Program Studi Teknik Informatika

Sekolah Teknik Elektro dan Informatika

Institut Teknologi Bandung

-----------------------------------------------------

Ujian Tengah Semester IF2123 Aljabar Linier dan Geometri

Semester I tahun akademik 2024/2025

Selasa, 29 Oktober 2024

Waktu: 100 menit

1. **Pilihan Ganda**

**Tuliskan jawaban soal pilihan ganda di bawah ini pada lembar jawabanmu, hanya berupa huruf jawaban saja (A, B, C, D, E, dst). Setiap soal bernilai 3.**

1. Diberikan SPL dengan matriks augmented sebagai berikut. Milai a dan b menentukan apakah SPL memiliki solusi unik, solusi banyak (dalam bentuk parametrik), atau tidak ada solusi. Pernyataan mana yang benar?

1. SPL mempunyai solusi unik jika *a* ≠ 0 dan *b* = 2
2. SPL mempunyai solusi dengan satu parameter jika *a* ≠ 0 dan *b* ≠ 2
3. SPL Mempunyai solusi dengan dua parameter jika *a* ≠ 0 dan *b* = 2
4. Tidak mempunyai solusi jika *a* = 0 dan *b* = 2
5. Semua jawaban di atas benar
6. Semua jawaban di atas salah
7. Diketahui A adalah determinan dari matrik pertama dan B adalah determinan matrik kedua, maka berlaku



1. B = A
2. B = –A
3. B = –2A
4. B = –3A

E. Tidak ada jawaban yang benar

1. Dua buah vektor **u** dan **v** di Rn dikatakan orthogonal jika dipenuhi :
2. Dua vektor tersebut saling tegak lurus
3. Dua vektor tersebut membentuk sudut 90 derajat
4. Hasil kali skalar dua vektor tersebut bernilai nol
5. Jawaban A,B, dan C benar semua
6. Tidak ada jawaban yang benar
7. Jika **x** adalah vektor projeksi dari vektor **u** terhadap vektor **a,**  pernyataan berikut yang benar adalah:
8. Vektor **x** merupakan vektor satuan yang tegak lurus dengan vektor **a**
9. Vektor **x**  merupakan vektor satuan yang berimpit dengan vektor **a**
10. Vektor yang tegak lurus dengan vektor **a**, tidak harus vektor satuan
11. Vektor yang berimpit dengan vektor **a**, tidak harus vektor satuan
12. Tidak ada jawaban yang benar
13. Jika S = {**v**1,**v**2, …. , **v**r} adalah himpunan vektor-vektor di ruang vektor berhingga V, maka himpunan vektor di S dapat menjadi basis di V jika dipenuhi sifat-sifat berikut:
14. Setiap vektor di S dapat dinyatakan sebagai kombinasi linier dari vektor yang lain
15. Dimensi dari ruang vektor V lebih besar dari r
16. Jika **u** adalah vektor sebarang maka **u** dapat dinyatkan sebagai kombinasi linier dari vektor-vektor di S
17. Ada dua diantara jawaban A,B, dan C yang benar
18. Tidak ada jawaban yang benar
19. Matriks adalah matriks standar matriks untuk operator :
    1. Projeksi orthogonal terhadap bidang xy
    2. Projeksi orthogonal terhadap bidang xz
    3. Projecksi orthongonal terhadap bidang yz
    4. Refleksi terhadap bidang xy
    5. Refleksi terhadap bidang xz
    6. Refleksi terhadap bidang yz
    7. Tidak ada jawaban yang benar.
20. Jika **A** adalah matriks *n* x *n*, maka hal-hal di bawah ini adalah ekuivalen, kecuali :
    1. **A** adalah *invertible*
    2. Vektor-vektor kolom **A** adalah *linearly independent*
    3. **A** bisa diekspresikan sebagai perkalian dari matriks-matriks elementer
    4. *Nullity* **A** tidak 0
    5. Vektor baris **A** membentuk sebuah basis untuk **Rn**
    6. **Ax** = **b** mempunyai tepat satu buah solusi untuk setiap *n* x 1 matriks **b**.
21. Manakah pernyataan di bawah ini yang paling benar :
    1. Jika u adalah sebuah matriks kolom dan v adalah sebuah matriks kolom maka pastilah:
22. A black letter on a white surface

    Description automatically generatedJika u adalah sebuah matriks baris dan v adalah sebuah matriks kolom maka pastilah:
23. A black and blue letter

    Description automatically generatedJika u adalah sebuah matriks kolom dan v adalah sebuah matriks baris maka pastilah:
24. A black and yellow letter

    Description automatically generatedJika u adalah sebuah matriks baris dan v adalah sebuah matriks baris maka pastilah:
25. A blue and black letter

    Description automatically generatedJawaban A dan B benar
26. Jawaban A dan C benar
27. Jawaban B dan C benar
28. Jawaban A,B dan C benar
29. Jawaban B,C dan D benar
30. Semua jawaban benar
31. Semua jawaban salah
32. Sebuah vektor **v** = (2, -1) di R2 mula-mula dicerminkan terhadap *y* = *x*, selanjutnya hasilnya diregang (*shear*) dalam arah *x* dengan faktor *k* = 3, maka, bayangan akhir v adalah:
    1. (2, -5)
    2. (5, 2)
    3. (2, 5)
    4. (5, -2)
    5. (-5, 2)
    6. (-2, 5)
    7. Tidak ada jawaban yang benar
33. Misalkan **v1**, **v2**, dan **v3** adalah vektor-vektor di R3. Vektor-vektor manakah yang terletak sebidang?
34. **v1** = (2, -2, 0), **v2** = (6, 1, 4), **v3** = (2, 0, -4)
35. **v1** = (-6, 7, 2), **v2** = (3, 2, 4), **v3** = (4, -1, 2)
36. **v1** = (-1, 2, 3), **v2** = (2, 1, -6), **v3** = (-3, 6, -4)
37. **v1** = (4, -7, 1), **v2** = (1, 2, 0), **v3** = (5, -1, 3)
38. Tidak ada jawaban yang benar
39. **Essay**

**Jawablah soal uraian di bawah ini pada lembar jawaban**

1. Tunjukkan bahwa vektor-vektor **v1** = (2/3, 1/3, 2/3) dan **v2** = (1/3, 2/3, -2/3) adalah vektor-vektor yang *orthonormal*. Tentukan vektor **v3** sedemikian sehingga himpunan {**v1**, **v2**, **v3**} adalah himpunan yang *orthornomal*. **(Nilai = 15)**
2. Perlihatkan bahwa ketiga vektor berikut bebas linier:

**x1** = (3, 1, 5), **x2** = (-3, 7, 10), **x3** = (5, 5, 15)

lalu nyatakan vektor (4, 7, -3) sebagai kombinasi linier dari ketiga vektor di atas. **(Nilai = 15)**

1. Diberikan transformasi yang didefinisikan sebagai berikut:

**(Nilai = 20)**

* 1. Tentukan matriks transformasi T. (Perlihatkan cara perhitungan dengan menggunakan vektor basis satuan).
  2. Dengan menggunakan jawaban pada bagian a), tentukan bayangan dari vektor (2,−1,3,4).

1. Diketahui basis dari polinom orde dua adalah {1 + *x*, –*x* + *x*2, 1 + *x* – *x*2}.

Jika *T* : *P*2 → *R*3 adalah transformasi linier, yang dalam hal ini: **(Nilai = 20)**

*T*(1 + *x*) = ; *T*(–*x*  + *x*2) = ; *T*(1 + *x – x*2) = , maka tentukan *T*(1 – *x* + *x*2).