Latihan A* dan *Branch and Bound* (Waktu: 75 menit)

1. Terdapat persoalan 8-puzzle seperti pada Gambar 1. Gambar 1(a) adalah start state persoalan, dan gambar 1(b) adalah goal state. Ubin yang dapat bergerak adalah ubin kosong, dengan urutan pergerakan (jika diperlukan) adalah kiri, kanan, atas, bawah. Selesaikan persoalan 8-puzzle tersebut dengan teknik A*. Biaya suatu state dari start state adalah banyaknya langkah ubin kosong yang telah dilakukan. Jika diperlukan heuristik, maka digunakan jumlah manhattan distance semua ubin selain ubin kosong. Manhattan distance sebuah ubin adalah banyaknya ubin secara horisontal dan vertikal terdekat untuk menuju posisi ubin yang sesuai

2	4	3
1	7	5
6		8
(a)		

1	2	3
4		5
6	7	8
(b)		

1

Gambar 1. Start State dan Goal State Persoalan 8-Puzzle

Tuliskan langkah-langkah penyelesaiannya dengan menggambarkan pohon ruang pencarian, dan di setiap simpul pohon tunjukkan perhitungan nilai fungsi evaluasinya (yang menjadi penentu *state* berikutnya yang harus diperiksa). *State* yang sudah pernah dilalui tidak perlu diperiksa kembali. Setelah pencarian selesai, tuliskan langkah pergeseran ubin kosong dari *start state* hingga *goal state*. **Asumsi**: status tujuan selalu dapat dicapai dari status awal.

2. (*TSP*) Diberikan sebuah graf lengkap dengan 4 simpul yang dinyatakan dengan matriks berbobot sebagai berikut:

$$C = \begin{bmatrix} \infty & 2 & 7 & 8 \\ 6 & \infty & 3 & 7 \\ 5 & 8 & \infty & 4 \\ 7 & 6 & 9 & \infty \end{bmatrix}$$

Simpul diberi nomor 1, 2, 3, dan 4. Jika tur dimulai dari simpul 3, tentukan tur TSP dengan bobot minimum (dari 3 kembali ke 3 melalui simpul yang lain tepat sekali). Selesaikan persoalan ini dengan algoritma *branch and bound*. *Bound* dihitung dengan matriks ongkos tereduksi (*reduced cost matices*). Tuliskan jawaban anda dengan menggambarkan pohon ruang status beserta nilai *bound* untuk setiap simpul, solusi dalam bentuk vektor X dan total bobot.