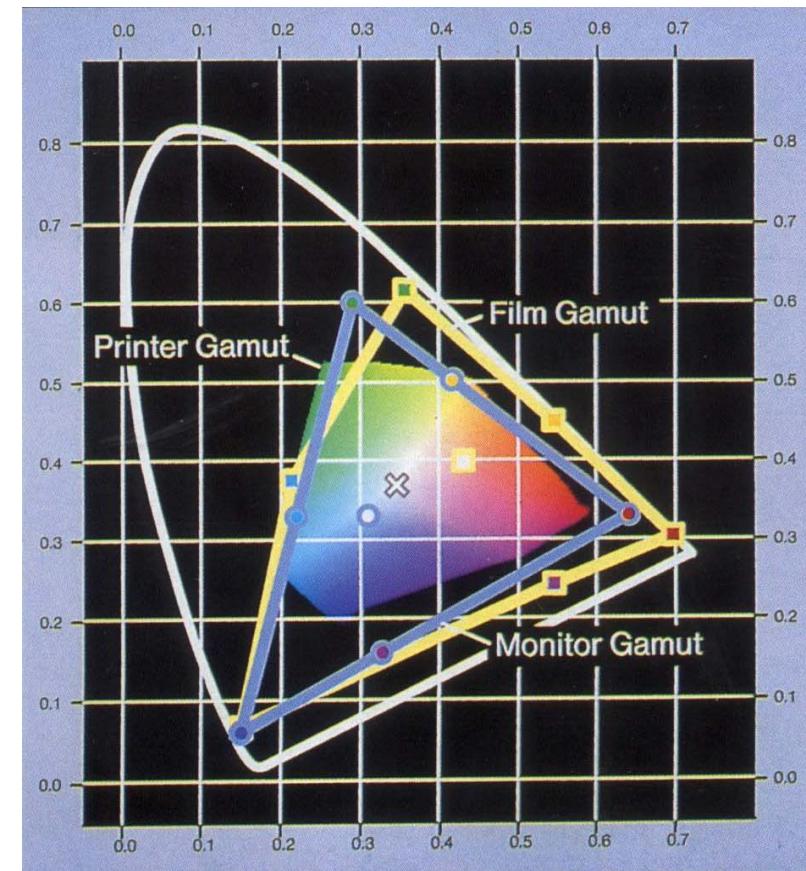
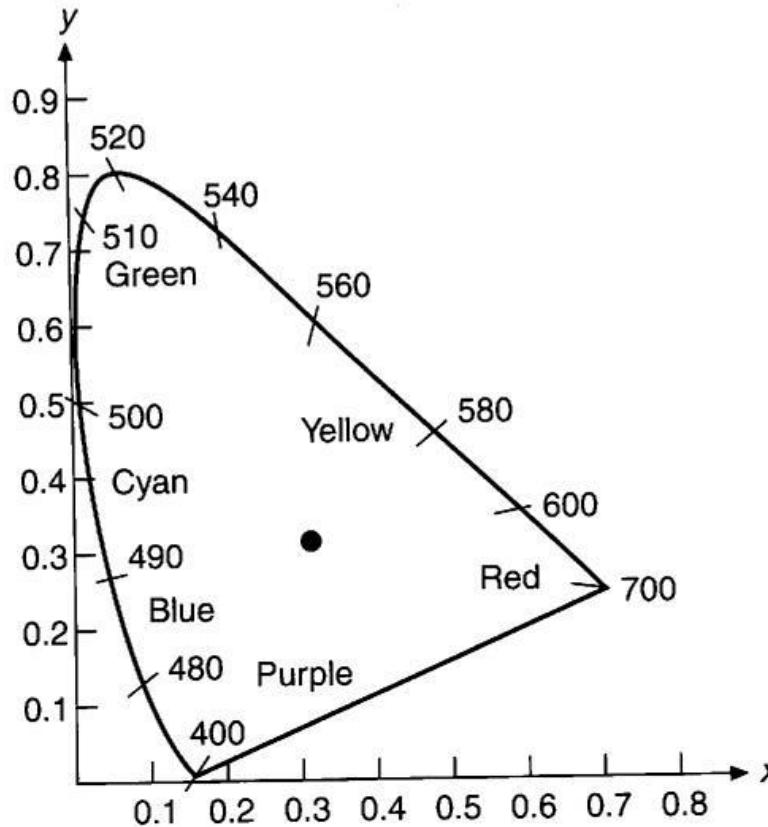


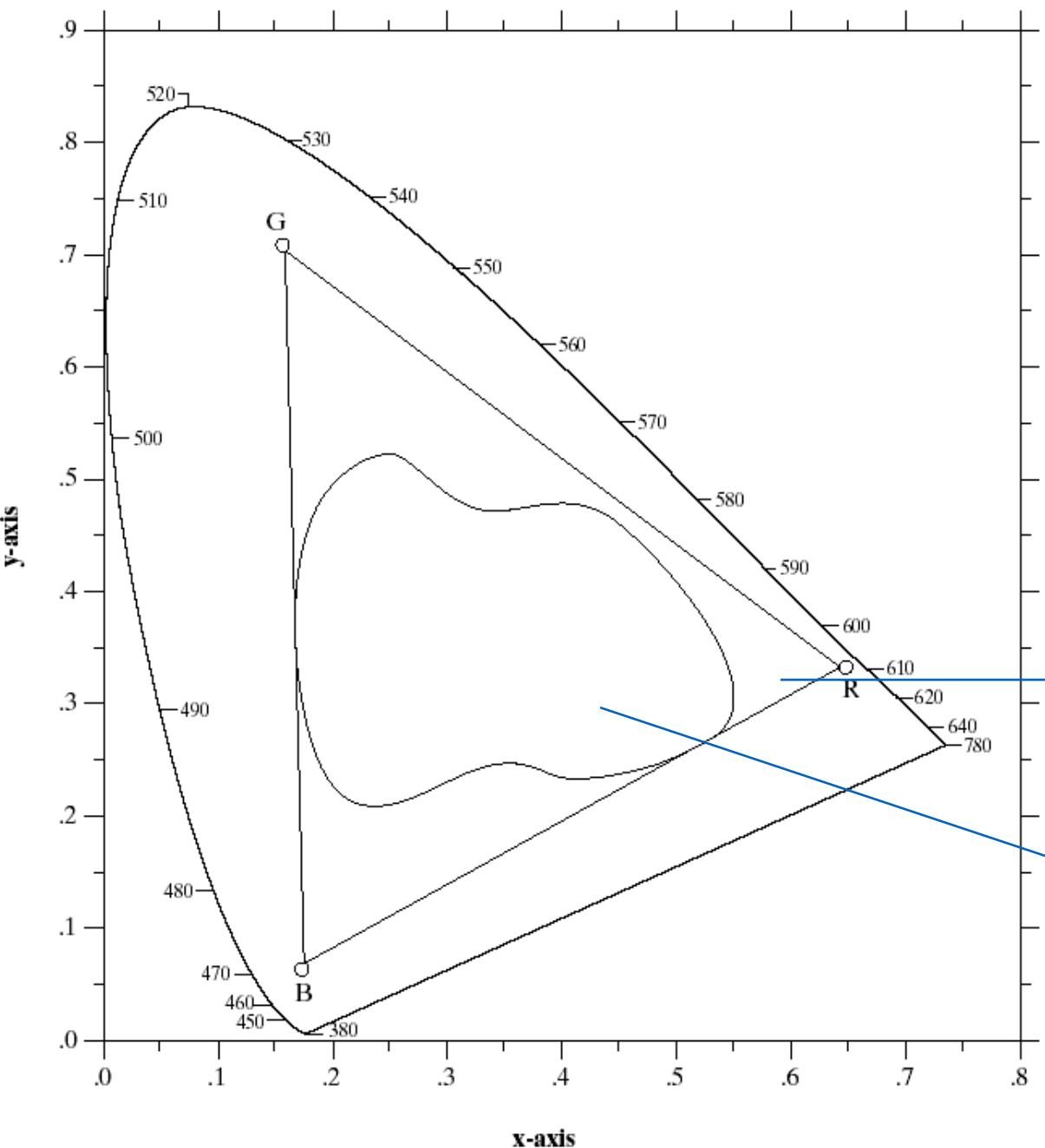
- *Hue* dari warna tertentu diperoleh dengan menarik garis dari putih (C) ke sisi elips melalui warna tersebut. *Hue* dari warna adalah panjang gelombang pada titik potong garis dengan sisi diagram.
- Misal warna A, tarik garis dari C melalui A dan memotong sisi diagram di B.
- *Saturation* adalah panjang CA relatif terhadap CB:

$$\text{saturation} = CA/CB$$
- Warna komplementer adalah warna-warna yang dapat dicampurkan untuk menghasilkan warna putih. D dan E adalah komplementer.



- *Color gamuts* atau rentang warna (sebagai efek mencampurkan warna bersama-sama) yang dapat ditampilkan oleh *device*.
- Tariklah garis dari warna A ke warna B, maka garis sepanjang A ke B menyatakan warna-warna hasil pencampuran.





By additivity of colors:
Any color inside the
triangle can be produced
by **combinations** of the
three initial colors

RGB gamut of
monitors

Color gamut of
printers

FIGURE 6.6 Typical color gamut of color monitors (triangle) and color printing devices (irregular region).

- Transformasi warna dari basis *CIE RGB* ke *CIE XYZ* dapat dilakukan sebagai berikut: Diberikan triplet *RGB* (R_i, G_i, B_i) untuk *pixel i*, maka triplet *XYZ* (X_i, Y_i, Z_i) dihitung dengan

$$\begin{bmatrix} X_i \\ Y_i \\ Z_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.490 & 0.310 & 0.200 \\ 0.177 & 0.813 & 0.011 \\ 0.000 & 0.010 & 0.99 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R_i \\ G_i \\ B_i \end{bmatrix}$$

- Transformasi sebaliknya dari *CIE XYZ* ke *CIE RGB* dapat dilakukan dengan persamaan

$$\begin{bmatrix} R_i \\ G_i \\ B_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2.365 & -0.3896 & -0.468 \\ -0.515 & 1.425 & 0.088 \\ 0.005 & -0.014 & 1.009 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_i \\ Y_i \\ Z_i \end{bmatrix}$$

```

int cieRGB_toXYZ(citra r, citra g, citra b,
                  citra x, citra y, citra z, int N, int M)
/* Transformasi citra dari model warna CIE RGB ke model CIE XYZ
   Masukan: citra dengan komponen RGB masing-masing disimpan di dalam
   matriks r, g, dan b. Ketiga matriks ini berukuran  $N \times M$ .
   Keluaran: citra dengan komponen XYZ masing-masing disimpan di dalam
   matriks x, y, dan z.
*/
{
    int i, j; double R, G, B; double X, Y, Z;

    for (i=0; i<=N-1; i++)
        for (j=0; j<=M-1; j++)
    {
        R = (double)r[i][j]; G=(double)g[i][j]; B=(double)b[i][j];
        X = 0.490*R+0.310*G+0.200*B;
        Y = 0.177*R+0.813*G+0.011*B;
        Z = 0.010*G+0.990*B;
        if (X > 255.0) x[i][j]=255; else x[i][j]=(unsigned char)X;
        if (Y > 255.0) y[i][j]=255; else y[i][j]=(unsigned char)Y;
        if (Z > 255.0) z[i][j]=255; else z[i][j]=(unsigned char)ZX;
    }
}

```

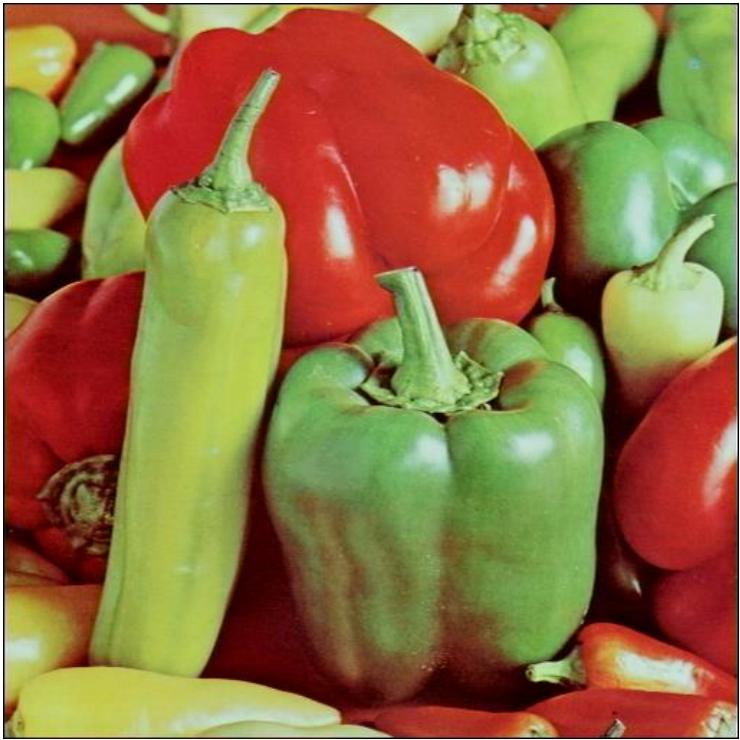
```

int XYZ_to_cieRGB(citra x, citra y, citra z,
                   citra r, citra g, citra b, int N, int M)
/* Transformasi citra dari model warna CIE XYZ ke model CIE RGB
   Masukan: citra dengan komponen XYZ masing-masing disimpan di dalam
             matriks x, y, dan z. Ketiga matriks ini berukuran N x M.
   Keluaran: citra dengan komponen RGB masing-masing disimpan di dalam
             matriks r, g, dan b.
*/
{
    int i, j; double R, G, B; double X, Y, Z;

    for (i=0; i<=N-1; i++)
        for (j=0; j<=M-1; j++)
            { X = (double)x[i][j]; Y =(double)y[i][j]; Z =(double)z[i][j];
              R = 2.365*X-0.896*Y-0.468*Z;
              G = -0.515*X+1.425*Y+0.088*Z;
              B = 0.005*X-0.014*Y+1.009*Z;
              if (R > 255.0) r[i][j]=255;
              else if (R<0.0) r[i][j]=0;
                  else r[i][j]=(unsigned char)R;
              if (G > 255.0) g[i][j]=255;
              else if (G<0.0) g[i][j]=0;
                  else g[i][j]=(unsigned char)G;
              if (B > 255.0) b[i][j]=255;
              else if (B<0.0) b[i][j]=0;
                  else b[i][j]=(unsigned char)B;
            }
}

```

```
rgb = imread('peppers512.bmp');
xyz = rgb2xyz(rgb);
Y = xyz(:,:,2);
imshow(Y)
```



Model warna YIQ

- Model warna YIQ (atau NTSC) digunakan untuk penyiaran siaran TV berwarna di Amerika Serikat.

$Y = \text{luminance/brightness/grayscale}$

I dan Q = kromaticity (I = hue, Q = saturation)

- Pada TV hitam-putih, hanya Y yang ditampilkan
- Ditransmisikan dengan menggunakan standard NTSC (*National Television System Committee*)

- Transformasi dari RGB ke YIQ:

$$\begin{pmatrix} Y \\ I \\ Q \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ 0.596 & -0.275 & -0.321 \\ 0.212 & -0.528 & 0.311 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} R \\ G \\ B \end{pmatrix}$$

- Transformasi dari YIQ ke RGB:

$$\begin{pmatrix} R \\ G \\ B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0.956 & 0.621 \\ 1 & -0.272 & -0.647 \\ 1 & -1.106 & 1.703 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Y \\ I \\ Q \end{pmatrix}$$

```
rgb = imread('gedung-sate.jpg');
YIQ = rgb2ntsc(rgb);
Y = YIQ(:,:,1);
I = YIQ(:,:,2);
Q = YIQ(:,:,3);
imshow(Y)
figure, imshow(I);
figure, imshow(Q);
```



Y



I



Q

Model warna YUV

- Model warna YUV digunakan untuk penyiaran siaran TV berwarna di Eropa.
- Transformasi dari RGB ke YUV:

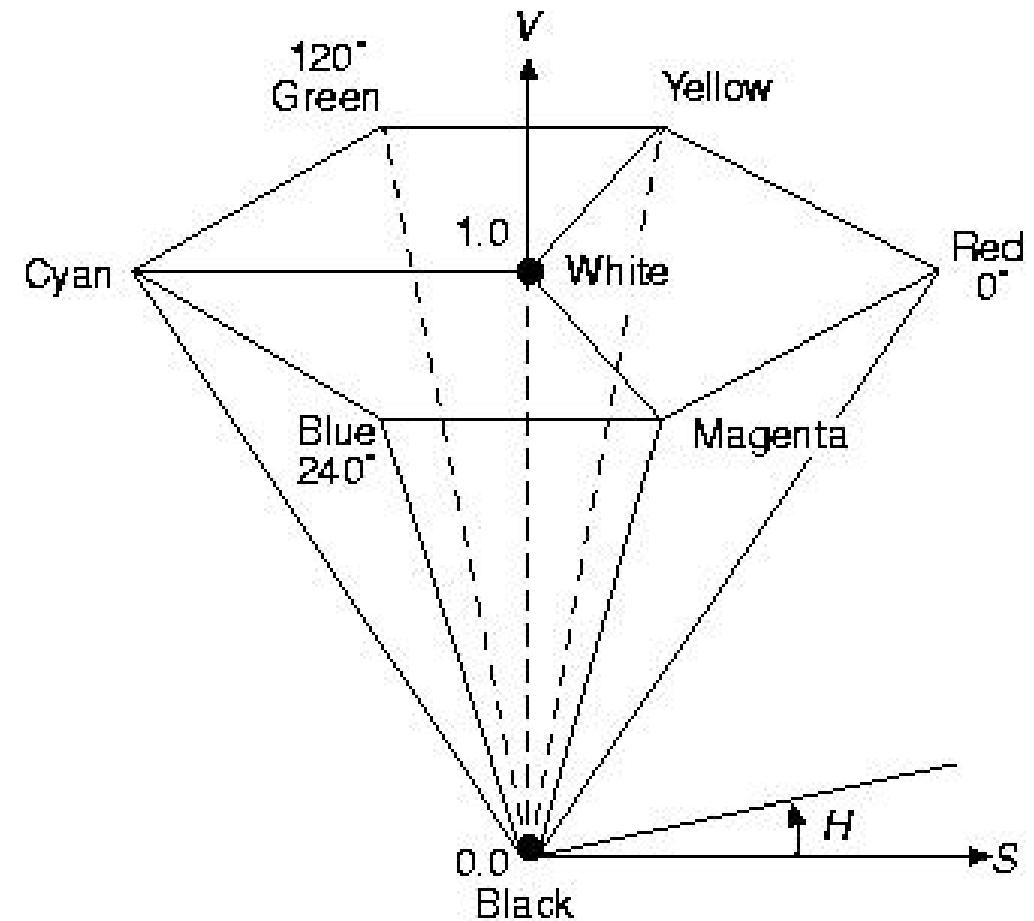
$$\begin{pmatrix} Y \\ U \\ V \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ -0.147 & -0.289 & 0.436 \\ 0.615 & -0.515 & -0.100 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} R \\ G \\ B \end{pmatrix}$$

- Transformasi dari YUV ke RGB:

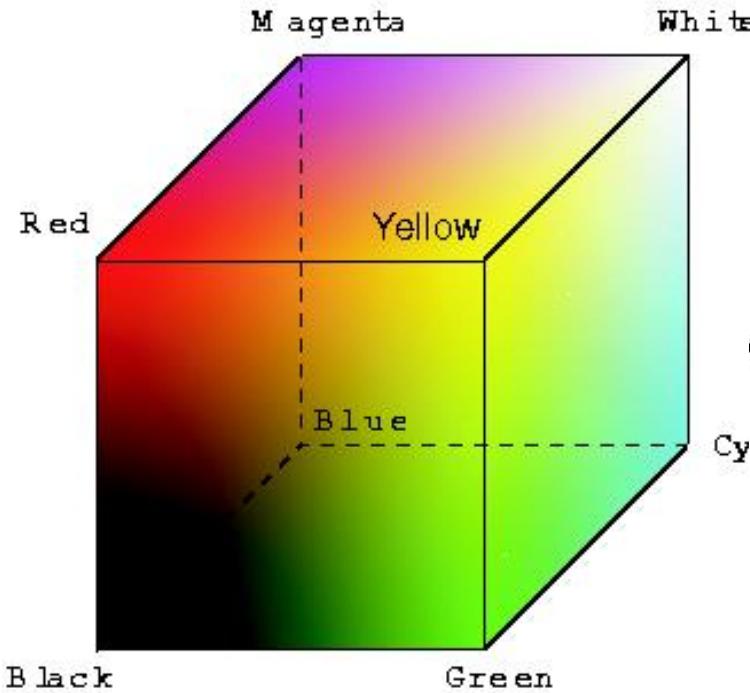
$$\begin{pmatrix} R \\ G \\ B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0.000 & 1.140 \\ 1 & -0.395 & -0.581 \\ 1 & 2.032 & 0.000 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Y \\ U \\ V \end{pmatrix}$$

Model warna HSV

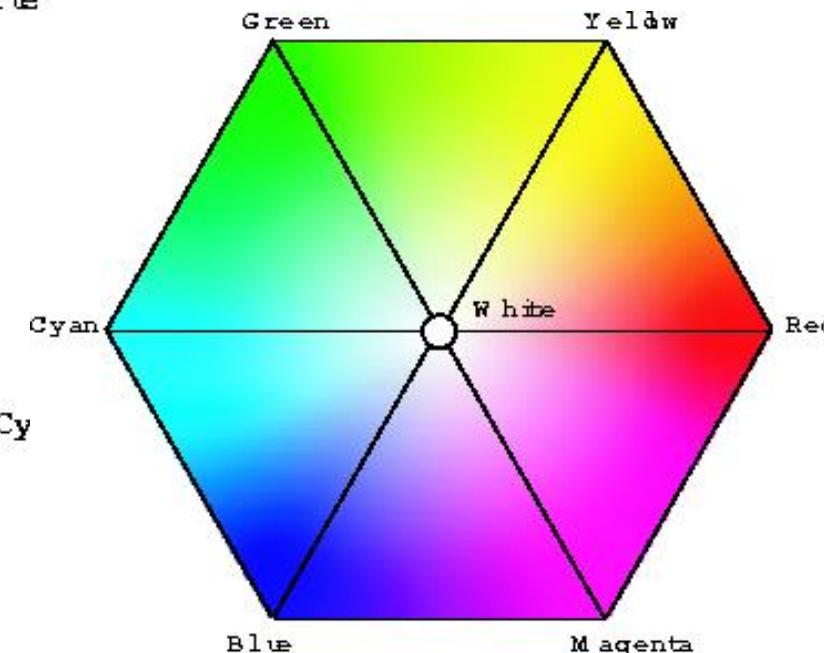
- Mirip dengan HSI.
- $H = Hue$ = jenis warna sebenarnya (merah, ungu, dll), rentang nilai 0 sampai 2π
- $S = Saturation$ = kemurnian warna, rentang nilai $[0,1]$
- $V = Value$ = kecerahan sebuah warna, rentang nilai $[0, 1]$



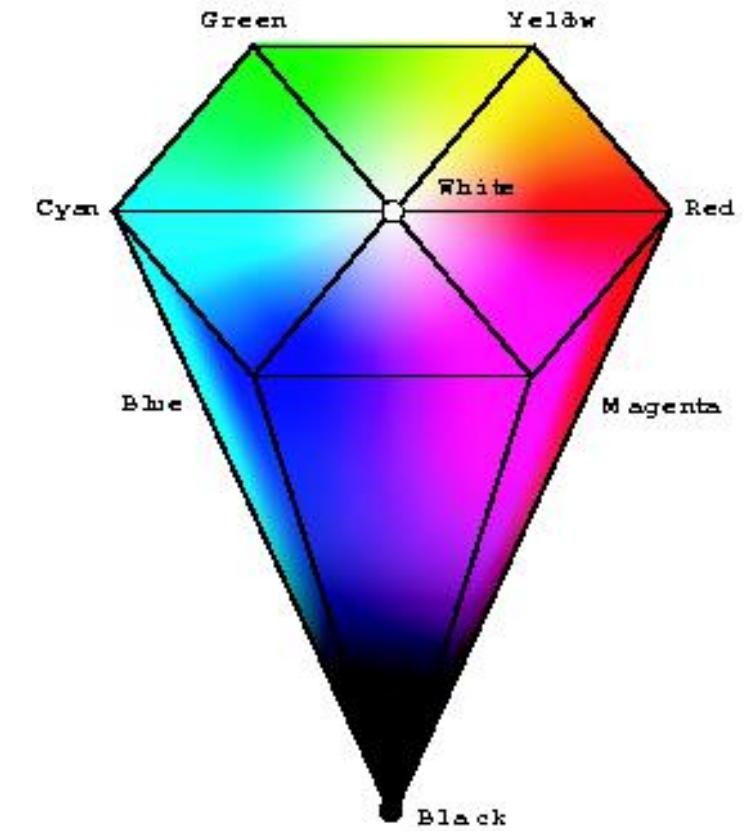
HSV Color Model



RGB cube

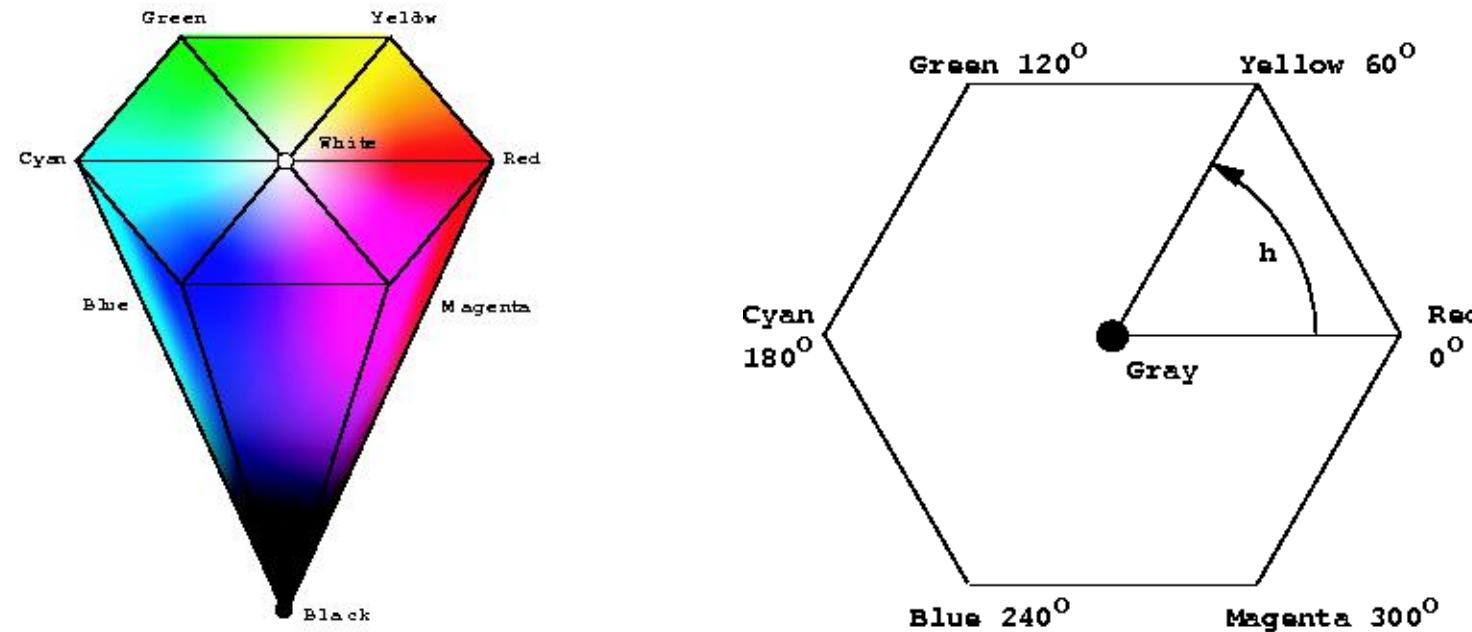


HSV top view



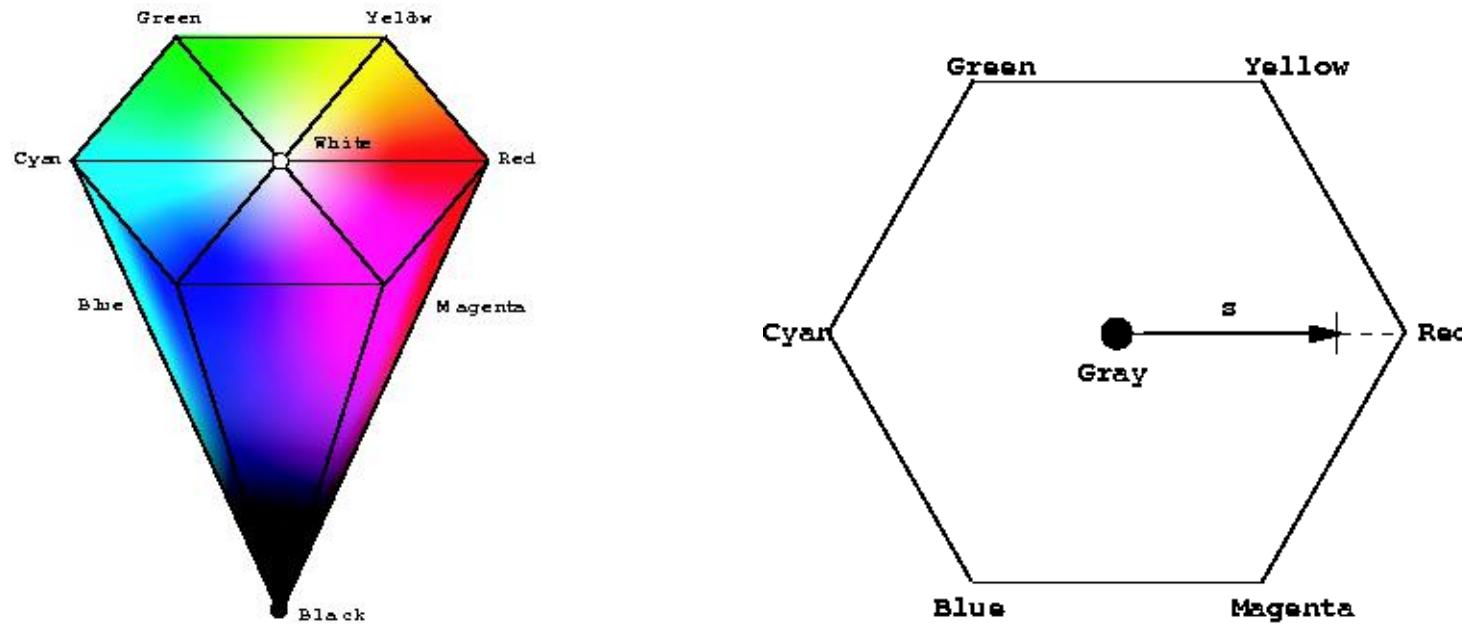
HSV cone

HSV Color Model



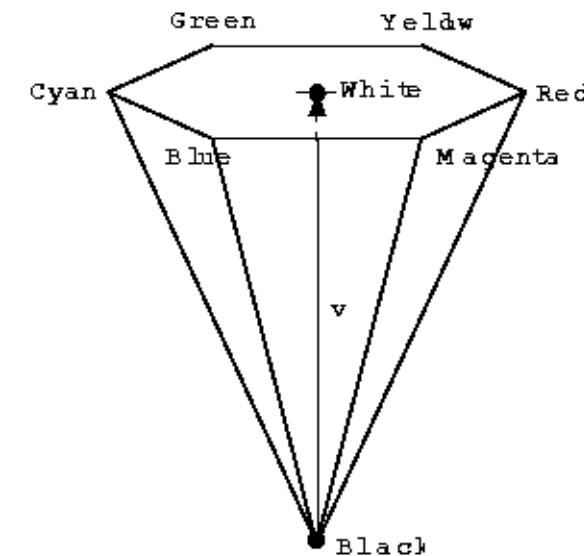
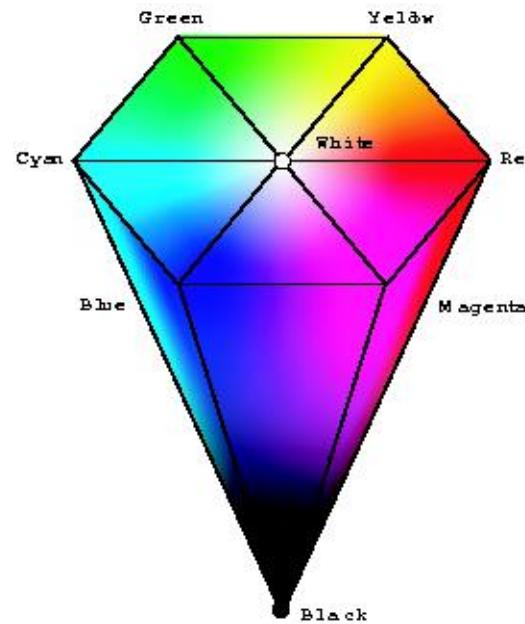
Hue, an angular measure (0 ... 360)

HSV Color Model



Saturation, a fractional measure (0.0 ... 1.0)

HSV Color Model



Value, a fractional measure (0.0 ... 1.0)

- Transformasi warna dari RGB ke HSV:

$$V = \max(R, G, B)$$

$$V_m = V - \min(R, G, B)$$

$$S = \begin{cases} 0 & , V = 0 \\ \frac{V_m}{V} & , V > 0 \end{cases}$$

$$H = \begin{cases} 0 & , S = 0 \\ 60^\circ \cdot \left(\frac{G - B}{V_m} \right) \bmod 6 & , V = R \\ 60^\circ \cdot \left(2 + \frac{B - R}{V_m} \right) & , V = G \\ 60^\circ \cdot \left(4 + \frac{R - G}{V_m} \right) & , V = B \end{cases}$$

- Transformasi warna dari HSV ke RGB:

$$K = H/60^\circ$$

$$T = H/60^\circ - K$$

$$X = V(1 - S), \quad Y = V(1 - ST), \quad Z = V(1 - S)(1 - T)$$

$$R, G, B = \begin{cases} V, Z, X & , K = 0 \\ Y, V, X & , K = 1 \\ X, V, Z & , K = 2 \\ X, Y, V & , K = 3 \\ Z, X, V & , K = 4 \\ V, X, Y & , K = 5 \end{cases}$$

```
rgb = imread('lena.bmp');
hsv = rgb2hsv(rgb);
H = hsv(:,:,1)
imshow(H)
S = hsv(:,:,2);
figure, imshow(S);
V = hsv(:,:,3);
figure, imshow(V);
```



H



S



V

Model warna YCbCr

- Dalam pemrosesan citra digital, citra berwarna RGB perlu dikonversi ke ruang warna lain, karena sistem visual manusia memiliki sensitivitas yang berbeda terhadap warna dan kecerahan.
- Model warna yang paling mendekai sistem visual manusia adalah HSV dan YCbCr
- Dalam ruang warna YCbCr, Y = *luminance*, Cb = *Chrominance-blue*, dan Cr = *Chrominance-red*.
- Komponen Y mewakili kecerahan piksel, sedangkan kedua komponen *chrominance* mewakili persepsi warna pixel.



(a) Original image



(b) Color components: R , G , and B



(c) Color components: Y , Cb , Cr

- Transformasi dari RGB ke YCbCr:

$$\begin{bmatrix} Y \\ Cb \\ Cr \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 128 \\ 128 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ -0.169 & -0.331 & 0.500 \\ 0.500 & -0.419 & -0.081 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$

- Transformasi dari YCbCr ke RGB:

$$\begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.000 & 0.000 & 1.400 \\ 1.000 & -0.343 & -0.711 \\ 1.00 & 1.765 & 0.000 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Y \\ (Cb - 128) \\ (Cr - 128) \end{bmatrix}$$

```
rgb = imread('monarch.jpg');  
ycbcr = rgb2ycbcr(rgb);  
Y = ycbcr(:,:,1);  
imshow(Y);  
Cb = ycbcr(:,:,2);  
figure, imshow(Cb)  
Cr = ycbcr(:,:,3);  
figure, imshow(Cr)
```



Y



Cb



Cr

$Y(1:5,1:5)$

$Cb(1:5,1:5)$

ans =

5×5 uint8 matrix

```
91  92  93  94  97  
103 104 104 105 105  
103 104 106 107 108  
99  100 103 104 106  
106 105 104 104 104
```

ans =

5×5 uint8 matrix

```
103 103 103 103 103  
103 103 103 103 103  
103 103 103 103 102  
103 103 103 102 102  
102 102 102 102 102
```

$Cr(1:5,1:5)$

ans =

5×5 uint8 matrix

```
140 140 140 140 140  
140 140 140 140 140  
140 140 140 140 141  
140 140 140 141 141  
141 141 141 141 141
```